

اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۵

جمعه ۹۶/۱۱/۰۶



# آزمون‌های سراسری گاج

گذینه درس‌درآ انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۹۷-۹۶

## آزمون عمومی

گروه‌های آزمایشی علوم ریاضی و علوم تجربی

چهارم دیبرستان (پیش‌دانشگاهی)

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۸۰	مدت پاسخگویی: ۶۰ دقیقه

عنوانین مواد امتحانی آزمون عمومی گروه‌های آزمایشی علوم ریاضی و علوم تجربی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال از تا	مدت پاسخگویی
۱	زبان و ادبیات فارسی	۲۰	۱ از ۲۰	۱۵ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۰	۲۱ از ۴۰	۱۵ دقیقه
۳	فرهنگ و معارف اسلامی	۲۰	۴۱ از ۶۰	۱۵ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۰	۶۱ از ۸۰	۱۵ دقیقه

حق چاپ و تکثیر مسئله‌های آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی ممنوع می‌باشد و پیگرد قانونی دارد.

نمای اطلاع از نتائج آزمون و زمان قبول اعلام آن باید در کتابل نتگرام گاج عضو شود.





Online  
Shopping  
Every time

## فروشگاه اینترنتی کتاب و لوازم دانش آموزی

فروشگاه اینترنتی گاج مارکت، وب سایت تخصصی حوزه فروش مایحتاج دانش آموزی است. هدف از راه اندازی "گاج مارکت" ایجاد فروشگاه جامعی است که با ورود به آن، امکان خرید تمام لوازم نیاز یک دانش آموز یا دانشجو فراهم می باشد.



g

gajmarket.com



## زبان و ادبیات فارسی



-۱ در کدام گزینه، به معنی درست واژه‌های «کله» - مجامله - طومار - کومه - آزگار» اشاره شده است؟

۱) حجله‌ی عروسی - جمله‌پردازی - نوشته‌ی دراز - آلونک - ملال آور

۲) خیمه‌ای از پارچه‌ی تُنک و لطیف - کوتاه سخن گفتن - نامه - کلبه - تمام

۳) پشه‌بند - چرب‌بازی - دفتر - کپر - به طور مداوم

۴) سراپرده - به رخ کشیدن زیبایی - لوله‌ی کاغذ - خانه‌ای از نی و علف - کامل

-۲ معنی چند واژه، در گمانک روبه‌روی آن درست نوشته شده است؟

«عقار (عذاب) / سعایت (نادانی) / رقعه (امضای نامه و فرمان) / میعاد (زمان وعده) / هُرزا (هراسناک) / مینا (بیهشت) / ۋۇدۇد (دوست داشتن) / بنان (انگشتان) / كوكب (ستارگان)»

۱) چهار (۴) یک (۳) دو (۲) سه (۱) چهار

-۳ در معنی واژه‌های کدام گزینه اشتباه وجود دارد؟

۱) خیره خیر: بیهوده / استیصال: درماندگی / شخیص: بزرگ و ارجمند / بهره: قسمت صاحب زمین

۲) ایار: از ماه‌های رومی برابر ماه سوم بهار / متراکم: گردآینده / لطیفه: نکته‌ی باریک / مخدول: زبون‌گردیده

۳) عامل: والی / ادعیه: دعاها / گُتاب: نویسنده‌گان / اشتلم: لاف زدن

۴) صولت: هیبت / جافی: ستم‌دیده / کبریا: عظمت و بزرگی / خلنگ: علف جارو

-۴ در کدام بیت غلط املایی وجود دارد؟

۱) تو اگر ز ارکان دانی صفت نور و ضیاع  
در ازل جز به دعای تو صفیری نکشید  
۳) به بیوفایی دور زمان یقین بودیم  
۴) به صبر خواستم احوال عشق پوشیدن

-۵ در متن زیر، چند غلط املایی وجود دارد؟

«چنین کسان را از روی سهو و ذلت از این نوع حادثه‌ها افتد و از این جنس دوستان گزینند که به حسب و نسب ایشان التفات ننمایند، و اخلاق نامرزی و عادات نامحومد ایشان را معتبر ندارند، و چون حاجت نفس کم شد به نزد یک ایشان همچون دیگر بیگانگان باشند. لکن پادشاه به منزلت پدر و مثبت برادر است، و هرگز برخوردار مباد رعیتی که ولی نعمتش را هزار بار از نفس خویش عزیزتر و گرامی تر نشمرد، و جان و زندگانی برای فراق و راحت او نخواهد.»

۱) چهار (۴) یک (۳) دو (۲) سه (۱) چهار

-۶ تعداد «تکوازها» در کدام مصراع متفاوت است؟

۱) عمریست تا من در طلب هر روز گامی می‌زنم

۲) گفت و خوش گفت برو خرقه بسوزان حافظ

۳) یار اگر رفت و حق صحبت دیرین نشناخت

۴) چون که جز تیغ غمت نیست کسی دمسازم

-۷ در ایيات زیر، چند ترکیب «اضافی و وصفی» وجود دارد؟

۱) «ای نسیم سحر آرامگه یار کجاست؟  
منزل آن مه عاشق‌کش عیار کجاست؟  
آتش طور کجا موعد دیدار کجاست؟  
در خرابات بگویید که هشیار کجاست؟»

۲) شب تار است و ره وادی ایمن در پیش  
هر که آمد به جهان نقش خرابی دارد

۳) ۱۲ (۲) ۱۳ (۳) ۱۴ (۴)



-۸ اگر بخواهیم ابیات زیر را به ترتیب داشتن جمله های «دوجزئی» - «چهار جزئی با مفعول و مسنند» - «سه جزئی با متفق» - «سه جزئی با مفعول» - «سه جزئی با مسنند» مرتب کنیم، کدام گزینه صحیح است؟

گناه توست که بر خود گرفته‌ای دشوار  
ملول شد زیبایان و رفت سوی بخار  
چو دوست دست دهد هرچه هست هیچ انگار  
رضای دوست به دست آر و دیگران بگذار  
تو خوش حدیث کنی سعدیا بیا و بیار

(۴) ۵ - ۵ - ج - الف - ب - ه

(۳) ۳ - ۵ - ج - الف - ب - ه

(الف) وگر به بند بلای کسی گرفتاری  
ب) چنانش کرد که در شهرها نمی‌گنجید  
ج) درم چه باشد و دینار و دین دنی و نفس  
د) دهان خصم و زبان حسود نتوان بست  
ه) وزین سخن بگذشتم و یک غزل ماندست

(۱) ه - د - ب - الف - ج (۲) ه - ج - ب - د - الف

در کدام گزینه «نقش بدلی» وجود دارد؟

ای که دستی چرب داری پیشتر دیوار خویش  
لیکن آن بهتر که فرمایی به خدمتکار خویش  
شرط مردی نیست برگردیدن از گفتار خویش  
از که می‌پرسی که من خود عاجزم در کار خویش

خواری ظاهر گواه عزت پنهان ماست  
این گلستان‌ها که پنهان زیر خارستان ماست  
ناز و استغنا ولی هم‌عهد و هم‌پیمان ماست  
کانچه غیر از ماست دیوار و در زندان ماست  
این نه جرم مانگاه پای نافرمان ماست  
بی خرد وحشی که در اندیشه‌ی سامان ماست»

(۴) یک

(۳) دو

(۱) یار بیگانه نگیره هر که دارد یار خویش  
(۲) خدمت را هر که فرمایی کمر بندد به طوع  
(۳) من هم اول روز گفتم جان فدای روز تو  
(۴) درد عشق از هر که می‌پرسم جوابم می‌دهد

فایده در چند «بیت واسته‌ی» واسته است؟

خوار می‌کن، زار می‌کش، منت بر جان ماست  
چشم ظاهربین بر آزار است وای ار بنگرد  
ترك ماکردي و مهر و لطف بیعت با تو کرد  
بر وجود ما طلسی بسته حرمان درت  
بسی رضای ماست سویت آمدن از ما مرنج  
عقل را با عشق و عاشق را به سامان دشمنی سست

(۱) چهار

(۲) سه

در کدام گزینه هر دو آرایه‌ی «اغراق» و «حسن تعليل» به کار رفته است؟

ز آن خسته و زار و دل فگاریم  
پیوسه ته بمه دام او شکاریم  
ما خود سر این جهان نداریم  
از دیده سرشک از آن نیاریم

(۱) مسا عاشق روی آن نگاریم  
(۲) هم‌واره بمه بند او اسیریم  
(۳) گر دست تو نیست بر سر ما  
(۴) ترسم که جهان خراب گردد

هر دو آرایه‌ی درج شده در برابر کدام گزینه، درست است؟

(۱) هرچه نتوانیم با خود برد از این عربت‌سرا / هست تا فrust، بون از خانه می‌ریزیم ما: (ایهام - کنایه)

(۲) انتظار قتل، نامردی است در آین عشق / خون خود چون کوهکن مردانه می‌ریزیم ما: (تلمیح - پارادوکس)

(۳) خار در پیراهن فرزانه می‌ریزیم ما / اگل به دامن بر سر دیوانه می‌ریزیم ما: (تضاد - اسلوب معادله)

(۴) در حریم زلف اگر نگشاید از ما هیچ کار / آیی از مژگان به دست شانه می‌ریزیم ما: (ایهام تناسب - استعاره)

در همه‌ی گزینه‌ها به آثاری دیگر از پدیدآورندگان «رهگذر مهتاب - آخر شاهنامه - چمن لاله - نامه‌ها» اشاره شده است، به جز .....

(۱) دیدار صبح - در حیاط کوچک پاییز در زندان - خط خون - سالاریها  
(۲) سد و بازوan - ارغون - بیعت با بیداری - میرزا

(۳) سفر پنجم - از این اوستا - عبور - چمدان

(۴) طنبین در دلتا - زمستان - سرود رگبار - چشم‌هایش

نام پدیدآورنده‌ی چند اثر، در کمانک روبروی آن نادرست ذکر شده است؟

«مردی در تبعید ابدی (نادر ابراهیمی) / بزرگ رویدی دو دل (ویکتور هوگو) / اسرارنامه (عطار نیشابوری) / معجم‌الادبا (یاقوت حموی) /

فیل در خانه‌ی تاریک (اقبال یغمایی) / ریحانه‌الادب (محمدعلی مدرس) / شلوارهای وصله دار (رسول پرویزی) / کاغذ زر (غلامحسین یوسفی) /

سیر بی سلوک (بها‌الدین خرمشاهی) / یک تحقیق تاریخی (خسرو شاهانی)»

(۴) چهار

(۳) سه

(۲) دو

(۱) یک



- ۱۵ - کدام بیت، متعلق به «حبیب شیرازی» است؟
- ۱) و گر نیاری باری مکو نتای را  
۲) درخت عشق جمال حبیب بر دارد  
۳) وه که یک باره وصال از غم هجر تو بسوخت  
۴) قآنیا عنان سمند سخن بکش
- ۱۶ - معنی «به جای» در کدام گزینه متفاوت است؟
- ۱) به جای شما آن کنم در جهان  
۲) بدکنش بد به جای خویش کند  
۳) شه به جای حاجان خود پیش رفت  
۴) دهنکوهی مکن ای نیکمرد
- ۱۷ - همه گزینه ها، به استثنای ..... با بیت زیر، در مفهوم کلی یکسان هستند.
- درداکه راز پنهان خواهد شد آشکارا  
اشک روانم فاش کرد آخر سر بازارها  
با صدف گوهر سر از دریا برون می آورد  
چند ریزیم خاک بر سر وی  
کاو روان چون آب می خواند دمادم راز او
- دل می رود ز دستم صاحبدلان خدرا  
۱) رازی که در دل سالها از خلق پنهان داشتم  
۲) عارفان، بی پرده کی گویند راز دل به هم؟  
۳) راز ما فاش کرد خون سرشک  
۴) حال خواجه از سرشک چشم خوبیارش بپرس
- ۱۸ - کدام گزینه با عبارت «شوهرم را به تیر ناحق کشته اند. حداقل کاری که می شود کرد عزاداری است. عزاداری که قدغن نیست. در زندگی اش
- ۱) در روی تو بیرون زنگویی صفتی نیست  
۲) ماغافل و آن عمر گرامی شده از دست  
۳) هر کش غم آن نادره دور زمان کشت  
۴) یک شربت از آن لعل مفرح به من آور
- ۱۹ - آیات همه گزینه ها با هم «تناسب معنایی» دارند، به جز .....
- ۱) عاشقان را بر سر خود حکم نیست  
گر پند می دهندم و گر بند می نهند  
۲) نوبهار است در آن کوش که خوشدل باشی  
حافظ چو رفت روزه و گل نیز می رود  
۳) بید باری ایمن است از زحمت هر کس ولی  
بیدار شو ای دیده که ایمن نتوان بود  
۴) از جوانی داغها بر سینه مانده است  
آن چنان کز رفتن گل خار ماند به جا
- ۲۰ - آیات کدام گزینه به مفهوم مشترکی اشاره دارند؟
- الف) اگر شفا نفرستی به خستگان فراق  
ب) چو غنجه گر چه فرویستگی سست کار جهان  
ج) سیل عشق آمد خروشان، دم مزن، هشیار باش  
د) گرد تعلاق ز خویش تانفسانی  
ه) دلیل منزل آزادگان سبک باری سست
- (۱) ج - د - ۵  
(۲) الف - ب - ۵  
(۳) ج - ب - الف  
(۴) ب - ۵ - ه



کanal رفع اشکال: @arabi\_gaj

DriQ.com

## زبان عربی



■■ عین الأصح والأدق في الجواب للترجمة أو التعریف أو المفهوم (٢٦ - ٢١):

٢١- «ونزل من القرآن ما هو شفاء و رحمة للمؤمنين»:

١) نازل می‌کنیم از قرآن همه آن‌چه را که شفا و رحمت باشد برای مؤمنان.

٢) از این قرآن آن‌چه را که شفا و رحمت مؤمنان است، نازل کرده‌ایم.

٣) نازل می‌کنیم از قرآن آن‌چه را که شفا و رحمت است برای مؤمنین.

٤) آن‌چه از قرآن نازل کردیم شفا و رحمت است مؤمنان را.

٢٢- «إِنَّهُ وَإِنْ كَانَ وَحِيدًا لَكُنَّهُ يَسْعَى أَنْ لَا يَنْحُنِي أَمَامَ صَعْوَدَاتِ الدَّهْرِ»:

١) به راستی که او اگرچه تنهاست ولی تلاش این است که مقابل سختی‌های روزگار تسليم نشود.

٢) همانا او تنهاست اما تلاش می‌کند تا در برابر مشکلات زندگی خم نشود.

٣) قطعاً او اگرچه تنها بود ولی سعی می‌کرد که در برابر سختی‌های روزگار تسليم نشود.

٤) هر آینه او تنها بود اما سعیش بر این بود تا در مقابل مشکلات روزگار سر فرود نیاورد.

٢٣- عین الصحيح:

١) أَمَدَ اللَّهُ الْمُؤْمِنِينَ بِأَلَافِ مِنَ الْمَلَائِكَةِ: اللَّهُ مُؤْمِنَانَ رَا بَا هَرَاؤَنْ فَرَشْتَهُ يَارِيَ كَرْد.

٢) إِنَّ هَذَا جَزاءَكُمْ بِسَبِيلِ نَسْيَانِ الْمَسَاكِينِ: اِيْنَ جَزَاءِكُمْ تَوَسَّتْ بِهِ دَلِيلِ اِيْنِ كَهْ بِيَجَارَگَانْ رَا فَرَامُوشْ كَرْد.

٣) لَنْ تَقْدِرْ عَلَى حَلَّ هَذَا الْمَوْضِعَ إِلَّا بَعْدَ الْاعْتِمَادِ عَلَى تَفْسِيكِهِ: اِيْنَ مَوْضِعَ رَا نَمِيَ تَوَانِي حَلَ كَنِيْ مَغْرِ بَعْدَ اِزْ تَكِيهِ بِرَ خَوَدَت.

٤) «أَلَمْ يَعْلَمْ بِأَنَّ اللَّهَ يَرِي؟»: آيَا نَمِيَ دَانِدْ كَهْ خَداونَدْ مِيَ بِيَنِدْ؟

٢٤- عین الخطأ:

١) كَيْفَ تَظَلِّمُ شَعْبًا لَا يَرِيدُ إِلَّا الْحَرَيَةَ؟ چَگُونَهُ بِهِ مَلَتِي سَتَمْ مِيَ كَنِيْ كَهْ جَزَ آزَادِي نَمِيَ خَوَاهَدَ؟

٢) هَذِهِ إِمْرَأَةٌ تَثْوِرُ عَلَى الظَّالِمِينَ: اِيْنَ زَنْ بِرَ ضَدَ سَتَمَگَرانْ بِهِ پَا مِيَ خَيْزَد.

٣) يَا إِنْسَانَ، لِيَقْرَبَ إِلَى اللَّهِ مَا تَعْمَلُ بِهِ: اِيْ اِنْسَانَ، آنَّ چَهَ كَهْ بَدَانَ عَمَلَ مِيَ كَنِيْ، بَايِدَ تَوَرَّا بِهِ خَداونَدْ نَزَديْكَ كَنَد.

٤) لَا تَحْدُثَ النَّاسَ بِكُلِّ مَا سَمِعْتَ بِهِ: هَرَ آنَّ چَهَ رَا شَنِيدِيَ بِرَادِ مَرَدمَ بَارَگَوَ نَكَن.

٢٥- «لَوْلَا الْمَشْكَةَ سَادَ النَّاسَ كَلَهُمْ / فَالْجُودُ يَفْقِرُ وَالْإِقْدَامُ قَتَالُ» عین الأقرب من المفهوم:

١) بِهِ دَسْتَ آهَنَ تَفْتَهَ كَرْدَنَ خَمِيرَ / بِهِ اِزْ دَسْتَ بِرَ سَيْنَهَ پِيشَ اَمِيرَ

٢) شَبَ تَارِيَكَ وَ بِيمَ مَوْجَ وَ گَرَدَابِيَ جَنِينَ هَابِيلَ / كَجا دَانِنَدَ حَالَ مَا سَبَكَارَانَ سَاحِلَهَا

٣) هَمَ رَوْزَ شَوْدَ اِيْنَ شَبَ، هَمَ بازَ شَوْدَ اِيْنَ درَ / دَلِيرَ نَهَ چَنِينَ مَانَدَ، دَلَدارَ شَوْدَ رَوْزَي

٤) هَرَ كَهَ زَ طَوفَانَ بلا سَرَ بَتَافَتَ / آبَ رَخَ نَوْحَ پِيمَبرَ نِيَافتَ

٢٦- «دانشمندان مسلمان قرن‌ها پیش به نظریاتی دست یافته بودند که غربی‌ها آن‌ها را در قرن بیستم مطرح کردند.»

١) إِنَّ الْعُلَمَاءَ الْمُسْلِمِينَ كَانُوا قدْ تَوَضَّلُوا إِلَى نَظَرِيَاتٍ قَبْلَ قَرْوَنَ طَرْحَهَا الْغَرَبِيَّوْنَ فِي الْقَرْنِ الْعَشِرِينَ.

٢) الْعُلَمَاءَ الْمُسْلِمِينَ كَانُوا قدْ حَصَلُوا قَبْلَ قَرْوَنَ عَلَى نَظَرِيَاتٍ طَرْحَهَا الْغَرَبِيَّوْنَ فِي الْقَرْنِ الْعَشِرِينَ.

٣) عَلَمَاءَ الْمُسْلِمِينَ كَانُوا يَتَوَضَّلُونَ قَبْلَ قَرْوَنَ إِلَى النَّظَرِيَاتِ بَطْرَحَهَا الْغَرَبِيَّوْنَ فِي الْقَرْنِ الْعَشِرِينَ.

٤) كَانَ عَلَمَاءَ الْمُسْلِمِينَ تَوَضَّلُوا قَبْلَ قَرْوَنَ إِلَى النَّظَرِيَاتِ طَرْحَهَا الْغَرَبِيَّوْنَ فِي الْقَرْنِ الْعَشِرِينَ.



## ■ ■ ■ إقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة التالية بما يناسب النص (٣٣ – ٣٧):

لقد شهد العالم العديد من الاكتشافات والاختراعات في عصرنا الحالي خاصة في مجال التكنولوجيا. من أهم هذه الاختراعات هو اختراع الانترنت الذي ساهم بشكل كبير في ربط العالم بعضه ببعض فأصبح العالم عبارة عن قرية صغيرة. كجميع الاختراعات لا يخلو الانترنت من الإيجابيات والسلبيات. إن من أهم الإيجابيات هو الرابط الذي يوفره الانترنت بين البشر باختلاف أنواعهم وأماكنهم فإن كل ما تحتاجه لتنحدّث مع شخص يسكن النصف الآخر من الكورة الأرضية هو ضغط على زر (دكمه) من أزرار الحاسوب. كما أنه يتاح (فراهم مي كند) فرصة للتعلم لجميع البشر. أما عن سلبياته فعلى سبيل المثال هو الانحلال الأخلاقي الذي يواجهه الشباب فأصبحوا في هذا العمر قادرین على الوصول إلى الواقع الإباحية التي زاد انتشارها بشكل ملحوظ. (الإيجابيات ≠ السلبيات)

٢٧ - عین الخطأ:

٢) تختلف إيجابيات الانترنت و سلبياته باختلاف طريقة استخدام.

١) أهم الاختراعات التي تم إكتشافها حتى الآن هو الانترنت.

٤) ربما لا يوجد في العالم ألمي في المستقبل بفضل الانترنت.

٣) يسبب الانترنت أن نقتصر في النفقة والوقت في أمورنا.

٢٨ - «أصبح العالم عبارة عن قرية صغيرة». عین المقصود من العبارة:

٢) عندما يحدث شيء في العالم يفهم الجميع تفاصيه.

١) من نتائج استخدام الانترنت هو ازدياد الصداقة بين الناس.

٤) عدم توسيع العالم يسبب الاختراعات بخاصة التعليم والتعلم.

٣) انخفاض الأسعار في جميع المجالات وخاصة التعليم والتعلم.

■ عین الصحيح في التشكيل (٣٠ و ٣١):

٢٩ - لقد شهد العالم العديد من الاكتشافات والاختراعات في عصرنا الحالي.»:

١) شهدَ - العالمُ - الاختراعاتِ - الحاليُّ

٢) الغَدِيدُ - الاكتشافاتِ - عَصْرِ - الْحَالِيُّ

٣) العالمُ - الغَدِيدُ - الاختراعاتِ - الحاليُّ

٤) الغَدِيدُ - الاكتشافاتِ - الاختراعاتِ - عَصْرِ

٣٠ - «إن من أهم الإيجابيات هو الرابط الذي يوفره الانترنت بين البشر باختلاف أنواعهم وأماكنهم.»:

١) أهمَّ - الإيجابياتِ - يُوفِّرُهُ - البَشَرُ

٢) أَمْمَةُ - الرَّبْطُ - الإِنْتَرْنِتُ - أَمَانَةُ

٣) الرَّبْطُ - يُوفِّرُهُ - اختلافُ - أنواعُ

٤) الإِنْتَرْنِتُ - البَشَرُ - أنواعُ - أَمَانَةُ

■ عین الصحيح في الإعراب والتحليل الصرفي (٣١ – ٣٣):

٣١ - «الآخر»:

١) مفرد - مدّکر - معرف بالـ - مبني - ممنوع من الصرف / صفة و مرفوع بالتبعة

٢) مغرب - مشتق - صحيح الآخر - معرفة / صفة و منصوب بالتبعة

٣) مدّکر - مشتق و اسم فاعل - منصرف - مغرب / نعت و مرفوع بالتبعة

٤) اسم - مبني - معرفة - ممنوع من الصرف / نعت و منصوب بالتبعة

٣٢ - «يواجه»:

١) مزيد ثلاثي من باب مفاعة - مبني - متعدّ - مبني للمعلوم / فعل و فاعله ضمير «هو» المستتر

٢) للغائب - مغرب - مضارع - مجرّد ثلاثي / فعل و فاعله ضمير «الشباب»

٣) مبني للمجهول - مضارٍ - متعدّ - مغرب / فعل و فاعله ضمير «ه» الباز

٤) مزيد ثلاثي - مغرب - مضارع - متعدّ / فعل و فاعله «الشباب»

٣٣ - «أصبحوا»:

١) فعل مضارٍ - للمتكلّم وحده - مبني / فعل و فاعله ضمير «الواو» الباز

٢) مبني - للغائبين - متعدّ / فعل من الأفعال الناقصة و خبره «قادرين»

٣) لازم - مزيد ثلاثي من باب إفعال - مبني على الفتح / فعل من الأفعال الناقصة، اسمه ضمير «هو» المستتر

٤) للغائبين - مزيد ثلاثي - مبني / فعل من الأفعال الناقصة، اسمه ضمير «الواو» الباز

■ ■ ■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٤٠ – ٤٤):

٣٤ - عین الإعراب التقديري:

٢) كانوا داعي الناس إلى الخيرات في كل أمر.

١) كن عالي الهمة لكي لا تتمدّأ يديك إلى الناس لحاجة.

٤) المؤمن راضٍ بقضاء الله في جميع الأحوال و لا يقتنط من رحمته.

٣) إن القاضي يحكم بالعدل في المحكمة و لو كرهت المرأة.

**٣٥ - عین الخطأ (عن الوصف أو الإضافة):**

- ٢) علىكَ الاجتناب عن الهوى و النفس الأمارة.  
٤) يريد الشاب أن يدعو إخوانه إلى حفلة ميلاد ابنه الصغير.

(١) الذين يمتنون على الآخرين هم مبطلو صدقائهم.

(٣) إنَّ الصور المتحركة من الاختراعات التي تنتمي إلى إديسون.

**٣٦ - عين الخطأ عن الفعل المضارع:**

- ٢) أيها الناس، أ فلا تنتظروا إلى خلقكم العجيب.  
٤) لا تكرمي التي لا تعرف قيمة المحبة والود.

(١) أ ما أمركم ربكم آلا تعبدوا إلا إياته.

(٣) ليسافرن بالطائرة لكي يصلن إلى طهران أسرع.

**٣٧ - عين «من» الجازمة:**

- ٢) من النساء من يترببن أولادهن على مبادئ الإسلام الحقيقة.  
٤) من يساعدك في أيام الشدة إلا صديق وفقي.

(١) من جاء بقلب سليم لله يفتح الله عليه أبواب الغيب.

(٣) أقرب عباد الله إليه من لا يغفل عن حال المحرومين.

**٣٨ - عين الصحيح في المبني للمجهول:**

- (١) أذكر ذكريات أيام الطفولة: تذكر أيام الطفولة.  
(٢) المعالم بغية ساعة امتحان الفيزياء: غُيّرت ساعة امتحان الفيزياء.  
(٣) يرحمكم الله بسبب مرحمتكم بالنسبة إلى الناس: تُرحمون بسبب مرحمتكم بالنسبة إلى الناس.  
(٤) تشتري المعلمة للطالبة المثالية جائزتين غالبتين: تُشتري للطالبة المثالية جائزتان غالبتين.

**٣٩ - عين الصحيح عن التواسخ:**

- (١) لعل هذان الطالبان يحاولان لمساعدة زميلهما.  
(٢) أحد آمالي هو أن أصير مهندساً زراعياً.  
(٣) لماذا تلح على الكذب في حياتك مع أنك تدربي أنه ليس الكذب نافع لك.  
(٤) مadam الطلاب متکاسلون عن التحقيق لا يمكن أن نتقدّم في أمورنا.

**٤٠ - عين «لا» النافية للجنس:**

- (١) «ألا إن أولياء الله لا خوف عليهم ولا هم يحزنون»  
(٣) الذين لا يختلفون في الدين هم المسلمون الحقيقيون.  
(٢) إذا شاء الله أن يضل شخصاً لا سبيل لهديته.  
(٤) يجب أن يجعل العلماء نصب أعينك لا الجهلاء.



## فرهنگ و معارف اسلامی



- ۴۱- اگر پرسیده شود ما در چگونه جهانی زندگی می‌کنیم کدام گزینه می‌تواند پاسخگوی این سؤال باشد؟
- (۲) ﴿مَا خَلَقْنَا السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ﴾
  - (۴) ﴿مَا تَرَى فِي خَلْقِ الرَّحْمَنِ مِنْ تَفَاوتٍ﴾
- ۴۲- کافران از کدام مسأله اعراض کردند که قرآن آن را به ما یادآوری می‌کند؟
- (۲) دین طلبی از راه غیرالله
  - (۴) نبودن خلل و شکاف در هستی
- ۴۳- برای آنکه انسان درست بیندیشد و راه درست زندگی را از راههای غلط تشخیص دهد، خداوند .....
- (۱) قوه و نیروی به او عنایت کرده تا حقایق را دریابد و از جهل و نادانی دور شود.
  - (۲) او را صاحب اراده و اختیار آفرید و مسئول سرنوشت خویش قرار داد.
  - (۳) راه رستگاری و راه شقاوت را به او نشان داد تا خود راه رستگاری را برگزیند.
  - (۴) آنچه در آسمان‌ها و زمین است را برای انسان آفرید و توانایی بهره‌مندی از آن‌ها را در وجود او قرار داد.
- ۴۴- مرحله‌ی اول قیامت با چه چیزی آغاز می‌شود و کدامین حادثه مربوط به مرحله‌ای است که انسان‌ها آماده‌ی دریافت پاداش و کیفر می‌گردند که اشاره به آماده شدن صحنه‌ی قیامت دارد؟
- (۱) نفح صور اول - مدهوشی اهل آسمان‌ها و زمین
  - (۲) پایان یافتن دنیا - تغییر ساختار آسمان‌ها و زمین
  - (۳) نفح صور اول - زنده شدن همه‌ی انسان‌ها
  - (۴) پایان یافتن دنیا - قضاوت بر معیار حق
- ۴۵- براساس مفهوم کدام آیه، مقدم دانستن آخرت بر دنیا در زندگی در گرو آگاهی از حقیقت دنیا و آخرت است؟
- (۱) ﴿وَ مَا هَذِهِ الْحَيَاةُ إِلَّا لَهُ وَ لَعْبٌ وَ إِنَّ الدَّارَ الْآخِرَةَ لِهِ الْحِيَاةُ﴾
  - (۲) ﴿مَنْ أَمْنَ بِاللَّهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِلَ صَالِحًا فَلَا خُوفٌ عَلَيْهِمْ وَ لَا هُمْ يَحْزَنُونَ﴾
  - (۳) ﴿مَنْ أَرَادَ الْآخِرَةَ وَ سَعَى لَهَا سَعْيَهَا وَ هُوَ مُؤْمِنٌ ...﴾
  - (۴) ﴿إِنَّ الَّذِينَ لَا يَرْجُونَ لِقَاءَنَا وَ رُضِوا بِالْحَيَاةِ الدُّنْيَا﴾
- ۴۶- دلیل تردید برخی از افراد در امکان معاد جسمانی چیست؟
- (۱) نفی امکان آفرینش مجدد انسان
  - (۳) نفی دریافت روح و جسم انسان توسط فرشتگان
- ۴۷- عبارت «ای حسب الانسان آن نجمع عظامه» بیانگر ..... است و اشاره به ..... دارد.
- (۱) امکان معاد جسمانی - قدرت نامحدود خداوند
  - (۲) امکان معاد روحانی - پیدایش نخستین انسان
  - (۳) امکان معاد روحانی - قدرت نامحدود خداوند
  - (۴) امکان معاد جسمانی - پیدایش نخستین انسان
- ۴۸- ظرف تحقق عبارت‌های «و ساءت مصیراً»، «بما كنتم تعاملون»، «کفی بنا حاسیین» و «فنعم آجر العاملین» به ترتیب کدام است؟
- (۲) بزرخ - رستاخیز - بزرخ - رستاخیز
  - (۴) رستاخیز - رستاخیز - بزرخ - بزرخ
- ۴۹- حاضر شدن تمام اعمال انسان و مشاهده‌ی عینی اعمال خویش مربوط به ..... یعنی ..... است.
- (۲) بزرخ - نفح صور اول
  - (۴) قیامت - مدهوشی اهل آسمان‌ها و زمین



- ۵۰- اگر بخواهیم مصادیقی برای رابطه‌ی «تناسبی، علی و معلومی و عینی» میان عمل و پاداش و کیفر معرفی کنیم مصادیق آن به ترتیب ..... ، ..... و ..... است.

- ۱) تبدیل کردن کیفر جرم به زندان - ورزش کردن و به سلامتی و تندرسی رسیدن - داغ نهادن بر پشت و پهلوی زراندوزانی که انفاق نمی‌کنند.
- ۲) ورزش کردن و به سلامتی و تندرسی رسیدن - تبدیل کردن کیفر جرم به زندان - داغ نهادن بر پشت و پهلوی زراندوزانی که انفاق نمی‌کنند.
- ۳) مطالعه کردن و دستیابی به آگاهی - کار معین و دریافت دستمزد مشخص - داغ نهادن بر کسانی که در راه خدا انفاق نمی‌کنند.
- ۴) کار معین و دریافت دستمزد مشخص - تبدیل کردن کیفر جرم به زندان - داغ نهادن بر کسانی که در راه خدا انفاق نمی‌کنند.

- ۵۱- در چه صورتی هیچ قدرتی در جهان مانع چاره‌سازی خدا نیست؟

- ۱) اهل همت، تعقل و پشتکار باشیم.
- ۲) فکر و اندیشه‌ی خود را به کار گیریم.
- ۳) مسئولیت‌ها و وظایف خود را به خوبی انجام دهیم.
- ۴) با اخلاص بر خدا اعتماد کنیم.

- ۵۲- اگر ..... آن‌گاه خواهیم دید که هر سختی بر ما آسان خواهد شد.

- ۱) شیطان و امور شیطانی را از قلب خود خارج کنیم
- ۲) وقتی شور و شوق فرح‌بخش وجودمان را فراگیرد
- ۳) عشق به سعادت حقیقی در دل ما جوانه زند
- ۴) با هر چه ضد خدایی است مقابله کنیم

- ۵۳- کدام گزینه از محترمات محسوب نمی‌شود؟

- ۲) البغی بغیر الحق
- ۴) یواری سوء‌اتکم و ریشا

- ۵۴- از مفهوم کدام آیه مستفاد می‌گردد که خداوند به زنان مسلمان دستور می‌دهد روسری‌ها و پوشش‌هایشان را به خود نزدیک کنند تا اطراف صورت و گریبان آنان نیز پوشیده شود؟

- ۱) «لَا يَبْدِينَ زِينَتَهُنَّ»
- ۲) «وَلَيَضْرِبُنَّ بِخَمْرَهُنَّ عَلَى جَيْوَبِهِنَّ»
- ۳) «يَدِنِينَ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِبِهِنَّ»
- ۴) «يَنْفَضُّنَّ مِنْ أَبْصَارِهِنَّ وَ يَحْفَظُنَّ فَرُوجَهُنَّ»

- ۵۵- این که در موقعه و نصیحت می‌توان از شیوه‌های مختلف تربیتی و استدلال و منطق بهره برد مربوط به ..... احکام امر به معروف و نهی از منکر است تا .....

- ۱) مراحل - شخص گناهکار بفهمد این رفتار به خاطر گناه او بوده است.
- ۲) مراحل - میزان تأثیرگذاری افزایش باید.
- ۳) روش‌ها - امر به معروف و نهی از منکر مؤثر واقع شود.
- ۴) روش‌ها - حقوق، احترام و آبروی افراد حفظ شود.

- ۵۶- در چه صورتی انسان باید هم روزه را قضا کند و هم برای هر روز یک مد تقریباً ۷۵ گرم گندم یا جو و مانند آن‌ها به فقیر بدهد؟

- ۱) اگر کسی روزه‌ی ماه رمضان را عمداً نگیرد.
- ۲) اگر کسی به چیز حرامی روزه‌ی خود را باطل کند.
- ۳) اگر کسی غسل جنابت بر او واجب است و عمداً تا اذن صبح غسل نکند.
- ۴) اگر کسی به علت عذری مانند بیماری نتواند روزه بگیرد و بعد از رفع عذر تا رمضان آینده عمداً روزه نگیرد.

- ۵۷- در نظام بانکداری آن چه اهمیت دارد این است که ..... تا .....

- ۱) بانک‌ها سود حاصل از مشارکت خود را عادلانه تعیین کنند - افراد جامعه توانایی همکاری سازنده با بانک را داشته باشند.
- ۲) قوانین آن با مقررات اسلام مطابقت داشته باشد - مانع از تقسیم جامعه به دو قطب غنی و فقیر، ثروتمند و گرسته، مسلط و زیردست شود.
- ۳) مشارکت کار و سرمایه وجود داشته باشد - سرمایه در رگ‌های اقتصادی جامعه جریان داشته باشد.
- ۴) سود میان صاحب سرمایه و صاحب فعالیت تقسیم شود - ثروت در دست افراد خاص متتمرکز نشود.



## - ۵۸ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) پرداخت مالیات بابت هزینه‌های زندگی خود و خانواده‌ی خودمان در جامعه است.
- ۲) زیورآلات خانم‌ها اگر بیش از مقدار مصرفی باشد به آن زکات تعلق می‌گیرد.
- ۳) بانک؛ کانون مشارکت سرمایه و کار است.
- ۴) در عصر رسول خدا (ص) مردم عربستان به ربا آلوده بودند.

## - ۵۹ - مرتبه‌ی اولیه‌ی تقوا که در وجود ..... انسان‌ها قرار دارد، عبارت است از ..... .

۱) همه - محافظت از گناه و معصیت

۲) برخی - محافظت از گناه و معصیت

۳) برخی - دوست داشتن خوبی‌ها و بیزاری از بدی‌ها

۴) همه - دوست داشتن خوبی‌ها و بیزاری از بدی‌ها

## - ۶۰ - از مفهوم کدام آیه فطری بودن خداشناسی مستفاد می‌گردد؟

- ۱) ﴿قُلْ حَسِبِيَ اللَّهُ عَلَيْهِ يَتُوَكَّلُ الْمُتَوَكِّلُونَ﴾
- ۲) ﴿أَوْ أَرَادَنِي بِرَحْمَةِ هَلْ هُنَّ مُمْسِكَاتٍ رَحْمَتِهِ ...﴾
- ۳) ﴿وَلَئِنْ سَالْتَهُمْ مِنْ خَلْقِ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضِ لِيَقُولُنَّ اللَّهُ﴾
- ۴) ﴿وَكَفَىْ بِهِ بِذُنُوبِ عَبَادِهِ خَبِيرًا﴾

**PART A: Grammar and Vocabulary**

**Directions:** Questions 61-67 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 61- If you have difficulty sleeping at night, avoid ..... catnaps during the day.  
 1) taking                    2) taken                    3) to take                    4) be taken
- 62- Do you have any idea ..... ?  
 1) at the factory how many workers have employed  
 2) how many workers are employed at the factory  
 3) how many of the workers employed at the factory  
 4) at the factory how many workers are employing
- 63- The health center offers activities for everyone, whatever your age or ..... condition.  
 1) chemical                    2) physical  
 3) separate                    4) effective
- 64- These flowers are designed beautifully to ..... insects which then carry the pollen from plant to plant.  
 1) recall                    2) consist                    3) attract                    4) encourage
- 65- The journey should only take about 30 minutes, but in ..... it usually takes more than an hour.  
 1) ability                    2) influence  
 3) practice                    4) period
- 66- A dangerous ..... of radioactivity was released into the environment last month, and killed thousands of animals.  
 1) amount                    2) track  
 3) height                    4) detail
- 67- The nurse pulled a screen around the bed so that the doctor could ..... the patient in private.  
 1) realize                    2) examine                    3) involve                    4) research

**PART B: Cloze Test**

**Directions:** Questions 68-72 are related to the following passage. Read the passage and decide which choice, (1), (2), (3), or (4), best fits each space. Then mark your answer sheet.

The most popular team sport in the world, soccer, is played around the globe. The roots of today's game ...68... in England, where the sport developed in the 1800s. Soccer is played on a rectangular field, with two nets called goals at either end. Two teams of 11 players ...69... to put a ball into the opposing team's goal, using only the feet, head, or body. One player on each team serves as the goalkeeper. This player must guard the goal and block shots to prevent ...70... from scoring. A referee ensures that the rules of the game ...71.... . The team that scores the most goals ...72... two 45-minute halves of play wins the game. One of the greatest players in soccer history, Brazil's Pelé, called soccer "the beautiful game." Today the beautiful game is one of the most popular participation sports for young people around the world.

- 68- 1) hold                    2) lie                    3) end                    4) fit
- 69- 1) compete                    2) take part                    3) prepare                    4) place
- 70- 1) another team                    2) the other's teams                    3) another teams                    4) the other team
- 71- 1) have followed                    2) followed                    3) are followed                    4) following
- 72- 1) between                    2) among                    3) since                    4) during

**PART C: Reading Comprehension**

**Directions:** In this part of the test, you will read two passages. Each passage is followed by four questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

**Passage 1:**

Magnets come in a wide variety with an equally wide variety of uses. The most common are bars or disks. Because they stick to certain metals, these magnets are used to fasten and latch things, like a cabinet door. Huge horseshoe magnets have a U shape. They are used to move iron and steel scrap. Tiny magnets on audiotape and videotape store sound and images.

Magnets are everywhere. They help to make life more convenient. They also help us to get around more quickly. For example, many electrical motors require electromagnets to run. The magnetic force that runs the motors is created when an electrical current flows through a coil of wire. Motors with electromagnets help run many household appliances. The same electromagnetic force is also used in the motors of cars, trains, and airplanes.

Magnets are so useful they're even being used to improve the health of some people. Huge magnets in a special machine can now give doctors detailed pictures within the body. The pictures help doctors find and treat problems inside the body, without having to make an incision.

People's reliance on magnets only continues to grow. In Japan, magnets are being used in some amazing new ways. For example, Japan now has a special train that runs on magnets. It literally levitates over the tracks. The magnetic force helps to provide a fast smooth ride.

73- Which sentence best describes the main idea of this passage?

- 1) Magnets come in a wide variety with many uses.
- 2) Magnets are everywhere.
- 3) Motors with electromagnets help run many household appliances.
- 4) Tiny magnets on audiotape and videotape store sound and images.

74- The word "convenient" in the second paragraph is closest in meaning to .....

- 1) popular
- 2) comfortable
- 3) flexible
- 4) artificial

75- The passage describes all of the following uses of magnets EXCEPT .....

- 1) a latch for a cabinet door
- 2) a motor for a household appliance
- 3) a device to predict powerful storms
- 4) a machine that shows pictures within the body

76- The paragraph following this passage would most probably discuss .....

- 1) the scientific nature of magnetic fields
- 2) everyday uses of magnets in different countries
- 3) some other amazing new ways magnets are being used
- 4) different kinds of magnets that we use in our daily lives

**Passage 2:**

Scientists say lightning strikes the surface of Earth about 100 times each second. Thunderstorms are most frequent during the spring and summer. Experts warn people to be especially aware of the dangers of lightning during those seasons.

Lightning is the flash of light that occurs when electricity moves between clouds or between a cloud and the ground. The huge spark of electricity is like the tiny kind you get when you run a comb through your hair or scuff your feet on a carpet – only much stronger.

A lightning bolt that crackles through the air can reach a temperature of 60,000 degrees Fahrenheit. That is about five times hotter than the sun! The intense heat from lightning causes the surrounding air to expand, resulting in the loud sound known as thunder.

Thunder is nature's warning to head indoors. As meteorologist Ron Holle from Tucson, Arizona told Weekly Reader, "When thunder roars, go indoors." A meteorologist is a scientist who studies weather.

Holle also recommends following the 30-30 rule. If you hear thunder fewer than 30 seconds after you see lightning, head indoors – the storm is only about 6 miles away. After the storm ends, wait 30 minutes before going outside. To determine how far away lightning is, count the seconds between the flash and the thunder. Every 10 seconds equals 2 miles.

Lightning strikes the ground in the United States about 25 million times each year! Although getting hit by lightning is unlikely, it is important to stay safe. In the United States, about 60 people are killed each year by lightning.

To stay safe, follow the golden rule – head for cover. "There is no place outside that is safe from lightning," Holle said firmly. "There are two safe places – inside a [permanent] building or a metal-topped vehicle."

**77- The time between a lightning strike and thunder indicates the distance of the storm. What evidence from the passage supports this conclusion?**

- 1) Thunder is nature's warning to head indoors.
- 2) Count the seconds between the flash and the thunder. Every 10 seconds equals 2 miles.
- 3) Wait 30 minutes after the last sound of thunder or flash of lightning before going outside.
- 4) If you hear thunder fewer than 30 seconds after you see lightning, head indoors.

**78- What is the golden rule of lightning safety?**

- |                                |                           |
|--------------------------------|---------------------------|
| 1) Don't stand under trees.    | 2) Don't use electronics. |
| 3) Stay away from open spaces. | 4) Head for cover.        |

**79- Based on the last paragraph, what can you conclude about the safety of cars during lightning?**

- 1) All cars, regardless of type, will protect you from lightning.
- 2) Cars are less safe than buildings during lightning.
- 3) The rubber tires of a car protect you from lightning.
- 4) The metal roof of a car protects you from lightning.

**80- What is this passage mostly about?**

- |   |   |
|---|---|
| 1) why lightning storms are dangerous     | 2) the relationship between thunder and lightning |
| 3) facts about lightning and a safety tip | 4) how meteorologists study the weather           |

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۵

جمعه ۹۶/۱۱/۰۶



# آزمون‌های سراسر گاج

سال تحصیلی ۱۳۹۶-۹۷

## آزمون اختصاصی

### گروه آزمایشی علوم ریاضی

#### چهارم دبیرستان (پیش‌دانشگاهی)

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۰۰	مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه

عنوانین مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی. تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال از تا	مدت پاسخگویی
۱	ریاضیات ۲	۵	اجباری	۸۱	۸۵
	ریاضیات ۲ Gaj Book	۵		۸۶	۹۰
	حسابان پایه	۵		۹۱	۹۵
	حسابان Gaj Book	۵		۹۶	۱۰۰
	آمار و مدل‌سازی	۱۰		۱۰۱	۱۱۰
	جبر و احتمال	۱۰		۱۱۱	۱۲۰
	هندسه ۱	۱۰		۱۲۱	۱۳۰
۲	فیزیک ۱ / فیزیک ۲	۲۰	زوج کتاب	۱۳۱	۱۵۰
	فیزیک ۲	۲۰		۱۵۱	۱۷۰
۳	شیمی ۲	۱۵	زوج کتاب ۱	۱۷۱	۱۸۵
	شیمی ۲ Gaj Book	۱۵		۱۸۶	۲۰۰
	شیمی ۳	۱۵	زوج کتاب ۲	۲۰۱	۲۱۵
	شیمی ۳ Gaj Book	۱۵		۲۱۶	۲۳۰

حق جاب و نکter سوالات آزمون برای نامی اشخاص حقیقی و حقوقی منوع می‌باشد و پیگرد قانونی دارد.





- ۸۱ جمله‌ی دوم یک دنباله‌ی هندسی برابر ۶ است. از جمله‌ی سوم آن چه عددی کم شود تا سه جمله‌ی نخست آن یک دنباله‌ی حسابی با قدرنسبت ۳ تشکیل دهند؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۶ (۲)

۲ (۱)

$$f(2\sqrt{2}) = 2 \times 9^{\sqrt{2}} \text{ و } \frac{f(1)}{f(-1)} = 9 \Rightarrow f(x) = ab^x \quad -۸۲$$

۵۴ (۴)

۲۷ (۳)

۱۶۲ (۲)

۸۱ (۱)

$$\log_2(2x+6) \text{ باشد. حاصل } \log_2(2x+6) = \frac{1}{2} \log_2 16 - \log_2(x+1) \quad -۸۳$$

۳ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

$$\tan 5^\circ = \frac{\cos 14^\circ + \sin 22^\circ}{\sin 23^\circ - \cos 13^\circ} \quad -۸۴$$

۱/۴ (۴)

۱/۳ (۳)

۱/۲ (۲)

۱/۱ (۱)

$$(b \neq c) \text{ برقرار باشد. زاویه‌ی } A \text{ چند درجه است؟} \quad -۸۵$$

۱۲^\circ (۴)

۳^\circ (۳)

۶^\circ (۲)

۱۵^\circ (۱)

## gajbook

## ریاضیات ۲

- ۸۶ در یک دنباله‌ی حسابی مجموع ۵ جمله‌ی متواالی برابر ۵ و مجموع مربعات آن ۴۵ می‌باشد. جمله‌ی وسط این دنباله چند برابر مجدول قدرنسبت می‌باشد؟

۱/۴ (۴)

۲ (۳)

-۲ (۲)

-۱/۴ (۱)

$$\text{جملات اول، پنجم، سیزدهم و k ام از یک دنباله‌ی حسابی غیرثابت، تشکیل دنباله هندسی با قدرنسبت q می‌دهند. حاصل } \frac{k+1}{q} \text{ کدام است؟} \quad -۸۷$$

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۲ (۱)

$$\text{در معادله‌ی } f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^{|x|} \text{ ضابطه‌ی } f(x) \text{ کدام باشد تا معادله در بازه‌ی } [-\pi, \pi] \text{ دارای ۳ ریشه باشد؟} \quad -۸۸$$

cos 2x (۴)

cos x (۳)

|sin x| (۲)

sin x (۱)

$$\sin x = \frac{3-m}{3+m} \text{ و } \frac{\pi}{3} < x < \frac{5\pi}{6} \text{ در کدام فاصله است؟} \quad -۸۹$$

|m| &lt; 1/2 (۴)

|m| &lt; 1 (۳)

|m| &lt; \sqrt{2} (۲)

|m| &lt; \sqrt{3} (۱)

$$\text{تابع } f(x) = \log_a(ax+b) \text{ فقط برای مقادیر } x \in \left(-\frac{1}{a}, +\infty\right) \text{ با معنی است. اگر } f(2) = 2 \text{ باشد. آن‌گاه } f\left(-\frac{4}{9}\right) \text{ کدام است؟} \quad -۹۰$$

1 (۴)

1/2 (۳)

-1 (۲)

-2 (۱)

## حسابان

-۹۱ -  $p(x)$  چندجمله‌ای درجه‌ی دومی است که بر  $(x-3)$  و  $(x+4)$  بخش‌پذیر است. اگر  $-24 = p(-1)$  باشد، باقی‌مانده‌ی تقسیم  $p(x)$  بر  $x+3$  کدام است؟

-۶ (۴)

۶ (۳)

-۱۲ (۲)

۱۲ (۱)

-۹۲ - اگر  $\alpha$  یکی از ریشه‌های معادله‌ی  $x^2 - 7x + 2 = 0$  باشد، حاصل  $\frac{4}{\alpha^2} + \frac{4}{\alpha}$  کدام است؟

۳ (۴)

۱۱ (۳)

۵۳ (۲)

۴۵ (۱)

(۴) بیش از دو جواب

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۹۳ - معادله‌ی  $x^3 + 2\sin x = 2$  چند جواب دارد؟

 $y = \sqrt{-x} \times \sqrt[3]{x}$  (۲) $y = \sqrt{x} \times \sqrt[3]{x}$  (۴) $y = \sqrt[3]{-x} \times \sqrt{x}$  (۱) $y = \sqrt[3]{-x} \times \sqrt{-x}$  (۳)

-۹۵ - حاصل  $\frac{\sin 15^\circ - \cos 15^\circ + \sqrt{2}}{\sin 15^\circ + \cos 15^\circ}$  کدام است؟

 $\sin 6^\circ$  (۴) $\tan 3^\circ$  (۳) $\cos 6^\circ$  (۲) $\tan 6^\circ$  (۱)

gajbook

## حسابان

-۹۶ - تعداد جملات یک دنباله‌ی هندسی غیرصفر، عددی زوج است. اگر مجموع تمام جملات آن ۳ برابر مجموع جملات با ردیف فرد باشد، قدرنسبت آن کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

 $\frac{1}{2}$  (۲) $\frac{1}{3}$  (۱)

-۹۷ - بهارای مقداری از  $a$  چندجمله‌ای  $f(x) = x^5 + ax^3 - 8x$  بر ۲ بخش‌پذیر است. کوچک‌ترین ریشه‌ی معادله‌ی  $f(x) = 0$  کدام است؟

 $1 - \sqrt{5}$  (۲) $1 - \sqrt{3}$  (۱) $-1 - \sqrt{5}$  (۴) $-1 - \sqrt{3}$  (۳)

-۹۸ - در معادله‌ی  $x^3 - 8x + m = 0$  یک ریشه از نصف ریشه‌ی دیگر ۵ واحد بیش‌تر است.  $m$  کدام است؟

۱۵ (۴)

۱۴ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

-۹۹ - اگر  $f(x) = \begin{cases} 2x+1 & [x] \text{ زوج;} \\ x^3-1 & [x] \text{ فرد;} \end{cases}$  باشد، حاصل  $f(\cos \frac{\pi}{6}) + f(\cot \frac{\pi}{6})$  کدام است؟ ( ) نماد جزء صحیح است.

 $\sqrt{3} + 2$  (۴) $\sqrt{3} + 2$  (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۱۰۰ - خلاصه‌شده‌ی کسر  $\frac{\sin^2 7x - \sin^2 2x}{\sin 5x}$  بهارای  $x$  کدام است؟

 $\sqrt{3}$  (۴)

۱ (۳)

 $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۲) $\frac{1}{2}$  (۱)

محل انجام محاسبات



## آمار و مدل‌سازی

۱۰۱ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) اولین اقدام در رسیدن به اطلاعات عددی، اندازه‌گیری است.
- ۲) اطلاعات کمی قابل تفسیر هستند، ولی اطلاعات کیفی دارای چنین صفتی نیستند.
- ۳) انتخاب معیار مناسب برای اندازه‌گیری در مواردی مشکل است، ولی اندازه‌گیری موضوعاتی که دسترسی به آن‌ها مشکلاتی دارد، از انتخاب معیار دشوارتر است.
- ۴) ارزش مدل‌سازی به سادگی مفاهیم به کار برد شده و تزدیکی مدل به پدیده موردنظر است.

۱۰۲ - در کدام گزینه، همهٔ متغیرهای کیفی اسمی، کیفی ترتیبی، کمی پیوسته و کمی گستته وجود دارد؟

۱) سن - جنسیت - میزان تحصیلات - شغل

۲) وزن - تعداد فرزندان - جنسیت - شغل

۳) شدت آلدگی هوا - گروه خونی - مراحل رشد - تعداد فرزندان

۴) تعداد تماس‌های تلفنی - مراحل تحصیل - رنگ چشم - گروه خونی

۱۰۳ - در یک جدول توزیع فراوانی شامل ۹ طبقه، حد پایین دستهٔ چهارم ۱۵ و مرکز دستهٔ هفتم  $\frac{39}{5}$  است. دامنهٔ تغییرات داده‌های این جدول کدام است؟

۱) ۶۳ (۱)      ۵۷ (۲)      ۵۴ (۳)      ۷۲ (۴)

۱۰۴ - در دسته‌بندی ۱۲۰ داده‌ی آماری در ۹ طبقه، دستهٔ اول به صورت ۲۵ - ۲۲ است. می‌دانیم ۴۵ درصد داده‌ها کمتر از ۳۴ و فراوانی نسبی دستهٔ وسط  $\frac{1}{2}$  است. تعداد داده‌های کمتر از ۳۷ کدام است؟

۱) ۶۷ (۱)      ۷۶ (۲)

۲) ۷۸ (۳)      ۸۷ (۴)

۱۰۵ - تعداد ۲۰ داده‌ی آماری در ۵ دسته، طبقه‌بندی شده‌اند. اگر فراوانی تجمعی دستهٔ سوم برابر ۱۱ باشد و ۲۵ درصد داده‌ها در دستهٔ چهارم قرار داشته باشند، در نمودار دایره‌ای، زاویهٔ مرکزی مربوط به دستهٔ آخر چند درجه است؟

۱) ۴۸ (۱)      ۳۶ (۲)      ۷۲ (۳)      ۹۶ (۴)

۱۰۶ - اگر داده‌های یک دسته در نمودار دایره‌ای زاویهٔ  $108^\circ$  درجه را به خود اختصاص دهند و مجموع کل مساحت زیر منحنی نمودار مستطیلی برابر  $50^\circ$  واحد باشد، مساحت زیر نمودار مستطیلی این دسته از داده‌ها کدام است؟

۱) ۲۵ (۱)      ۳۰ (۲)

۲) ۲۰ (۳)      ۱۵ (۴)

۱۰۷ - اگر میانگین داده‌های  $\{x, y, z\}$  مساوی  $15$  و میانگین داده‌های  $\{2x, 2y, 2z, u, v\}$  مساوی  $31$  باشد، آن‌گاه میانگین داده‌های  $\{u, v\}$  کدام است؟

۱) ۳۲/۵ (۱)      ۳۱/۵ (۲)      ۳۲ (۳)      ۳۳ (۴)

۱۰۸ - در نمودار ساقه و برگ داده‌های دو رقمی زیر، میانگین داده‌های کمتر از چارک دوم و بزرگ‌تر از مُد کدام است؟

ساقه	برگ						
۲	۰	۱	۱	۱	۷	۸	۲۹/۷۵ (۱)
۳	۲	۴	۶	۸	۸	۹	۳۰/۲۵ (۲)
۴	۱	۵	۵	۶	۶		۳۰/۵ (۳)

۳۱ (۴)

محل انجام محاسبات



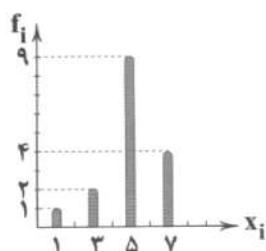
- ۱۰۹- در ۲۵ داده‌ی آماری، میانگین و انحراف معیار به ترتیب  $3^{\circ}$  و  $8^{\circ}$  می‌باشند. اگر چهار داده‌ی ناجور  $1^{\circ}, 15^{\circ}, 45^{\circ}$  و  $50^{\circ}$  را از بین آن‌ها حذف کنیم، واریانس داده‌های باقی‌مانده تقریباً کدام است؟

۱۶/۶۶ (۴)

۱۵/۳۳ (۳)

۱۴/۸۱ (۲)

۱۴/۷۲ (۱)



- ۱۱۰- واریانس داده‌های آماری با نمودار میله‌ای زیر، کدام است؟

۱/۲۵ (۱)

۱/۷۵ (۲)

۲/۲۵ (۳)

۲/۵ (۴)

### جبر و احتمال

- ۱۱۱- اگر مجموع مکعب‌های اعداد طبیعی متولی با شروع از ۱، برابر با مربع مجموع آن اعداد باشد، حاصل  $3^3 + 3^3 + 5^3 + \dots + 25^3$  کدام است؟

۶۵۹۵۳ (۴)

۵۶۹۵۳ (۳)

۶۵۵۹۳ (۲)

۵۶۵۹۳ (۱)

- ۱۱۲- در اثبات حکم  $1+1+\frac{1}{2}+\frac{1}{3}+\dots+\frac{1}{n} \leq n+1$  با استقرای ریاضی، از کدام نامساوی بدیهی استفاده می‌شود؟

 $k^3 + 1 \geq 1$  (۴) $k^3 + 1 \geq 2$  (۳) $k+1 \geq 1$  (۲) $k+1 \geq 2$  (۱)

- ۱۱۳- در اثبات حکم  $x^3 + y^3 - xy \geq x + y - 1$  با استفاده از اثبات بازگشتی، به کدام نتیجه‌ی بدیهی خواهیم رسید؟

$$(x-y)^3 + (x+1)^3 + (y+1)^3 \geq 0 \quad (۲)$$

$$(x+y)^3 + (x+1)^3 + (y+1)^3 \geq 0 \quad (۱)$$

$$(x+y)^3 + (x-1)^3 + (y-1)^3 \geq 0 \quad (۴)$$

$$(x-y)^3 + (x-1)^3 + (y-1)^3 \geq 0 \quad (۳)$$

- ۱۱۴- در ظرفی کارت‌هایی با شماره‌های ۱ تا ۵ با رنگ‌های قرمز، سبز و زرد و با شکل‌های مربع، مثلث و دایره وجود دارد. حداقل چند کارت در ظرف باید باشد تا مطمئن باشیم دست کم ۴ کارت هم‌شماره، هم‌رنگ و هم‌شکل در ظرف وجود دارد؟

۱۸۰ (۴)

۱۸۱ (۳)

۱۳۵ (۲)

۱۳۶ (۱)

- ۱۱۵- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

(۱) اگر عددی به صورت  $8k+1$  باشد، مربع کامل است.

(۲) هر عدد طبیعی را می‌توان به صورت مجموع بیش از یک عدد طبیعی متولی نوشت.

(۳) مجموع یک عدد گنگ و یک عدد گویا همواره گنگ است.

(۴) هر عدد اول را می‌توان به صورت  $6k+1$  یا  $6k+5$  نوشت.

- ۱۱۶- مجموعه‌ی A، اعداد اول کوچک‌تر از  $2^{\circ}$  می‌باشد. این مجموعه دارای چند زیرمجموعه است که شامل حداقل یک عدد اول دو رقمی باشد؟

۲۴۰ (۴)

۲۲۴ (۳)

۱۲۸ (۲)

۶۴ (۱)

- ۱۱۷- اگر  $A_n = [2-n, \frac{n+3}{2}]$  باشد، حاصل  $(A_7 \Delta A_4) \cap A_3$  کدام است؟

$$[-1, 0] \cup [\frac{5}{2}, 3] \quad (۲)$$

$$[-1, 0] \cup [\frac{5}{2}, 3] \quad (۱)$$

$$[-1, 0] \cup [\frac{5}{2}, 3] \quad (۴)$$

$$[-1, 0] \cup (\frac{5}{2}, 3) \quad (۳)$$



- ۱۱۸- اگر  $\{2^1, 2^2, 2^3, \dots, 2^{25}\}$  باشد، مجموعه‌ی  $A \cap B$  چند زیرمجموعه‌ی سرهی غیرتهی دارد؟

۲۵۵ (۴)

۲۵۴ (۳)

۱۲۷ (۲)

۱۲۶ (۱)

- ۱۱۹- اگر  $[D \cap (B' \cup C')] \cup [D \cap (B - C')] = A$  کدام است؟

A (۲)

A - B (۱)

A' (۴)

A ∩ B ∩ C (۳)

- ۱۲۰- حاصل کدام است؟  $[(A' \Delta B') \cup (A \cup B)] - A$

B (۲)

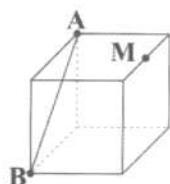
A ∩ B (۱)

A' - B' (۴)

A - B (۳)

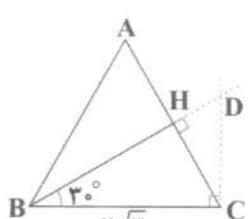
### هندسه ۱

- ۱۲۱- در مکعب شکل زیر به طول یال ۲، نقطه‌ی M وسط یکی از یال‌ها است. فاصله‌ی M از قطر AB کدام است؟

 $\sqrt{3}$  (۱) $\frac{2}{\sqrt{3}}$  (۲) $\frac{2\sqrt{2}}{2}$  (۳) $\frac{4\sqrt{2}}{3}$  (۴)

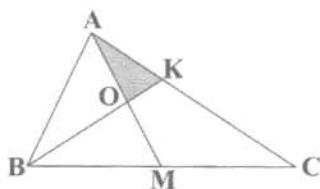
- ۱۲۲- در مثلث متساوی‌الاضلاع ABC، از رأس C عمودی بر ضلع BC رسم می‌کنیم تا امتداد ارتفاع BH را در نقطه‌ی D قطع کند. اگر

$BC = 2\sqrt{3}$ ، آن‌گاه مساحت مثلث CDH کدام است؟

 $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۱) $\sqrt{3}$  (۲) $\frac{2\sqrt{3}}{2}$  (۳) $2\sqrt{3}$  (۴)

- ۱۲۳- اگر در مثلث ABC از رأس B به نقطه‌ی O (وسط میانه‌ی AM) وصل کنیم تا امتداد آن، ضلع AC را در نقطه‌ی K قطع کند، آن‌گاه

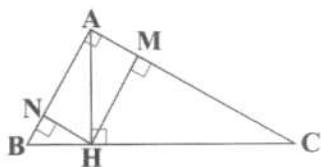
مساحت مثلث OAK چند برابر مساحت مثلث ABC است؟

 $\frac{1}{6}$  (۱) $\frac{1}{12}$  (۲) $\frac{1}{8}$  (۳) $\frac{3}{16}$  (۴)

محل انجام محاسبات



۱۲۴- در مثلث قائم‌زاویه‌ی  $\hat{A} = 90^\circ$   $\triangle ABC$  از نقطه‌ی  $H$  (بای ارتفاع  $AH$ )، دو عمود  $HM$  و  $HN$  را بر اضلاع زاویه‌ی قائمه رسم می‌کنیم.



نسبت  $\frac{MC}{NB}$  کدام است؟

$$\frac{b^2}{c^2} \quad (2)$$

$$\frac{b^4}{c^4} \quad (4)$$

$$\frac{b}{c} \quad (1)$$

$$\frac{b^3}{c^3} \quad (3)$$

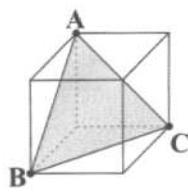
۱۲۵- حجم شکل فضایی حاصل از دوران یک مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع ۲، حول یکی از اضلاع آن چند برابر  $\pi$  است؟

$$\sqrt{3} \quad (4)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$



۱۲۶- در مکعب زیر، اگر مساحت مثلث  $ABC$  برابر  $\sqrt{3}$  باشد، آن‌گاه حجم مکعب کدام است؟

$$8 \quad (1)$$

$$9 \quad (2)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

$$3\sqrt{3} \quad (4)$$

۱۲۷- در مثلث  $ABC$  فاصله‌ی رؤس  $B$  و  $C$  از نیمساز داخلی زاویه‌ی  $A$  برابر است. مثلث  $ABC$  همواره چه نوع مثلثی است؟

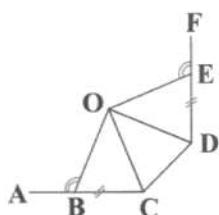
$$4) \text{ غیرمشخص}$$

$$3) \text{ متساوی‌الاضلاع}$$

$$2) \text{ قائم‌زاویه}$$

$$1) \text{ متساوی‌الساقین}$$

۱۲۸- در شکل زیر  $O\hat{B}A = O\hat{E}F$  و  $BC = DE$  است. کدامیک از تساوی‌های زیر، شرط کافی برای همنشستی دو مثلث  $ODE$  و  $OBC$  نیست؟



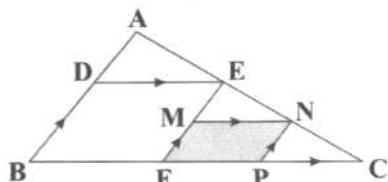
$$O\hat{C}B = O\hat{D}E \quad (1)$$

$$O\hat{C}B = E\hat{O}D \quad (2)$$

$$OB = OE \quad (3)$$

$$OC = OD \quad (4)$$

۱۲۹- در شکل مقابل  $M$  و  $N$  وسط  $EF$  و  $BC$  است. نسبت مساحت متوازی‌الاضلاع  $MNPF$  به مساحت مثلث  $ABC$  کدام است؟



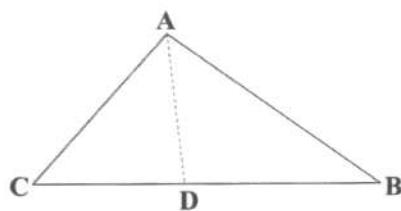
$$0/18 \quad (1)$$

$$0/08 \quad (2)$$

$$0/12 \quad (3)$$

$$0/24 \quad (4)$$

۱۳۰- مطابق شکل، در مثلث  $ABC$  اگر  $AD$  نیمساز داخلی زاویه‌ی  $A$  باشد، آن‌گاه داریم  $\hat{A} = 2\hat{C}$  و  $AC = 2AB$ . اندازه‌ی  $BC$  کدام است؟



$$12 \quad (1)$$

$$12/5 \quad (2)$$

$$13 \quad (3)$$

$$14 \quad (4)$$

محل انجام محاسبات



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک ۱ و ۲، شماره ۱۳۱ تا ۱۵۰) و زوج درس ۲ (فیزیک ۳، شماره ۱۵۱ تا ۱۷۰)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## فیزیک ۱ و ۲ (سوالات ۱۳۱ تا ۱۵۰)

۱۳۱- یک منبع نورانی گستردگی به شعاع  $R = 20\text{cm}$  به موازات سطح زمین و در ارتفاع  $5\text{m}$  از کف اتاق آویزان شده است. یک قرص کدر به شعاع  $r = 10\text{cm}$  زیر منبع نور و به موازات آن به گونه‌ای آویزان شده که فاصله‌اش از کف اتاق برابر  $1\text{m}$  است. قطر سایه و پهنه‌ای نیم‌ساشه‌ای ایجاد شده در کف اتاق به ترتیب از راست به چپ چند سانتی‌متر است؟

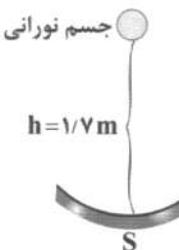
(۴) ۱۰، ۵

(۳) ۱۵، ۵

(۲) ۱۵، ۱۰

(۱) ۱۵، ۱۵

۱۳۲- مطابق شکل یک جسم نورانی را از فاصله‌ی  $1/7\text{m}$  بالای رأس یک آینه مقعر به فاصله‌ی کانونی  $60\text{cm}$  رها می‌کنیم. سرعت لحظه‌ای حرکت تصویر این جسم نورانی در آینه هنگامی که فاصله‌ی جسم از رأس آینه  $90\text{cm}$  باشد، برابر چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



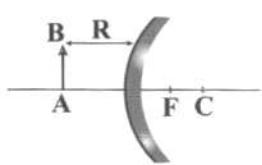
(۱) ۴

(۲) ۱۶

(۳) ۸

(۴) ۳۲

۱۳۳- جسمی روی محور اصلی و عمود بر آن به فاصله‌ی  $R$  از یک آینه‌ی کوثر قرار دارد. بزرگنمایی آینه چقدر است؟ ( $R$  شعاع انحنای آینه است.)



(۱) ۱۱

(۲) ۲۲

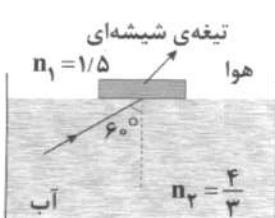
(۳) ۱/۳

(۴) ۱/۲

۱۳۴- جسمی را که عمود بر محور اصلی یک آینه‌ی کروی قرار دارد از فاصله‌ی  $12\text{cm}$  سانتی‌متری آینه به فاصله‌ی  $6\text{cm}$  سانتی‌متری آن منتقل می‌کنیم. در نتیجه تصویر آن یک سانتی‌متر به آینه نزدیک می‌شود. نوع آینه و فاصله‌ی کانونی آن کدام است؟

(۴) مقعر -  $6\text{cm}$ (۳) محدب -  $6\text{cm}$ (۲) مقعر -  $12\text{cm}$ (۱) محدب -  $12\text{cm}$ 

۱۳۵- یک تیغه‌ی شیشه‌ای به ضریب شکست  $1/5$  را مماس بر سطح آب نگه می‌داریم. پرتوی نور تک رنگی مطابق شکل، از آب بر سطح تیغه می‌تابد. کدام گزینه در مورد این پرتو درست است؟

(۱) با زاویه‌ی شکست  $60^\circ$  وارد هوا می‌شود.(۲) با زاویه‌ی شکست  $60^\circ$  محدوداً از شیشه وارد آب می‌شود.(۳) با زاویه‌ی بزرگ‌تر از  $60^\circ$  وارد هوا می‌شود.(۴) با زاویه‌ی کوچک‌تر از  $60^\circ$  وارد هوا می‌شود.



۱۳۶- سکه‌ای درون ظرفی در عمق  $8\text{ cm}$  قرار دارد و ظرف از مایعی به ضریب شکست  $\frac{4}{3}$  پر شده است. اگر شخصی از ارتفاع  $2\text{ m}$  بالای سطح مایع به طور قائم به سکه نگاه کند، سکه را در چند سانتی‌متری چشم خود می‌بیند؟

(۴)  $40\text{ cm}$ (۳)  $20\text{ cm}$ (۲)  $80\text{ cm}$ (۱)  $1\text{ m}$ 

۱۳۷- یک جسم در فاصله‌ی  $3\text{ m}$  سانتی‌متری از یک عدسی و عمود بر محور اصلی آن قرار دارد. اگر طول تصویر  $2$  برابر طول جسم بوده و در سمت دیگر عدسی تشکیل شود، توان عدسی چند دیوبتر است؟

- $\frac{5}{3}$  $\frac{5}{3}$ 

۵

-۵

۱۳۸- فاصله‌ی یک جسم از پرده‌ای که به موازات آن قرار دارد  $27\text{ cm}$  است و عدسی همگرایی به فاصله‌ی کانونی  $6\text{ cm}$  که بین جسم و پرده قرار دارد، تصویری روی پرده ایجاد می‌کند که طول آن دو برابر طول جسم است. تیغه‌ای شیشه‌ای به ضریب شکست  $\frac{3}{2}$  و ضخامت  $3\text{ mm}$  را به

موازات سطح عدسی بین جسم و عدسی قرار می‌دهیم. برای آن‌که دوباره تصویر جسم روی پرده دیده شود، باید پرده را .....  
(۱)  $6\text{ cm}$  از عدسی دور کنیم.  
(۲)  $2\text{ cm}$  از عدسی دور کنیم.

(۳)  $6\text{ cm}$  به سمت عدسی ببریم.  
(۴)  $2\text{ cm}$  به سمت عدسی ببریم.

۱۳۹- بیشترین میزان بهره‌برداری از انرژی‌های تجدیدپذیر مربوط به انرژی ..... و بیشترین پتانسیل بهره‌برداری مربوط به انرژی ..... است.

(۱) خورشیدی - زیست توده

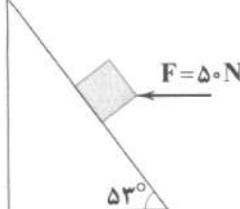
(۲) زیست توده - خورشیدی

(۳) زمین گرمایی - باد

(۴) باد - زمین گرمایی

۱۴۰- مطابق شکل نیروی افقی  $F=5\text{ N}$  بر جسمی به جرم  $5\text{ kg}$  که روی سطح شیبدار بدون اصطکاک قرار دارد و در ابتدا ساکن است، اثر

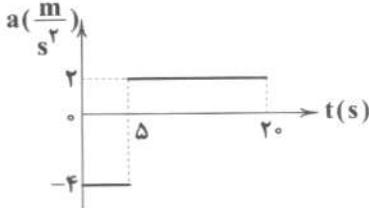
$$(\sin 53^\circ = \frac{F}{mg} = \frac{5}{5 \times 10})$$

(۱)  $30^\circ$ (۲)  $-30^\circ$ (۳)  $100^\circ$ (۴)  $-100^\circ$ 

۱۴۱- مطابق شکل گلوله‌ای به جرم  $m$  با سرعت  $33\frac{\text{m}}{\text{s}}$  به فنری افقی با ثابت  $k$  برخورد می‌کند و فنر را حداکثر  $40\text{ cm}$  فشرده می‌کند. اگر انرژی پتانسیل کشسانی ذخیره شده در فنر در  $4\text{ cm}$  اول برابر با  $18\text{ J}$  باشد، تغییر انرژی پتانسیل کشسانی در  $4\text{ cm}$  اول فشرده‌گی چند ژول با تغییر انرژی پتانسیل کشسانی در  $4\text{ cm}$  دوم فشرده‌گی تفاوت دارد؟

(۱)  $54^\circ$ (۲)  $36^\circ$ (۳)  $18^\circ$ (۴)  $27^\circ$ 

۱۴۲- نمودار شتاب - زمان یک متحرک به جرم  $3\text{ kg}$  که با سرعت اولیه  $10\frac{\text{m}}{\text{s}}$  شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. کار برایند نیروهای وارد بر جسم تا لحظه‌ی  $t=2\text{ s}$  چند ژول است؟

(۱)  $-45^\circ$ (۲)  $+45^\circ$ (۳)  $+60^\circ$ (۴)  $-60^\circ$



-۱۴۳- اگر ارتفاع مایع درون یک ظرف رو باز را  $k$  برابر کنیم، نیروی کل وارد بر کف ظرف ۳ برابر می‌شود. کدام گزینه در مورد مقدار  $k$  صحیح است؟

$$k = 3 \quad (1)$$

۴) اظهارنظر قطعی به شکل ظرف وابسته است.

$$k < 3 \quad (2)$$

$$k > 3 \quad (3)$$

-۱۴۴- در شکل زیر ظرف از مایعی به چگالی  $\rho = \frac{3}{4} \text{ g/cm}^3$  پر شده است. فشار گاز قرارگرفته در بالای لوله چند سانتی‌متر جیوه است؟

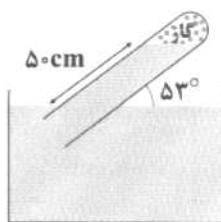
$$(\sin 53^\circ = 4/5, \rho_{\text{Hg}} = 13.6 \text{ g/cm}^3, P_0 = 76 \text{ cmHg})$$

$$26 \quad (1)$$

$$26 \quad (2)$$

$$66 \quad (3)$$

$$56 \quad (4)$$



-۱۴۵- درون ظرفی با ضریب انبساط ناچیز مقداری آب در دمای  $C^\circ$  قرار دارد. دمای آب را تا  $6^\circ$  افزایش می‌دهیم. ارتفاع مایع درون ظرف

چگونه تغییر می‌کند؟

۱) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد و مقدار نهایی آن از مقدار اولیه بیشتر است.

۲) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد و مقدار نهایی آن از مقدار اولیه کمتر است.

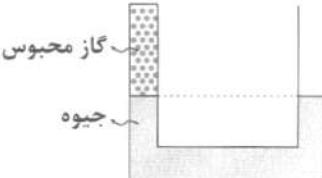
۳) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد و مقدار نهایی آن از مقدار اولیه بیشتر است.

۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد و مقدار نهایی آن از مقدار اولیه کمتر است.

-۱۴۶- مطابق شکل، درون لوله U شکلی که یک طرف آن بسته است، جیوه ریخته شده و مجموعه در حالت تعادل قرار دارد. اگر فشار هواي

محیط  $76 \text{ cmHg}$  باشد و در طرف باز لوله به اندازه  $19 \text{ cm}^3$  جیوه بریزیم، دمای مطلق گاز محبوس در طرف بسته بایستی چند درصد

افزایش یابد تا حجم گاز تغییر نکند؟ (سطح مقطع لوله  $2 \text{ cm}^2$  است).



$$12/5 \quad (1)$$

$$25 \quad (2)$$

$$37/5 \quad (3)$$

$$50 \quad (4)$$

-۱۴۷- به وسیله‌ی یک گرمکن الکتریکی با توان ثابت به قطعه یخی با دمای  $C^\circ - 74^\circ$  حرارت می‌دهیم. پس از  $74$  ثانیه یخ به طور کامل به آب با

دمای  $C^\circ + 100^\circ$  تبدیل می‌شود. چند ثانیه پس از شروع کار گرمکن، نیمی از یخ به آب تبدیل شده است؟ (از اتلاف گرما صرف نظر شود).

$$(L_F = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}, c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}})$$

$$21/4 \quad (1)$$

$$18/3 \quad (2)$$

$$9/2 \quad (3)$$

$$4/5 \quad (4)$$

-۱۴۸- دو کره‌ی فلزی توپر مشابه به شعاع  $R$  را در نظر بگیرید. از یکی از دو کره، حفره‌ای کروی شکل به شعاع  $\frac{R}{3}$  جدا می‌کنیم. اگر به دو کره به

یک اندازه گرمایی دهیم، دمای کره‌ی توپر  $C^\circ + 100^\circ$  افزایش می‌یابد. بعد از گرم شدن دو کره، نسبت شعاع کره‌ی توپر به شعاع کره‌ی حفره‌دار

چقدر می‌شود؟ ( $\alpha$  ضریب انبساط طولی فلز است).

$$\frac{7}{8} \quad (1)$$

$$\frac{7+70\alpha}{7+80\alpha} \quad (2)$$

$$\frac{8}{7} \quad (3)$$

$$\frac{7+80\alpha}{7+70\alpha} \quad (4)$$



۱۴۹- مقداری یخ صفر درجه‌ی سلسیوس به جرم  $m$  را با مقداری آب  $C^{\circ}C$  به جرم  $2m$  مخلوط می‌کنیم. اگر گرمای نهان ذوب یخ  $8^{\circ}C$  و

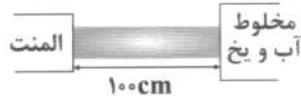
گرمای ویژه‌ی آب  $\frac{cal}{g}$  باشد، پس از رسیدن به تعادل گرمایی .....  
.....

(۱) تمامی یخ ذوب می‌شود.  
 $\frac{3}{8}$  جرم یخ، ذوب‌نشده باقی می‌ماند.

(۲) به اندازه‌ی  $\frac{19}{8}$  جرم اولیه‌ی یخ، آب در ظرف خواهیم داشت.  
 $\frac{5}{8}$  جرم یخ، ذوب می‌شود.

۱۵۰- مطابق شکل زیر، یک سرمهله‌ی مسی به شعاع  $10\text{cm}$  در مخلوط آب و یخ ( $500\text{g}$  یخ و  $500\text{g}$  آب) و سر دیگر آن در تماس با المنت یک گرمکن بر قی با دمای ثابت  $C^{\circ}C$  قرار دارد. حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا مخلوط آب و یخ در آستانه‌ی تغییر دما قرار گیرد؟

$$(c_e = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}, L_f = 336 \frac{kJ}{kg}, \pi = 3, k_m = 400 \frac{J}{m \cdot s \cdot K})$$



۰/۱۴ (۱)

۱/۴ (۲)

۷۰ (۳)

۱۴۰ (۴)

## زوج درس ۲

## فیزیک ۳ (سوالات ۱۵۱ تا ۱۷۰)

۱۵۱- گرمایی که دمای  $12^{\circ}C$  آب  $22^{\circ}C$  را به  $7^{\circ}C$  می‌رساند، در حجم ثابت دمای  $4^{\circ}C$  گرم گاز هیدروژن را چند درجه‌ی کلوین افزایش می‌دهد؟

$$(C_v = \frac{5}{2} R, M_{H_2} = 2 \frac{g}{mol}, R = 8 \frac{J}{mol \cdot K}, c_a = 4200 \frac{J}{kg \cdot K})$$

۱۹/۲ (۴)

۱۸/۹ (۳)

۱۶/۸ (۲)

۱۷/۴ (۱)

۱۵۲- موتور یک کولر گازی با توان  $2/4\text{kW}$  کار می‌کند. اگر ضریب عملکرد این کولر  $4$  باشد، در هر ساعت چند مکارول گرما به فضای بیرون داده می‌شود؟

۵۶ (۴)

۷۲ (۳)

۴۳/۲ (۲)

۲۸/۸ (۱)

۱۵۳- اگر دمای چشمهدی گرم یک ماشین گرمایی کارنو فرضی را از  $27^{\circ}C$  به  $127^{\circ}C$  افزایش دهیم، بازده آن  $\frac{9}{8}$  برابر می‌شود. اگر دمای چشمهدی سرد ثابت مانده باشد، دمای چشمهدی سرد چند درجه‌ی سانتی‌گراد است؟

-۱۰۰ (۴)

-۱۷۳ (۳)

۱۰۰ (۲)

۱۷۳ (۱)

۱۵۴- در یک مخزن مقداری گاز کامل قرار دارد. اگر به سرعت حجم آن را  $k$  برابر کنیم فشار به  $\frac{1}{k}$  مقدار اولیه می‌رسد. در مورد  $k$  کدام گزینه صحیح است؟

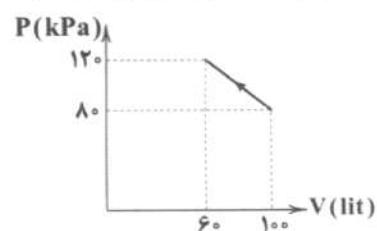
$$\frac{1}{3} < k < 1 (۴)$$

$$1 < k < 3 (۳)$$

$$k > 3 (۲)$$

$$k = 3 (۱)$$

۱۵۵- نمودار زیر، مسیر فرایندی را که توسط مقدار معینی گاز کامل پیموده شده، نشان می‌دهد. در چه حجمی بر حسب لیتر دمای گاز به بیشینه مقدار خود می‌رسد؟



۶۰ (۱)

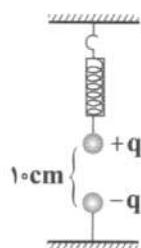
۷۰ (۲)

۸۰ (۳)

۹۰ (۴)



۱۵۶- در شکل زیر جرم هریک از گلوله‌های مشابه برابر  $23\text{g}$  است و گلوله‌ی پایینی توسط یک میله‌ی نارسانا به زمین وصل است. اگر بار یکی از گلوله‌ها قرینه شود، عدد نشان داده شده توسط نیروسنگ  $N = 180$  تغییر می‌کند. اندازه بار هر گلوله چند میکروکولن است؟ (فاصله بین دو



$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

۵ (۱)

۲/۵ (۲)

۷/۵ (۳)

۱۰ (۴)

۱۵۷- دو مکعب رسانای مشابه به چگالی سطحی بار  $\frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$  را از دو وجه به هم می‌چسبانیم. چگالی سطحی بار به چند میکروکولن بر متر مربع

می‌رسد؟ (چگالی سطحی بار بر روی سطح مکعب‌ها یکنواخت فرض کنید).

۱۴۴۰ (۴)

۷۲ (۳)

۴۳۲ (۲)

۳۶۰ (۱)

۱۵۸- اگر دو سر خازن پرشده‌ای را از منبع جدا کرده و به دو سر خازن خالی مشابه بیندیم، انرژی ذخیره شده در خازن اول چند برابر می‌شود؟

 $\frac{1}{2}$  $\frac{1}{4}$  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  $\frac{\sqrt{2}}{4}$ 

۱۵۹- دو لامپ A و B در اختیار داریم که اگر جداگانه به ولتاژ V متصل شوند، روشنایی لامپ A از روشنایی لامپ B بیشتر می‌شود. اگر این دو

لامپ را به صورت سری به ولتاژ V متصل کنیم، در این حالت کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟ (دما باید ثابت فرض شود).

(۱) روشنایی لامپ B از روشنایی لامپ A بیشتر خواهد شد.

(۲) روشنایی هر دو لامپ کمتر ولی یکسان خواهد شد.

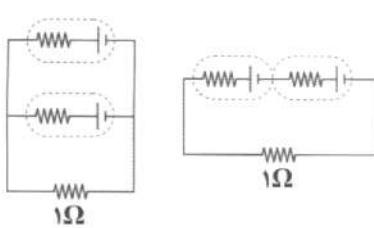
(۳) لامپ B می‌سوزد ولی لامپ A روشن می‌ماند.

(۴) هر دو لامپ با همان روشنایی قبلی خود روشن می‌شوند.

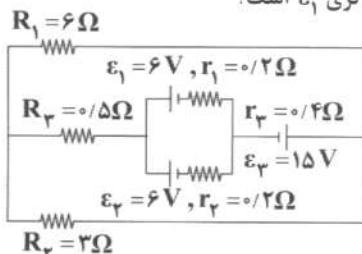
۱۶۰- دو باتری با نیروی حرکتی  $1/5$  ولت و مقاومت درونی  $2\Omega$  مطابق شکل زیر، یک بار به صورت متواالی و بار دیگر به صورت موازی به یک

مقاومت  $1\Omega$  متصل شده‌اند. در مدت زمانی معین، انرژی الکتریکی مصرفی در مقاومت  $1\Omega$  در حالت اتصال موازی باتری‌ها، چند برابر حالتی

است که باتری‌ها به صورت سری بسته شده‌اند؟

 $\frac{81}{400}$  $\frac{400}{81}$  $\frac{9}{20}$  $\frac{25}{16}$ 

۱۶۱- در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر باتری  $\epsilon_1$  چند ولت بیشتر از اختلاف پتانسیل دو سر باتری  $\epsilon_2$  است؟



۸/۱ (۱)

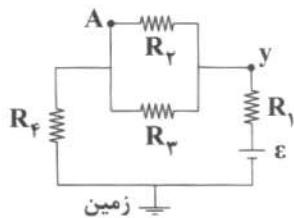
۹/۹ (۲)

۷/۵ (۳)

۱۰/۵ (۴)



۱۶۲- در مدار زیر، چنانچه مدار را در نقطه‌ی A قطع کنیم، چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟ (مقاومت درونی باتری ناچیز است).



(الف) توان مصرفی در مقاومت R\_f افزایش می‌یابد.

(ب) جریان گذرنده از مقاومت R\_1 تغییر نمی‌کند.

(پ) پتانسیل نقطه‌ی y کاهش می‌یابد.

(ت) اختلاف پتانسیل دو سر مولد افزایش می‌یابد.

(ث) توان مفید باتری ثابت می‌ماند.

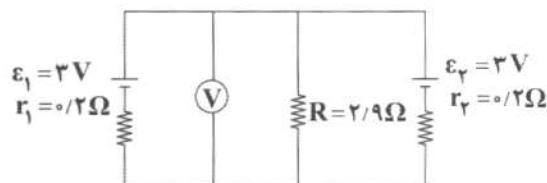
۳ (۴)

۳ (صفر)

۲ (۲)

۴ (۱)

۱۶۳- در مدار زیر، به ترتیب از راست به چپ، عدد نشان داده شده توسط ولتسنج ایده‌آل و توان مفید باتری کدام است؟



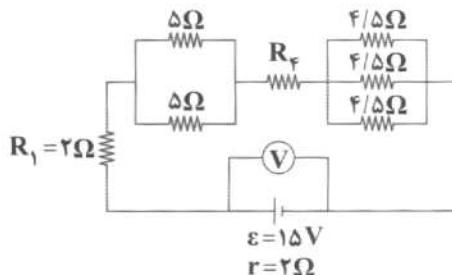
۱/۵۵W و ۲/۹V (۱)

صفر و صفر (۲)

۱/۵۵W و ۱/۴۵V (۳)

۱/۴۵W و ۲/۹V (۴)

۱۶۴- در مدار مقابل ولتسنج ۱۲V را نشان می‌دهد. مقاومت R\_f چند اهم است؟



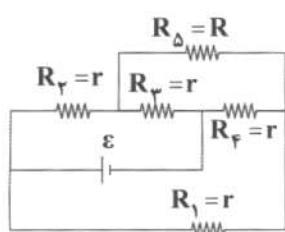
۱ (۰)

۸ (۲)

۲ (۳)

۶ (۴)

۱۶۵- با توجه به مدار زیر، توان مصرفی مقاومت R\_f و جریان گذرنده از مقاومت R\_1 به ترتیب از راست به چپ کدام است؟



۱) صفر و  $\frac{\epsilon}{2r}$  (۱)

$\frac{3\epsilon}{2r}$  و  $R \frac{\epsilon^2}{r^2}$  (۲)

$\frac{\epsilon}{r}$  و  $R \frac{\epsilon^2}{4r^2}$  (۳)

$\frac{2\epsilon}{r}$  و  $R \frac{4\epsilon^2}{r^2}$  (۴)

۱۶۶- مطابق شکل، دو سیم حامل جریان بر یک حلقه مماس شده‌اند و جریان عبوری از همه‌ی آن‌ها با هم برابر است. جهت میدان مغناطیسی

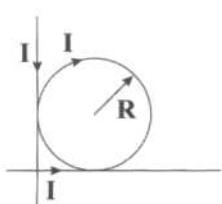
برایند در مرکز حلقه به کدام سمت است؟ ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A}$ )

(۱) الزاماً درون سو

(۲) الزاماً بروون سو

(۳) به I بستگی دارد.

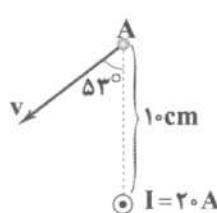
(۴) به R بستگی دارد.



محل انجام محاسبات



۱۶۷- در شکل زیر، از یک سیم طویل و عمود بر صفحه، جریان  $A = 20\text{ A}$  عبور می‌کند. اندازهٔ نیروی مغناطیسی وارد بر ذره‌ای با بار  $C = 20\mu\text{C}$  که با



$$\text{سرعت} = \frac{\text{m}}{\text{s}} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T} \cdot \text{m}}{\text{A}}$$

۳/۲(۱)

۶/۸(۲)

۲/۴(۳)

۸/۱(۴)

۱۶۸- ذره‌ای با بار الکتریکی  $C = 20\mu\text{C}$  تحت اثر یک میدان مغناطیسی یکنواخت در حال دوران روی دایره‌ای به شعاع  $20\text{ cm}$  است. اگر بزرگی میدان مغناطیسی  $G = 5000\text{ SI}$  باشد، بزرگی اندازهٔ حرکت این ذره در هر لحظه چند واحد SI است؟

۴  $\times 10^{-4}$  (۴)۲  $\times 10^{-4}$  (۳)۲  $\times 10^{-5}$  (۲)۴  $\times 10^{-5}$  (۱)

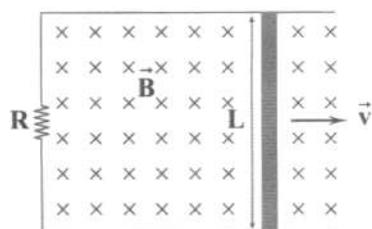
۱۶۹- میله‌ی رسانایی به طول  $L$  بر روی مداری مطابق شکل با سرعت  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  در حال حرکت است. اگر  $m = 1/5\text{ m}$  و  $R = 12\Omega$  و  $B = 5\text{ T}$  باشد، به ترتیب از راست به چپ اندازهٔ توان القا شده چند وات و جهت جریان القایی کدام است؟ ( مقاومت الکتریکی میله ناچیز است.)

۱) ۲۵ - در جهت عقربه‌های ساعت

۲) ۲۵ - در خلاف جهت عقربه‌های ساعت

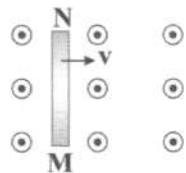
۳) ۷۵ - در خلاف جهت عقربه‌های ساعت

۴) ۷۵ - در جهت عقربه‌های ساعت



۱۷۰- مطابق شکل قطعه سیم MN در میدان مغناطیسی یکنواختی که بروون سو است، به طرف راست حرکت می‌کند. اختلاف پتانسیل دو سر این

قطعه سیم از شروع حرکت تا قبل از رسیدن به تعادل الکتریکی در کدام گزینه به درستی تعیین شده است؟

۱)  $V_M - V_N > 0$ ۲)  $V_M - V_N < 0$ ۳)  $V_M - V_N = 0$ 

۴) قابل اظهارنظر قطعی نیست.

## شیمی



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۲، شماره‌ی ۱۷۱ تا ۲۰۰) و زوج درس ۲ (شیمی ۳، شماره‌ی ۲۰۱ تا ۲۳۰) فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## شیمی ۲ (سوالات ۱۷۱ تا ۲۰۰)

۱۷۱- کشف پدیده‌ی پرتوزاًی توسط ..... ، نام‌گذاری مواد دارای خاصیت پرتوزاً، توسط ..... و کشف ماهیت تابش حاصل از مواد پرتوزاً توسط ..... انجام گرفت. ( گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

- ۱) ماری کوری - هانری بکرل - ارنست رادرفورد  
۲) هانری بکرل - ماری کوری - ارنست رادرفورد  
۳) ماری کوری - هانری بکرل - جوزف تامسون  
۴) هانری بکرل - ماری کوری - جوزف تامسون



۱۷۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) آرایش الکترونی نخستین عنصری که شمار الکترون‌های لایه‌های سوم و چهارم اتم آن برابر است، از قاعده‌ی آفابی پیروی نمی‌کند.

ب) عدد کوانتمویی فرعی  $\frac{1}{3}$  الکترون‌های اتم Re<sub>۷۵</sub> برابر با ۲ است.ب) در آخرین زیرلایه‌ی اتم عنصر طلا (Au<sub>۷۹</sub>)، یک الکترون وجود دارد.

ت) نخستین عنصری که لایه‌ی چهارم اتم آن شامل ۱۳ الکترون است، در گروه ششم جدول جای دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۷۳- کدام شکل، طیف نشری خطی هیدروژن را درست‌تر نشان می‌دهد؟ (در هر کدام از شکل‌ها، نوار a آبی‌رنگ است).



۱۷۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(آ) در گروه فلزهای قلیایی، بیشترین خصلت فلزی مربوط به عنصری با عدد اتمی ۸۷ است.

ب) نافلزها همانند شبهفلزها تمایل به گرفتن الکترون دارند.

پ) هر کدام از نافلزها متعلق به عناصر اصلی p هستند.

ت) در دوره‌ی سوم جدول تناوبی همانند گروه ۱۴، دو عنصر شبهفلزی یافت می‌شود.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۷۵- در چه تعداد از مولکول‌های زیر طول پیوندها برابر مجموع شعاع کووالانسی اتم‌های درگیر پیوند است؟

 $\text{NO}_2^-$ 

۴) صفر

 $\text{BCl}_3^-$ 

۳ (۳)

 $\text{CS}_2^-$ 

۲ (۲)

 $\text{SO}_3^-$ 

۱ (۱)

۱۷۶- چه تعداد از ویژگی‌های زیر در فلوتون بیشتر از اکسیژن است؟

• شعاع کووالانسی

• تنوع عدد اکسایش

• انرژی دومین بونش

• نقطه‌ی جوش ساده‌ترین ترکیب هیدروژن دار

• شمار ایزوتوپ‌های پایدار

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۷۷- بین دو عنصر A و D، سه عنصر دیگر در جدول دوره‌ای وجود دارد. اگر یون پایدار هر دو عنصر A و D به آرایش الکترونی یک گاز نجیب رسیده باشد، کدام فرمول‌های (زیر را می‌توان به ترکیب یونی حاصل از این دو عنصر نسبت داد؟

A<sub>۲</sub>D<sub>۳</sub>

۴) «ب» و «ت»

AD<sub>۲</sub><sup>-</sup>

۳) «پ» و «ت»

AD<sub>۲</sub>

۲) «آ» و «پ»

AD (۱)

۱) «آ» و «ب»

۱۷۸- بهازی تشکیل یک کیلوگرم کلسیم برمید از اتم‌های مربوطه، چند مول الکترون مبادله می‌شود؟ ( $\text{Ca} = ۴۰$ ،  $\text{Br} = ۸۰$ : g.mol<sup>-۱</sup>)

۱۵ (۴)

۱۰ (۳)

۵

۲۰ (۱)





- ۱۸۷- مطالعه‌ی گستردگی روی پرتوهای X تولید شده از عنصرهای مختلف، زمینه‌ساز کشف کدام مورد شد؟
- (۴) ایزوتوپها      (۳) ذرهای  $\alpha$       (۲) بروتون
- ۱۸۸- تفاوت عدد اتمی اولین عنصر شبکه فلز و آخرین عنصر شبکه فلز جدول تناوبی کدام است؟
- (۴) ۴      (۳) ۴۷      (۲) ۷۹      (۱) ۸۰
- ۱۸۹- با توجه به نمودار زیر که انرژی نخستین یونش پنج عنصر اصلی و متواالی جدول تناوبی را نشان می‌دهد، انرژی دومین یونش کدام عنصر از چهار عنصر دیگر بیشتر است؟
- A (۱)  
B (۲)  
C (۳)  
E (۴)
- 

۱۹۰- نام چه تعداد از یون‌های زیر، با نشانه‌ی شیمیایی آن مطابقت ندارد؟

$S^{2-}$  ● : یون سولفورید (II)

$O_2^-$  ● : یون اکسید

$CS^{2+}$  ● : یون سزیم

۳ (۴)      ۴ (۳)      ۵ (۲)      ۶ (۱)

۱۹۱- کدامیک از مطالب زیر، درست است؟ (۲)  $Ni$ , (۳)  $Zn$

(۱) آرایش الکترونی یون روی و اتم نیکل یکسان است.

(۲) کاتیون هرکدام از فلزهای اصلی جدول تناوبی، برخلاف اغلب فلزهای واسطه، دارای آرایش گاز نجیب هستند.

(۳) در آبیون‌های چنداتمی مانند کربنات و سولفات، بار یون متعلق به اتم‌های اکسیژن است که الکترونگاتیو ترند.

(۴) نیتروی جاذبه‌ی موجود در بلور  $NaCl$ ، حدود ۱/۷۶ برابر نیتروی جاذبه‌ی موجود میان یک جفت  $Na^+$ - $Cl^-$  تنها است.

۱۹۲- در میان ترکیب‌های  $NaF$ ,  $MgF_2$ ,  $AlF_3$  و  $MgF_4$ ، ترکیبی که فلز آن ..... است، انرژی شبکه‌ی بلور آن ..... از بقیه است.

(۲) واکنش بدیری - کمتر - بیشتر      (۱) بار مؤثر هسته‌ی - بیشتر - بیشتر

(۴) انرژی نخستین یونش - بیشتر - بیشتر

۱۹۳- با توجه به داده‌های جدول مقابل، کدام مطلب درست است؟

Sr	Ni	C	Br	Cl	O	عنصر
۱	۱/۹	۲/۵	۲/۸	۳	۳/۵	الکترونگاتیوی

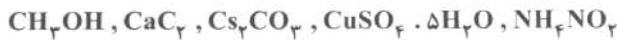
۱) خصلت یونی پیوند  $Ni$  با  $Cl$  در مقایسه با پیوند  $Sr$  با  $Cl$  بیشتر است.

۲) در واکنش با یکدیگر، جامد یونی تشکیل می‌دهند.

۳) پیوند  $C-Br$ ، کووالانسی قطبی است.

۴) پیوند  $Cl-O$ ، کووالانسی ناقطبی است.

۱۹۴- در چه تعداد از گونه‌های زیر، هر سه نوع پیوند یونی، کووالانسی و داتیو مشاهده می‌شود؟

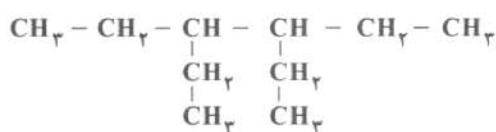


۱ (۴)      ۲ (۳)      ۳ (۲)      ۴ (۱)



- ۱۹۵- در کدام ترکیب، همهی اتم‌ها به آرایش الکترونی گاز نجیب پس از خود رسیده‌اند؟
- (۱) منیزیم برمید  
(۲) نشاردر  
(۳) آلومینیم کلرید  
(۴) گوگرد هگرافلوئورید
- ۱۹۶- کدام گزینه درست نیست؟

- (۱) پیوند هیدروژنی، نوعی نیروی جاذبه‌ی دوقطبی - دوقطبی است.
- (۲) مقدار نیروهای وان‌دروالسی بین مولکول‌ها به جرم مولکولی آن‌ها، بستگی دارد.
- (۳) اگر در مولکولی اتم مرکزی سه قلمروی الکترونی که همگی پیوندی‌اند، داشته باشد، ساختار آن مسطح سه‌ضلعی است.
- (۴) به دلیل قوی‌تر بودن پیوند هیدروژنی بین مولکول‌های HF در مقایسه با مولکول‌های  $H_2O$ ، نقطه‌ی جوش HF بالاتر است.
- ۱۹۷- با توجه به ساختار داده‌شده، اگر یکی از گروه‌های  $CH_3$  با  $C_6H_5$  جایگزین شود، کدام نام‌های زیر را می‌توان به ترکیب حاصل نسبت داد؟



آ)-۴.۳- دی‌اتیل هپتان

ب)-۵.۴- دی‌اتیل هپتان

پ)-۳- اتیل-۴-بروبیل هگزان

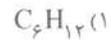
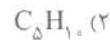
(۱) «آ» و «ب»

(۲) «ب» و «پ»

(۳) فقط «ب»

(۴) فقط «آ»

- ۱۹۸- آلان A بر اثر واکنش با هیدروژن به آلکان B تبدیل می‌شود. درصد جرم هیدروژن‌های آلکان B را هیدروژن‌های جذب شده تشکیل می‌دهند. آلان A کدام است؟ ( $C=12, H=1g.mol^{-1}$ )



- ۱۹۹- کاربرد کدام‌یک از ترکیب‌های زیر، نادرست بیان شده است؟

(۱) اتن: عمل آورنده در کشاورزی

(۲) آلان: پرکردن فندک

- ۲۰۰- کدام‌یک از نام‌گذاری‌های زیر درست است؟

(۱) ۲- متیل - ۳- اتیل - ۲- پنتن

(۲) ۳- اتیل - ۲- متیل - ۲- پنتن

(۳) ۴- اتیل - ۲- متیل - ۲- پنتن

(۴) ۳- اتیل - ۴- متیل - ۲- پنتن

(۵) ۴- اتیل - ۳- متیل - ۲- پنتن

(۶) ۴- اتیل - ۳- متیل - ۳- پنتن

(۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲- پنتن

(۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳- پنتن

(۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴- پنتن

(۱۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵- پنتن

(۱۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶- پنتن

(۱۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷- پنتن

(۱۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸- پنتن

(۱۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹- پنتن

(۱۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰- پنتن

(۱۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱- پنتن

(۱۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲- پنتن

(۱۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳- پنتن

(۱۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴- پنتن

(۲۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵- پنتن

(۲۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۶- پنتن

(۲۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۷- پنتن

(۲۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۸- پنتن

(۲۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۹- پنتن

(۲۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۰- پنتن

(۲۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۱- پنتن

(۲۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۲- پنتن

(۲۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۳- پنتن

(۲۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۴- پنتن

(۳۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۵- پنتن

(۳۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۶- پنتن

(۳۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۷- پنتن

(۳۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۸- پنتن

(۳۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۲۹- پنتن

(۳۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۰- پنتن

(۳۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۱- پنتن

(۳۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۲- پنتن

(۳۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۳- پنتن

(۳۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۴- پنتن

(۴۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۵- پنتن

(۴۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۶- پنتن

(۴۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۷- پنتن

(۴۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۸- پنتن

(۴۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۳۹- پنتن

(۴۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۰- پنتن

(۴۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۱- پنتن

(۴۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۲- پنتن

(۴۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۳- پنتن

(۴۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۴- پنتن

(۵۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۵- پنتن

(۵۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۶- پنتن

(۵۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۷- پنتن

(۵۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۸- پنتن

(۵۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۴۹- پنتن

(۵۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۰- پنتن

(۵۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۱- پنتن

(۵۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۲- پنتن

(۵۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۳- پنتن

(۵۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۴- پنتن

(۶۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۵- پنتن

(۶۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۶- پنتن

(۶۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۷- پنتن

(۶۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۸- پنتن

(۶۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۵۹- پنتن

(۶۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۰- پنتن

(۶۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۱- پنتن

(۶۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۲- پنتن

(۶۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۳- پنتن

(۶۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۴- پنتن

(۷۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۵- پنتن

(۷۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۶- پنتن

(۷۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۷- پنتن

(۷۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۸- پنتن

(۷۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۶۹- پنتن

(۷۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۰- پنتن

(۷۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۱- پنتن

(۷۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۲- پنتن

(۷۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۳- پنتن

(۷۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۴- پنتن

(۸۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۵- پنتن

(۸۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۶- پنتن

(۸۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۷- پنتن

(۸۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۸- پنتن

(۸۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۷۹- پنتن

(۸۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۰- پنتن

(۸۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۱- پنتن

(۸۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۲- پنتن

(۸۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۳- پنتن

(۸۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۴- پنتن

(۹۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۵- پنتن

(۹۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۶- پنتن

(۹۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۷- پنتن

(۹۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۸- پنتن

(۹۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۸۹- پنتن

(۹۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۰- پنتن

(۹۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۱- پنتن

(۹۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۲- پنتن

(۹۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۳- پنتن

(۹۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۴- پنتن

(۱۰۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۵- پنتن

(۱۰۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۶- پنتن

(۱۰۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۷- پنتن

(۱۰۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۸- پنتن

(۱۰۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۹۹- پنتن

(۱۰۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۰- پنتن

(۱۰۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۱- پنتن

(۱۰۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۲- پنتن

(۱۰۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۳- پنتن

(۱۰۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۴- پنتن

(۱۱۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۵- پنتن

(۱۱۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۶- پنتن

(۱۱۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۷- پنتن

(۱۱۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۸- پنتن

(۱۱۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۰۹- پنتن

(۱۱۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۰- پنتن

(۱۱۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۱- پنتن

(۱۱۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۲- پنتن

(۱۱۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۳- پنتن

(۱۱۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۴- پنتن

(۱۲۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۵- پنتن

(۱۲۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۶- پنتن

(۱۲۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۷- پنتن

(۱۲۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۸- پنتن

(۱۲۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۱۹- پنتن

(۱۲۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۰- پنتن

(۱۲۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۱- پنتن

(۱۲۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۲- پنتن

(۱۲۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۳- پنتن

(۱۲۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۴- پنتن

(۱۳۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۵- پنتن

(۱۳۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۶- پنتن

(۱۳۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۷- پنتن

(۱۳۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۸- پنتن

(۱۳۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۲۹- پنتن

(۱۳۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۰- پنتن

(۱۳۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۱- پنتن

(۱۳۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۲- پنتن

(۱۳۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۳- پنتن

(۱۳۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۴- پنتن

(۱۴۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۵- پنتن

(۱۴۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۶- پنتن

(۱۴۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۷- پنتن

(۱۴۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۸- پنتن

(۱۴۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۳۹- پنتن

(۱۴۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۰- پنتن

(۱۴۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۱- پنتن

(۱۴۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۲- پنتن

(۱۴۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۳- پنتن

(۱۴۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۴- پنتن

(۱۵۰) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۵- پنتن

(۱۵۱) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۶- پنتن

(۱۵۲) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۷- پنتن

(۱۵۳) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۸- پنتن

(۱۵۴) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۴۹- پنتن

(۱۵۵) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵۰- پنتن

(۱۵۶) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵۱- پنتن

(۱۵۷) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵۲- پنتن

(۱۵۸) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵۳- پنتن

(۱۵۹) ۴- اتیل - ۴- متیل - ۱۵۴- پنتن



- ۲۰۴ - واکنش  $2A(g) \rightarrow B(g) + 2C(g)$  در یک سیلندر با پیستون روان در حال انجام است. اگر پس از تجزیه‌ی  $40\%$  واکنش دهنده‌ی A، حجم گازهای درون سیلندر با فرض شرایط STP برابر  $7/84L$  باشد، جرم یک مول A چند گرم است؟ (جرم اولیه‌ی گاز A برابر  $8g$  است).

۳۲ (۴)

۲۴ (۳)

۴۰ (۲)

۴۸ (۱)

- ۲۰۵ - دو سیلندر داریم که هر کدام به یک پیستون روان مجهز هستند. اگر در یک سیلندر  $4g$  گاز هلیم و در سیلندر دیگر  $16g$  گاز اکسیژن بریزیم، با فرض دما و فشار ثابت چه تعداد از ویژگی‌های زیر در دو سیلندر یکسان است؟ ( $He = 4, O = 16: g/mol^{-1}$ )

ت) شمار اتم‌ها

پ) چگالی

ب) حجم

آ) مول

۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

- ۲۰۶ - چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟ ( $C = 12, H = 1, O = 16: g/mol^{-1}$ )

(آ) اگر تغییر دما برابر یک کلوین باشد، در این صورت ظرفیت گرمایی جسم با ظرفیت گرمایی ویژه‌ی آن برابر خواهد بود.

(ب) هر چه ظرفیت گرمایی ویژه‌ی یک جسم بیشتر باشد، آسان‌تر می‌توان دمای آن را افزایش داد.

(پ) اگر جرم یک جسم را دو برابر کنیم، ظرفیت گرمایی ویژه‌ی آن ثابت می‌ماند اما ظرفیت گرمایی آن نصف می‌شود.

(ت) نسبت ظرفیت گرمایی یک مول گاز پروپان به ظرفیت گرمایی ویژه‌ی آن با همین نسبت در گاز کربن دی‌اکسید برابر است.

۴) ۴

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۲۰۷ - اگر آنتالپی سوختن پروپن در دمای  $25^\circ C$  برابر  $2058$  کیلوژول برمول و هنگامی که بخار آب تولید کند برابر  $1935$  کیلوژول برمول باشد، گرمای لازم برای تبخیر  $22/5$  گرم آب تقریباً چند کیلوکالری است؟ ( $H_2O = 18 g/mol^{-1}$ )

۳۸/۴ (۴)

۵۱/۲۵ (۳)

۹/۲ (۲)

۱۲/۲۵ (۱)

- ۲۰۸ - واکنش گاز هیدروژن با چه تعداد از گازهای زیر گرماده است؟

- نیتروژن (برای تولید آمونیاک)
- نیتروژن (برای تولید هیدرازین)
- اکسیژن
- کلر

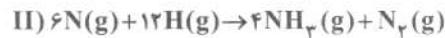
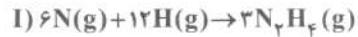
۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

- ۲۰۹ - با توجه به داده‌های جدول زیر، آنتالپی واکنش (I) به اندازه‌ی ..... کیلوژول، ..... از آنتالپی واکنش (II) است.



N-H	N≡N	N=N	N-N	پیوند
۳۸۸	۹۴۴	۴۰۹	۱۶۳	متوسط آنتالپی پیوند ( $kJ/mol^{-1}$ )

(۱) ۲۸۳، پایین‌تر

(۲) ۲۸۳، بالاتر

(۳) ۴۵۵، پایین‌تر

(۴) ۴۵۵، بالاتر

- ۲۱۰ - اگر  $CO$  و  $NO$  دو گاز آلوده‌کننده‌ی هوا هستند که از اگزوز خودروها خارج می‌شوند. شیمی‌دان‌های محیط زیست از واکنش میان این دو گاز، گازهای کم‌ضرر تر تولید کرده‌اند. واکنش موردنتظر در چه شرایطی خود به خود انجام پذیر است؟

۲) دمای پایین

۱) دمای بالا

۴) در هیچ دمایی خود به خود انجام نمی‌شود.

۳) تمامی دمایها

- ۲۱۱ - اگر  $27$  گرم محلول سیرشده‌ی پتاسیم نیترات را از دمای  $5^\circ C$  تا  $28^\circ C$  سرد کنیم، حداقل  $6$  گرم رسوب تشکیل می‌شود. درصد جرمی محلول سیرشده‌ی این نمک در دمای  $28^\circ C$  کدام است؟ (انحلال پذیری  $KNO_3$  در دمای  $5^\circ C$  در آب برابر  $80$  گرم است).

۳۷/۵ (۴)

۲۸/۵۷ (۳)

۳۲/۲۵ (۲)

۴۲/۵ (۱)

محل انجام محاسبات



- ۲۱۲ - اگر  $20/52$  گرم آلومینیم سولفات و  $9/32$  گرم باریم سولفات را با مقداری آب خالص مخلوط کرده و سپس حجم آن را به  $1200$  میلی لیتر برسانیم، غلظت یون سولفات موجود در محلول چند مولار است؟  $(Al=27, S=32, O=16, Ba=137: g/mol^{-1})$

۰/۰۸۳ (۴)

۰/۱۸۳ (۳)

۰/۰۵ (۲)

۰/۱۵ (۱)

- ۲۱۳ - در دما و فشار یکسان، نقطه‌ی جوش چه تعداد از محلول‌های زیر با هم برابر است؟

• محلول  $4/0$  مولال استون در آب• محلول  $4/0$  مولال اتیلن گلیکول در آب• محلول  $4/0$  مولال اتانول در آب• محلول  $2/0$  مولال منیزیم سولفات در آب

۲ (۲)

۲ (۱)

۴ (۳)

۴) نقطه‌ی جوش هیچ دو محلولی با هم برابر نیست.

- ۲۱۴ - محلوطي از آلومینیم کلرید، سدیم کلرید و کلسیم کلرید را در مقدار کافی آب حل می‌کنیم. غلظت یون کلرید در محلول به دست آمده برابر است با ..... (M نشان‌دهنده غلظت مولار است).

$$\frac{1}{3}(M_{Na^+} + 2M_{Ca^{2+}} + 3M_{Al^{3+}}) \quad (۱)$$

$$M_{Na^+} + 2M_{Ca^{2+}} + 3M_{Al^{3+}} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{6}(M_{Na^+} + M_{Ca^{2+}} + M_{Al^{3+}}) \quad (۱)$$

$$\frac{1}{3}(M_{Na^+} + M_{Ca^{2+}} + M_{Al^{3+}}) \quad (۳)$$

- ۲۱۵ - در کدام گزینه، فاز پخش‌کننده‌ی هر سه کلووید، مایع است؟

۱) مه، جسب مایع، کره

۱) کف صابون، شیر، رنگ‌های روغنی

۴) ژل موی سر، رنگ‌های پوششی، شیر منیزی

۳) سس مایونز، ژله، افشاهه

## شیمی ۳



- ۲۱۶ - در معادله‌ی واکنش زیر، پس از موازنی، نسبت ضریب مولی  $Na_2SO_4$  به  $FeS_2$  کدام است؟



۴ (۴)

۲ (۳)

 $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{1}{2}$  (۱)

- ۲۱۷ - کدام مطلب درباره‌ی پلیمرهای تفلون و پلی‌تن نادرست است؟

۱) واحد سازنده‌ی هر کدام از آن‌ها دارای ۶ اتم است.

۲) مولکول سازنده‌ی هر کدام از آن‌ها، گازی‌شکل و پلیمرهای حاصل، در دمای اتاق جامدند.

۳) در هر دو پلیمر، تمامی پیوندها به صورت یگانه (ساده) است.

۴) این پلیمرها طی مجموعه‌ای از واکنش‌های سنتزی تولید می‌شوند و طی آن، ظرفیت و قلمروی الکترونی اتم‌های کربن تغییر نمی‌کنند.

- ۲۱۸ - اگر  $11/2$  گرم از عنصر A با  $6/4$  گرم از عنصر B ترکیب شود، ماده‌ای با فرمول تجربی  $A_2B$  تشکیل می‌شود. فرمول تجربی ماده‌ای که از ترکیب شدن  $16/8$  گرم A و  $48$  گرم B به دست می‌آید، کدام است؟

 $A_2B_4$  (۴) $A_2B_5$  (۳)

AB (۲)

AB<sub>2</sub> (۱)

- ۲۱۹ - یک نوع سنگ معدن حاوی فلزات Cu, Sn, Pb و Zn است. فرض کنید در یک نمونه‌ی  $3/139$  گرمی از این سنگ معدن طی چند واکنش، قلع به  $7/235$  گرم  $SnO_2$ , سرب به  $2/345$  گرم  $PbSO_4$  و روی به  $0/7238$  گرم  $Zn_2P_2O_7$  تبدیل شده است. درصد جرمی

مس در این نمونه‌ی سنگ معدن، به تقریب چقدر است؟  $(O=16, P=31, S=32, Zn=65, Sn=119, Pb=207: g/mol^{-1})$

۸۱ (۴)

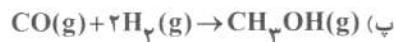
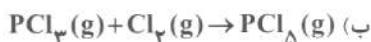
۷۸ (۳)

۶۹ (۲)

۶۴ (۱)



۲۲۰- در چه تعداد از واکنش‌های زیر، سامانه روی محیط کار انجام می‌دهد؟



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۲۱- چه تعداد از روابط زیر، درست است؟

$$(\text{آ}) \text{ جرم جسم} \times \text{ظرفیت گرمایی ویژه} = \text{ظرفیت گرمایی}$$

$$(\text{ب}) \text{ تغییر دما} \times \text{ظرفیت گرمایی} = \text{مقدار گرمایی مبادله شده}$$

$$(\text{پ}) \text{ تغییر دما} \times \text{ظرفیت گرمایی مولی} \times \text{تعداد مول} = \text{مقدار گرمایی مبادله شده}$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۲۲۲- آنتالپی استاندارد تشکیل  $\text{D} \rightarrow \text{B}$ ، با توجه به شکل و معلومات داده شده، برحسب کیلوژول کدام است؟

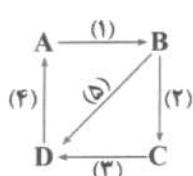
$$\Delta H_1 = -250 \text{ kJ}; \Delta H_2 = -180 \text{ kJ}; \Delta H_3 = 370 \text{ kJ}$$

+120 (۱)

-120 (۲)

-60 (۳)

+60 (۴)

۲۲۳- اگر  $\Delta H^\circ$  سوختن اتانول برابر  $286 \text{ kJ.mol}^{-1}$  است،  $\Delta H^\circ$  تشکیل آن برابر  $275 \text{ kJ.mol}^{-1}$  و  $\Delta H^\circ$  تشکیل  $\text{H}_2\text{O(l)}$  برابر  $-270 \text{ kJ.mol}^{-1}$ باشد،  $\Delta H^\circ$  تشکیل گاز  $\text{CO}_2$ ، برابر چند کیلوژول بر مول است؟

-۲۳۷ (۴)

-۷۸۷ (۳)

-۳۹۳ (۵)

-۱۱۸ (۵)

۲۲۴- واکنش  $(\Delta H = -90 \text{ kJ}, \Delta S = -120 \text{ J.K}^{-1})$ ، در چه دمایی به طور خودبهخودی انجام می‌شود؟

80.0 K (۲)

110.0 °C (۱)

80.0 °C (۳)

45.0 °C (۳)

۲۲۵- اگر حجم‌های مساوی از هگزان، اتانول، استون و آب در یک ظرف مخلوط شوند، چند فاز و چند فصل مشترک مشاهده می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

۲۰۳ (۴)

۲۰۲ (۳)

۱۰۳ (۲)

۱۰۲ (۱)

۲۲۶- چه تعداد از مطالب زیر، در مورد فرایند انحلال یک ترکیب یونی در آب، نادرست است؟

(آ) در مرحله‌ی اول، شبکه‌ی بلوری ترکیب یونی از هم می‌باشد که این مرحله با صرف انرژی همراه است.

(ب) با فروپاشی شبکه‌ی بلوری، ترکیب یونی به یون‌های گازی سازنده‌ی آن تبدیل می‌شود.

(پ) در مرحله‌ی دوم، مولکول‌های آب از یکدیگر جدا می‌شوند و در مرحله‌ی سوم، بین یون‌ها و مولکول‌های آب، یک جاذبه‌ی قوی برقرار می‌شود.

(ت) مجموع مراحل ۲ و ۳ را مرحله‌ی آب پوشی می‌نامند که با توجه به نوع ترکیب یونی می‌تواند گرمایش یا گرماده باشد.

۴ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

۲۲۷- تقریباً چند گرم پتاسیم نیترات با خلوص ۸۰٪ را باید به ۲۰۰ g آب اضافه کنیم تا محلول ۲۵٪ جرمی  $\text{KNO}_3$  به دست آید؟ (ناخالصی‌ها در آب حل می‌شوند).

۸۳/۳۳ (۴)

۶۲/۵ (۳)

۹۰/۹ (۲)

۵ (۱)



-۲۲۸- برای تهییه کدام محلول مقدار کمتری سدیم کلرید به کار رفته است؟<sup>(۱)</sup>

۱)  $10\text{g}$  محلول که نسبت به سدیم کلرید، ۱ مولال است.

۲)  $10\text{mL}$  محلول که نسبت به سدیم کلرید، ۱ مولار است.

۳)  $1\text{kg}$  محلول که در آن غلظت  $\text{Na}^+$  برابر با  $20\text{ppm}$  است.

۴)  $1\text{kg}$  محلول که درصد جرمی سدیم کلرید در آن  $5/5$  درصد است.

-۲۲۹- کدام مطلب در مورد پاککننده‌های زیر، درست است؟<sup>(۱)</sup>



(B)



(A)

۱) حالت فیزیکی هر دو پاککننده یکسان است.

۲) در پاککننده‌ی B، چربی‌ها به حلقه‌ی بنزنی، ولی در پاککننده‌ی A، چربی‌ها به زنجیر کربنی می‌چسبند.

۳) در هر دو پاککننده، کاتیون‌های فلزی سر قطبی و آب‌دوست پاککننده به شمار می‌آیند.

۴) پاککننده‌ی B پس از پاککننده‌ی A به بازار عرضه شد.

-۲۳۰- در کدامیک از گزینه‌های زیر، فاز پخش‌شونده‌ی دو کلووید، یکسان ولی فاز پخش‌کننده‌ی آن‌ها متفاوت است؟<sup>(۱)</sup>

۱) مه، غبار

۲) شیر، مایونز

۳) کف صابون، یونالیت

۴) زله، سنگ پا

دفترچه شماره ۳

آزمون شماره ۱۵

جمعه ۹۶/۱۱/۰۶

# آزمون‌های سراسری

# گاج

گنبد درسترا انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۳۹۶-۹۷

## پاسخ‌های تشریحی

### گروه آزمایشی علوم ریاضی

#### چهارم دبیرستان (پیش‌دانشگاهی)

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
۱۸۵	۱۸۰ دقیقه

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال از تا	مدت پاسخگویی
۱	زبان و ادبیات فارسی	۲۰	۱	۱۵ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۰	۲۱	۱۵ دقیقه
۳	فرهنگ و معارف اسلامی	۲۰	۴۱	۱۵ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۰	۶۱	۱۵ دقیقه
۵	ریاضیات ۲	۵	۸۱	۸۵ دقیقه
	ریاضیات ۲ Gaj Book	۵	۸۶	۹۰ دقیقه
	حسابان پایه	۵	۹۱	۹۵ دقیقه
	حسابان Gaj Book	۵	۹۶	۱۰۰ دقیقه
۶	آمار و مدل‌سازی	۱۰	۱۰۱	۱۱۰ دقیقه
	جبر و احتمال	۱۰	۱۱۱	۱۲۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۱۲۱	۱۳۰ دقیقه
	فیزیک ۱ / فیزیک ۲	۲۰	۱۳۱	۱۵۰ دقیقه
۷	فیزیک ۳	۲۰	۱۵۱	۱۷۰ دقیقه
	شیمی ۲	۱۵	۱۷۱	۱۸۵ دقیقه
	شیمی ۲ Gaj Book	۱۵	۱۸۶	۲۰۰ دقیقه
	شیمی ۳	۱۵	۲۰۱	۲۱۵ دقیقه
۸	شیمی ۳ Gaj Book	۱۵	۲۱۶	۲۳۰ دقیقه

حق چاپ و تکثیر پاسخ‌های آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی منع می‌باشد و بیگرد قانونی دارد.



# آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
ابوالفضل مزرعی - اسماعیل محمدی مسیح گرجی - مریم نوری نیا	امیرنجالات شجاعی - مهدی نظری	زبان و ادبیات فارسی
محمد مهدی تحریرشی - حسام حاج مؤمن شاهر مرادیان - سمیه رضابور	بهروز حیدریکی	زبان عربی
بهاره سلیمانی	مرتضی محسنی کبیر - فردین سماقی	فرهنگ و معارف اسلامی
رزیتا قاسمی	امید یعقوبی فرد	زبان انگلیسی
خلیل اسم خانی - لیلا سمعیعی عارف ندا فرهنختی - پگاه افتخار	یوسف داستان	ریاضی ۲ + حسابان
خلیل اسم خانی - علی جهانگیری رزیتا قاسمی	عباس رحیمی	آمار و مدل‌سازی
امیر شهریار قربانیان - ایمان زارعی امین بابازاده - رضیه قربانی	حسین کرد	جبر و احتمال
	عباس رحیمی	هندسه ۱
	ارسان رحمانی	فیزیک
	پریا الفتی محمد پارسا فراهانی	شیمی

## امداده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

ویراستاران فنی: رزیتا قاسمی - سانا فلاحی - آمنه قلیزاده - سمیه رضابور

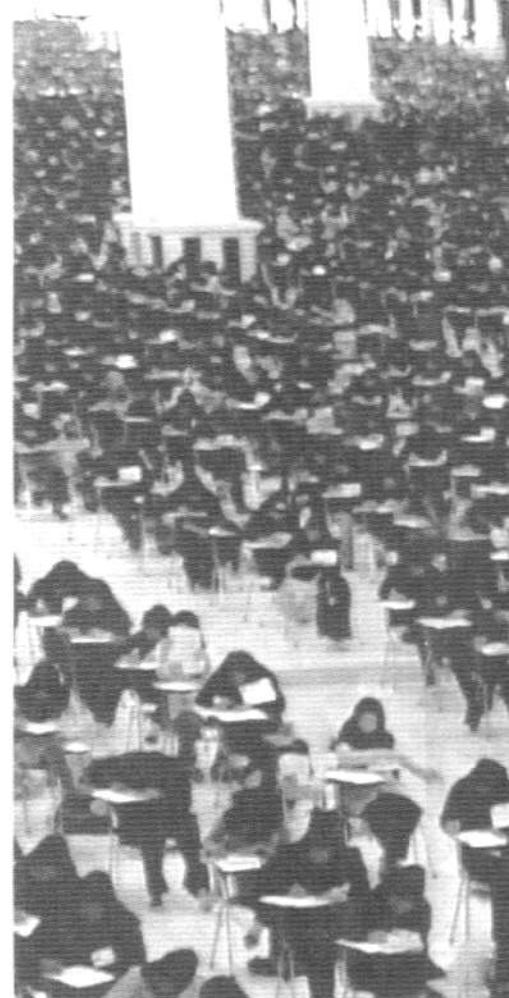
سربرست واحد فنی و صفحه‌آرا: مهرداد شمسی

طراح شکل: اذر توکلی نژاد - فاطمه میناسرشت

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - آنیتا طارمی - زهرا نظری‌زاد - مقصومه میناسرشت

فرهاد عبدی - سجاد لشکری - نرگس اسودی

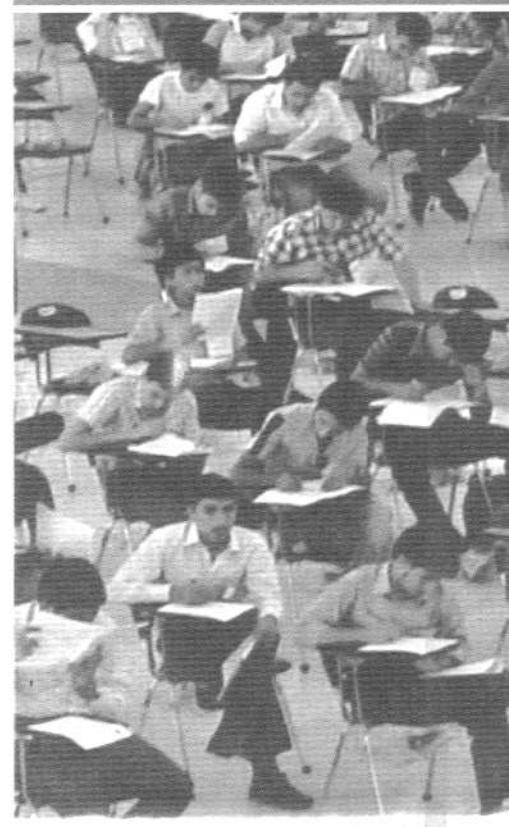
امور چاپ: عباس جعفری



دفتر مرکزی تهران، خیابان انقلابه بین  
چهارراه ولی‌عصر (عج) و  
خیابان فلسطین، شماره ۹۱۹

اطلاع رسانی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی www.gaj.ir



به نام خدا

## حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی: با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.

۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.

۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.

۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیک‌ترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.

۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.

۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.

۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحویل شما گردد:

• مراجعه به سایت گاج به نشانی [www.gaj.ir](http://www.gaj.ir).

• مراجعه به نمایندگی.

۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:

• برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت انفرادی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.

• تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.

• تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].

• بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلافاصله با تلفن **۰۲۱-۶۴۲۰** تماس حاصل نموده و

مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،  
صدای دانشآموز است.



## زبان و ادبیات فارسی

کanal رفع اشکال: @adabiat\_gaj

DriQ.com

**۱** معنی درست واژه‌ها: **کله**: خیمه‌ای از پارچه‌ی تُنک و لطیف که آن را هم‌جون خانه می‌دوزند؛ پیشه‌بند، حجله‌ی عروسی / **مجامله**: چرب زبانی،

جمله‌پردازی / **طومار**: نامه، کتاب، دفتر، توشتی دراز، لوله‌ی کاغذ / **کومه**: خانه‌ای از نی و علف که کشاورزان و باغبانان در آن می‌نشینند؛

آلونک، کَپِر، کلبه / **آزگار**: زمانی دراز، به طور مداوم، تمام و کامل

**۲** معنی درست واژه‌ها: **عقار**: آب و زمین / **سعایت**: سخن‌چینی / **رقعه**: قطعه‌ی کاغذی که روی آن می‌نویسنند. / **هُرّا**: صدا و غوغای آواز مهیب /

میبا: آبگینه، شیشه / **وَدود**: بسیار مهربان، بسیار دوست دارنده، صفتی از صفات خدای تعالی است. / **بنان**: انگشت / **کوکب**: ستاره

**۳** معنی درست واژه: **حافی**: جفاکننده، جفاکار

**۴** املای درست واژه: ضیا

**۵** املای درست واژه‌ها: **زلت**: لغش (ذلت: خواری) / **نامرضی**: ناپستد / **فراغ**: آسایش (فراق: دوری)

**۶** **یار** / **اگر** / **رفت** / **∅** / **واحق** / **∅** / **اصحبت** / **∅** / **ادیر** / **ین** / **آن** / **شناخت** / **∅** (۱۴ تکواز)

### بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) عمر / ای است / **∅** / تا / من ادر / طلب / هر / روز / گام / ای / امی ازن / ام (۱۵ تکواز)

(۲) گفت / **∅** / او / خوش اگفت / **∅** / ب / ارو / **∅** / اخرقه / ب / اسوز / ان / **∅** / حافظ (۱۵ تکواز)

(۳) چون اکه / جز اتبع / **∅** / اغم انت / آن / است / **∅** / اکس / ای / ادم / ساز / ام (۱۵ تکواز)

**۷** نسیم سحر / آرامگه یار / منزل ... مه / آن مه / مه عاشق‌کش / مه عیار / شب تار / ره وادی / وادی ایمن / آتش طور / موعد دیدار / هر که /

نقش خرابی (۱۲ ترکیب)

**۸** دوجزئی («ه»): یک غزل ماندست / بیا

چهار جزئی با مفعول و مستند («ج»): هرچه ... هیچ انگار

سه جزئی با متمم («ب»): در شهرها نمی‌گنجید

سه جزئی با مفعول («د»): رضای دوست به دست آر / دیگران بگذار

سه جزئی با مستند («الف»): به بند بلای کسی گرفتاری / گناه تو است

**۹** من خود عاجزم

**۱۰** گواه عزت پنهان / گناه پای نافرمان (صفت مضافق‌الیه)

**۱۱** اغراق: این ادعای شاعر که اگر گریه کند، سیل اشکش دنیا را خراب می‌کند.

حسن تعليل: شاعر دليل گریه نکردن خود را هراسش از نابودی جهان در اثر سیل اشک‌هایش دانسته است!

**۱۲** ایهام تناسب: شانه: - ابزار آرایش مو - کتف (معنی نامناسب / تناسب با دست) / استعاره: دست شانه

### بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ایهام: — / کنایه: «بیرون ریختن آن چه نمی‌توان برد» کنایه از: عدم وابستگی به تعلقات دنیوی

(۲) تلمیح: اشاره به داستان فرهاد کوهکن / پارادوکس: —

(۳) تضاد: خار ≠ گل / فرزانه ≠ دیوانه / اسلوب معادله: —

**۱۳** نام درست پدید آورندگان آثار:

رهگذر مهتاب: طاهره صفارزاده / آخر شاهنامه: مهدی اخوان ثالث / چمن لاله: سید علی موسوی گرمارودی / نامه‌ها: بزرگ علوی

اثر نادرست: بیعت با بیداری (طاهره صفارزاده)

**۱۴** بزرگ روای دو دل: ارنست همینگوی

فیل در خانه‌ی تاریک: ناصر ایرانی

حبيب شیرازی، معروف به قاتلی، از شاعران ایرانی قرن سیزدهم هجری است.

«به جای» در این گزینه در معنی «در عوض» به کار رفته است، و در سایر گزینه‌ها در معنی «در حق».

**۱۵** مفهوم گزینه‌ی (۲): در پرده سخن گفتن عارفان

**۱۶** مفهوم مشترک بیت سؤال و سایر گزینه‌ها: راز عشق، پنهان‌ماندنی نیست.



مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه‌ی (۳): آب که از سر گذشت چه یک وجب چه صد وجب!

## مفهوم سایر گزینه‌ها:

- (۱) زیبایی یار      (۲) نکوهش غفلت      (۳) گذارندگی غم

۱۸

مفهوم بیت اول: ستایش بی ثمری

مفهوم بیت دوم: نکوهش غفلت

## مفهوم سایر گزینه‌ها:

- (۱) تسلیم عاشقانه

- (۲) خوشباشی خوشباشی

- (۴) حسرت بر جوانی از دست رفته

۱۹

مفهوم مشترک ایيات گزینه‌ی (۱): بی تعلقی و وارستگی

## مفهوم سایر بیت‌ها:

- الف) لذت بلای عشق

- ب) دعوت بر ایستادگی در برابر سختی‌ها / توصیه به نیکی

۲۰

## زبان عربی

۲۱

## اشتباهات بازسایر گزینه‌ها:

- (۱) زاید بودن «همه»، باشد (→ است)

- (۲) زاید بودن «این»، مؤمنان (← برای مؤمنان)، نازل کردہ‌ایم (← نازل می‌کنیم؛ «نزَلَ» فعل مضارع است.)

- (۴) اشتباه بودن جای «آن جه» در ترجمه، نازل کردیم (← نازل می‌کنیم)

۲۱

## اشتباهات بازسایر گزینه‌ها:

- (۱) است (← بود)، تلاشش ... (← تلاش می‌کرد)

- (۲) است (← بود)، عدم ترجمة عبارت «و إن كان وحيداً»، تلاش می‌کند (← تلاش می‌کرد)، تا (← که)، مشکلات زندگی (← سختی‌های روزگار)

- (۴) عدم ترجمة «و إن»، سعیش بر این بود (← تلاش می‌کرد)، تا (← که)

۲۲

## ترجمه درست سایر گزینه‌ها:

- (۲) بی شک این جزای توست به دلیل فراموش کردن بیچارگان.

- (۳) این موضوع را نخواهی توانست حل کنی مگر بعد از تکیه بر خودت.

- (۴) آیا ندانسته است (ندانست) که خداوند می‌بیند؟

ترجمه درست عبارت: «این زنی است که بر ضد ستمگران به پا می‌خیزد.»

۲۳

۲۴

۲۵

۲۶

## اشتباهات بازسایر گزینه‌ها:

- (۲) المسلمين (← المسلمين) صفت برای «العلماء» است و باید به صورت مرفوع بباید، چون «العلماء» مبتدأ و مرفوع است. طرح (← طرحها)

- (۳) علماء المسلمين (← العلماء المسلمين) «دانشمندان مسلمان» ترکیب وصفی است. یتوصلون (← توصلوا)، النظریات (← نظریات) چون جمله «طرحها» وصفیه است، «نظریات» باید به صورت نکره بباید. یطرحها (← طرحها؛ «مطرح کردن» ماضی است).

- (۴) علماء المسلمين (← العلماء المسلمين)، النظریات (← نظریات)



■ متن زیر را با دقّت بخوان سپس متناسب با آن به سؤالات زیر پاسخ بده (۳۳ – ۲۷):

جهان بسیاری از اکتشاف‌ها و اختراقات را به خصوص در زمینه تکنولوژی در عصر کنونی ما به خود دیده است. از مهم‌ترین این اختراقات، اختراق اینترنت است که سهم زیادی در ارتباط بعضی با بعضی دیگر در جهان دارد. بنابراین جهان (تبديل به) یک دهکده کوچک شده است. همانند دیگر اختراقات، اینترنت هم خالی از نقاط مثبت و منفی نیست. از مهم‌ترین نقاط مثبت (آن) همان ارتباطی است که اینترنت بین انسان‌ها با وجود اختلاف ملیت‌ها و جاها‌یشان فراهم می‌کند. تمام آن‌چه که برای حرف زدن باکسی که در نیمة دیگر زمین زندگی می‌کند، نیاز داری، تنها فشار دادن دکمه‌های کامپیوتر است. همان‌طور که آن (اینترنت) برای همه انسان‌ها فرصت‌هایی را برای آموختن فراهم می‌کند. اما در مورد نقاط منفی‌اش، به عنوان مثال، انحراف اخلاقی‌ای است که جوانان با آن روبرو می‌شوند؛ زیرا آن‌ها در این سن می‌توانند به سایت‌های غیراخلاقی دسترسی پیدا کنند؛ سایت‌هایی که انتشار آن‌ها به شکل قابل ملاحظه‌ای افزایش یافته است.

١ ٢٧

### ترجمة گزینه‌ها:

- (۱) مهم‌ترین اختراقی که تا الان کشف شده است، اینترنت است.
- (۲) نقاط مثبت و منفی اینترنت به طریقه استفاده از آن بستگی دارد.
- (۳) اینترنت باعث می‌شود که در هزینه و وقت در کارهایمان صرفه‌جویی کنیم.
- (۴) شاید در آینده به لطف اینترنت، فردی سوادی در جهان پیدا نشود (وجود نداشته باشد).

► **دقّت گلید:** که در متن آمده «من أهم... از مهم‌ترین...» اختراقات اینترنت بوده است نه این که مهم‌ترین اختراق، اینترنت بوده باشد.

٢ ٢٨

منظور از عبارت «دنيا تبدیل به دهکده‌ای کوچک شده است» چیست؟

### ترجمة گزینه‌ها:

- (۱) از نتایج استفاده از اینترنت، افزایش دوستی بین مردم است.
- (۲) هنگامی که اتفاقی در جهان بیفتند، همه از جزئیات آن باخبر می‌شوند.
- (۳) کاهش قیمت‌ها در همه زمینه‌ها به خصوص در زمینه آموزش و آموختن.
- (۴) گسترش نیافتن جهان موجب اختراقات جدید می‌شود.

■ گزینه درست را در حرکت‌گذاری مشخص کن: (۲۹ و ۳۰)

٣ ٢٩

حرکت‌گذاری کامل عبارت: «لقد شهد العالم العظيم من الاكتشافات والاختراقات في عصرنا الحالى».

تركیب کلمات مهم: العالم: فعل و مرفوع / العدید: مفعول به و منصوب / الاكتشافات: مجرور به حرف جر / عَضْرِ: مجرور به حرف جر / الحالى: صفت و به تبعیت مجرور از موصوف «عصر»

٤ ٣٠

حرکت‌گذاری کامل عبارت: «إنَّ مِنْ أَهْمَّ الإِيجَابَاتِ هُوَ الْرَّيْطُ الَّذِي يُؤْفِرُهُ الْإِنْتَرْنَتُ بَيْنَ النَّاسِ بِالْخَلَافِ أَنْوَاعِهِمْ وَأَمَاكِينِهِمْ».

تركیب کلمات مهم: أهم: مجرور به حرف جر (اسم غیرمنصرف چون مضاف شده، گرفته است). / الإيجابات: مضاف‌إليه و مجرور / الـرـيـطـ: اسم مؤخر «إن» و منصوب / الإنـتـرنـتـ: فعل و مرفوع / أماـكـينـ: معطوف و به تبعیت مجرور (اسم غیرمنصرف چون مضاف شده، گرفته است).

■ گزینه درست را در اعراب و تحلیل صرفی مشخص کن (۳۱ – ۳۳):

٢ ٣١

### مواد نادرست سایر گزینه‌ها:

- (۱) مبني ← معرف / مرفوع بالتبعية ← منصوب بالتبعية
- (۳) اسم فاعل ← اسم تفضيل / منصرف ← منمنع من الصرف / مرفوع بالتبعية ← منصوب بالتبعية
- (۴) مبني ← معرف

٤ ٣٢

### مواد نادرست سایر گزینه‌ها:

- (۱) مبني ← معرف / ضمير «هو» المستتر ← الشاب
- (۲) مجرّد ثلاثي ← مزيد ثلاثي
- (۳) مبني للمجهول ← مبني للمعلوم / مضارع ← مضارع / ضمير «ه» الباز → الشاب



## موارد نادرست سایر گزینه‌ها:

- ۱) للمتكلّم وحده ← للغائبين / فعل و فاعله ← فعل من الأفعال الناقصة، إسمه ضمير «الواو» البارز
- ۲) متعدّ (برای فعل‌های ناقصه، لازم و متعدّ معنای ندارد)
- ۳) لازم (برای فعل‌های ناقصه، لازم و متعدّ معنای ندارد). / مبني على الفتح ← مبني على الضم / ضمير «هو» المستتر ← ضمير «الواو» البارز

گزینه مناسب را در مورد سؤالات زیر مشخص کن (۴۰ – ۳۴):

## بررسی گزینه‌ها:

- ۱) «عالي» اسم منقوص است اما چون خبر «كُنْ» و منصوب شده، اعرابش اصلی است. «أيدي» همچون مفعول «لا تمدّ» شده، اعرابش اصلی است.
- ۲) «داعي» خبر «كونوا» است و در اصل «داعين» و جمع مذکر سالم بوده است. چون به «الناس» اضافه شده، «ن» آن حذف می‌شود، پس اعرابش فرعی و منصوب است.
- ۳) «القاضي» اسم «إنّ»، منصوب و اعرابش اصلی است.
- ۴) «راضٍ» خبر و تقديرًا مرفوع است. اسم منقوص اگر «ال» نداشته باشد، در حالت جر و رفع «يِ» می‌گيرد. دقت کنید که این تنوين، علامت اعراب نیست؛ يعني اسم منقوص در این حالت، همچنان اعراب تقديری دارد.

«الصور» جمع مکسر «الصورة: عکس» است، پس صفت‌ش بايد به صورت مفرد مؤثث بباید ← الصور المتحركة

## بررسی سایر گزینه‌ها:

- ۱) «مبطلو» در اصل «مبطلون» بوده و چون به «صدقات» اضافه شده، «ن» آخر حذف شده است.
- ۲) «النفس» مؤثث مجازی است و صفت‌ش به صورت مفرد مؤثث (الأمارة) می‌آید.
- ۳) «إخوان» جمع مکسر «أخ» است و اعراب اصلی می‌گيرد. پس دلیلی ندارد «ن» آن حذف شود. «حفلة»، «ميلاد» و «إبن» هر سه مضاف‌اند که «ال» نگرفته‌اند. «الصغرى» هم، صفت «إبن» است و از لحاظ تعداد و جنس با آن مطابقت می‌کند.
- ۴) «لَا» در این گزینه «لَا» نفی است نه نهی، پس دلیلی ندارد «ن» از آخر فعل حذف شود.

ترجمه عبارت: «ای مردم، آیا به آفرینش عجیبتان نگاه نمی‌کنید؟»

## بررسی سایر گزینه‌ها:

- ۱) «آلا» در اصل «أن + لا» بوده است. «أن» باعث شده «ن» فعل «تعبدوا» حذف شود.
- ۲) «يسافرن» و «يَصلَّنَ» هر دو فعل مضارع جمع مؤثث غایب‌اند و با آمدن «ل» جازمه و «لكي» ناصبه آخرشان هیچ تغییری نمی‌کند.
- ۳) «لا تُكرّمي» فعل نهی مفرد مؤثث مخاطب است. «ن» به دلیل «لَا» نهی حذف شده است.
- ۴) در این عبارت «من» شرطیه وجود دارد. چون بعد از آن شرط و جواب آمده و خود «من» به معنای «هر کس» است. « جاءَ » فعل شرط و محلّاً مجزوم و «يَفتحَ» جواب شرط و مجزوم است.

ترجمه عبارت: «هر کس برای خداوند، قلبی سليم بیاورد، خداوند درهای غیب را به روی او می‌گشاید.»  
در گزینه‌های «۲» و «۳»، «من» از نوع موصول و به معنی «کسی که» و در گزینه «۴»، «من» استفهامیه و به معنای «چه کسی» است.

## بررسی گزینه‌ها:

- ۱) «ذكريات» مفعول به جمله معلوم است؛ پس در جمله مجھول باید نائب فاعل شود نه این‌که كَلَّا حذف شود ← تُذَكَّر ذكريات أَيَام العطفولة.
- ۲) «يغتَير» فعل مضارع است و باید به صورت مضارع مجھول شود نه مضى ← تَغْتَيرَ ساعَةً امتحان الفيزياء.
- ۳) «الله» فاعل است که حذف می‌شود. ضمير «كُمْ» مفعول به است و باید در جمله مجھول، نائب فاعل شود. وقتی مفعول به جمله معلوم، ضمير متصل باشد، هنگام مجھول کردن فعل، آن را به صيغه آن ضمير می‌بريم؛ يعني «يَرَحْمُ» که مفرد مذکر غائب است، باید در صيغه «كُمْ» (جمع مذکر مخاطب) مجھول شود؛ يعني همان «تُرَحِّمُونَ».
- ۴) «جائِزَتِين» در جمله معلوم، مفعول به و «غالِيتِين» صفت‌ش است. این دو اعرابشان باید یکی باشد که در جمله معلوم هست. وقتی جمله مجھول شده، «جائِزَتِان» به عنوان نائب فاعل مرفوع شده، ولی «غالِيتِين» به عنوان صفت‌ش منصوب مانده که اشتباه است ← جائزتان غالیتان.



اسم «أصيـر»، «أـنـا» مستـر و محلـاً مـرـفـوع و خـبـرـش «مـهـنـدـسـاً» و منـصـوبـ است.

۲ ۳۹

## بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) «لعل» از حروف مشبّهة بالفعل و اسمش منصوب است. علامت نصب مثنی، ياء(ى) است ← لعل هذين الطالبين ...

۳) «ليس» از افعال ناقصه است که خبرش باید منصوب باشد در صورتی که «نافع» به صورت مرفوع آمده است ← ... ليس الكذب نافعاً

توجه: اگر اسم مفردی بخواهد تنوین فتحه بگیرد، یا باید «ة» داشته باشد یا به آن یک «الف» اضافه می‌کنیم.

۴) «مادام» جزء افعال ناقصه است و خبرش باید منصوب باشد. از طرفی علامت نصب جمع مذکور سالم، «ي» است. ← مadam الطالـاب  
متکـاسـلـين ...

۲ ۴۰ «لا» در این گزینه لای نفی جنس و «سبيل» اسمش، مبني بر فتح و محلـاً منصوبـ است.

ترجمـة عـبارـت: «اـگـرـ خـداـونـدـ بـخـواـهـدـ كـسـيـ رـاـ گـمـراـهـ كـنـدـ،ـ هـيـجـ رـاهـيـ بـرـايـ هـدـايـتـشـ وـجـودـ نـدارـدـ.ـ»

## بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) «أـلـاـ» به معنـیـ «آـگـاهـ باـشـ» است. «خـوفـ» تنـوـينـ ضـمـهـ گـرفـتـهـ بـنـابـرـايـنـ «لاـ» نـمـىـ تـوـانـدـ لـاـيـ نـفـيـ جـنـسـ باـشـدـ (اسم لـاـيـ نـفـيـ جـنـسـ،ـ مـبـنيـ برـ فـتـحـ اـسـتـ) وـ «لاـ» قـبـلـ اـزـ «هـمـ» هـمـ صـرـقاـ لـاـيـ نـفـيـ اـسـتـ.

۲) لـاـيـ نـفـيـ جـنـسـ هـيـجـ گـاهـ قـبـلـ اـزـ فـعـلـ نـمـىـ آـيـدـ.ـ «لاـ» درـ اـيـنـ گـزـينـهـ لـاـيـ نـفـيـ فـعـلـ مضـارـعـ اـسـتـ.

۴) بـعـدـ اـزـ لـاـيـ نـفـيـ جـنـسـ هـيـجـ گـاهـ اـسـمـ «اـلـ» دـارـ نـمـىـ آـيـدـ.

توجه: «لا» در گزینه (۴) حرف عطف و به معنـیـ «نهـ» اـسـتـ.

## فرهنگ و معارف اسلامی



کanal رفع اشکال: @dinozendeGi\_gaj

DriQ.com

## فرهنگ و معارف اسلامی

۱ ۴۱ آـيـهـ «خـلـقـ اللـهـ السـمـاـواتـ وـ الـأـرـضـ بـالـحـقـ إنـ فـي ذـلـكـ لـاـيـهـ لـلـمـؤـمـنـيـنـ» درـ جـوابـ سـؤـالـ «درـ چـگـونـهـ جـهـانـیـ زـنـدـگـیـ مـیـ کـنـیـمـ» آـمـدـ استـ.

۲ ۴۲ يـكـيـ اـزـ اـنـذـارـهـاـيـ قـرـآنـ اـزـ آـنـ روـيـ بـرـگـرـانـيـدـهـ يـوـدنـ وـ بـيـ تـوـجـهـيـ كـرـدنـ (اعـراضـ كـرـدـنـ) اـيـنـ اـسـتـ كـهـ هـسـتـيـ دـارـايـ فـرـجـامـ مـعـيـنـ اـسـتـ

«وـ مـاـ خـلـقـنـاـ السـمـاـواتـ وـ الـأـرـضـ وـ مـاـ بـيـنـهـمـاـ إـلـاـ بـالـحـقـ وـ أـجـلـ مـسـمـيـ وـ أـلـذـيـنـ كـفـرـوـ عـمـاـ أـنـذـرـوـاـ مـعـرـضـوـنـ»

پـرـورـدـگـارـ،ـ قـوهـ وـ نـيـروـيـ بـهـ مـاـ عـنـيـاتـ كـرـدـهـ تـاـ بـاـ آـنـ بـيـنـدـيـشـمـ وـ رـاهـ دـرـسـتـ زـنـدـگـيـ رـاـ اـزـ رـاهـهـاـيـ غـلـطـ تـشـخـصـ دـهـيـمـ،ـ حقـاـيقـ رـاـ دـرـيـابـيمـ وـ اـزـ  
جهـلـ وـ نـادـانـيـ دورـ شـويـمـ.

۳ ۴۳ مـرـحلـهـ اـولـ قـيـامـتـ باـ پـاـيـانـ يـافـتـنـ دـنـيـاـ آـغـازـ مـيـشـودـ وـ اوـلـينـ حـادـثـهـيـ آـنـ نـفـخـ صـورـ اـسـتـ (دقـتـ شـودـ) وـ حـادـثـهـيـ مـرـبـوطـ بـهـ مـرـحلـهـاـيـ كـهـ

انـسانـهـاـ آـمـادـهـيـ درـيـافتـ پـادـاشـ مـيـشـونـدـ كـهـ هـمـانـ مـرـحلـهـيـ دـوـمـ قـيـامـتـ اـسـتـ وـ حـادـثـهـهـاـيـيـ كـهـ مـرـبـوطـ بـهـ آـمـادـهـ شـدـنـ صـحـنـهـيـ قـيـامـتـ اـسـتـ

عبـارتـانـدـ اـزـ:ـ ۱ـ نـفـخـ صـورـ دـوـمـ ۲ـ زـنـهـ شـدـنـ هـمـهـيـ اـنـسـانـهـاـ ۳ـ نـورـانـيـ شـدـنـ زـمـنـ ...ـ ۶ـ قـضـاوـتـ بـرـ مـعـيـارـ حـقـ

باـ تـوـجـهـ بـهـ آـيـهـيـ «وـ مـاـ هـذـهـ الـحـيـاـ الدـنـيـاـ ...ـ» مـقـدـمـ دـانـسـتنـ آـخـرـتـ بـرـ دـنـيـاـ دـرـ گـرـوـ آـكـاهـيـ اـزـ حـقـيـقـتـ دـنـيـاـ وـ آـخـرـتـ اـسـتـ.

برـخـيـ اـزـ اـفـرـادـ درـ اـمـكـانـ مـعـادـ وـ جـنـينـ وـ وـاقـعـيـ عـظـيمـيـ درـ تـرـبـيـتـ وـ آـتـانـ كـهـ فـكـرـ مـيـ كـنـنـدـ حـقـيـقـتـ اـنـسـانـ هـمـيـنـ بـعـدـ جـسـمـانـيـ اـوـسـتـ،ـ  
مـيـ گـوـيـندـ چـگـونـهـ مـمـكـنـ استـ هـمـهـيـ اـنـسـانـهـاـ،ـ بـسـ اـزـ مـرـگـ وـ پـوـسـيـدـهـ وـ مـتـلـاشـيـ شـدـنـ دـوـيـارـهـ زـنـدـهـ شـونـدـ.عبـارتـ «أـيـحـسـبـ الـإـنـسـانـ أـلـنـ نـجـمـ عـيـاظـمـ» بـيـانـگـرـ اـمـكـانـ مـعـادـ جـسـمـانـيـ اـسـتـ وـ اـشـارـهـ بـهـ قـدـرـتـ نـامـحـدـودـ خـدـاـ دـارـدـ وـ درـ پـاـسـخـ بـرـخـيـ اـزـ  
اـفـرـادـيـ استـ كـهـ درـ اـمـكـانـ مـعـادـ شـكـ دـارـنـدـ.

طرفـ تـحـقـقـ اـيـنـ عـبـارتـهـ بـهـ تـرـتـيـبـ:ـ بـرـزـخـ ـ بـرـزـخـ ـ رـسـتـاخـيـزـ ـ رـسـتـاخـيـزـ.

۲ ۴۸ نـامـهـيـ عـملـ نـيـكـوـكـارـانـ رـاـ بـهـ دـسـتـ رـاستـ وـ نـامـهـيـ عـملـ بـدـكـارـانـ رـاـ بـهـ دـسـتـ چـبـ آـنـهـاـ مـيـ دـهـنـدـ،ـ نـامـهـيـ عـملـ اـنـسـانـ باـ نـامـهـهـاـيـ ثـيـتـشـدهـ درـ

دـنـيـاـ تـفاـوتـيـ اـسـاسـيـ دـارـدـ.ـ نـامـهـهـاـيـ اـيـنـ دـنـيـاـ،ـ صـرـفـ گـزـارـشـيـ اـزـ عـملـ اـسـتـ كـهـ بـهـ صـورـتـ كـلـمـاتـ وـ نـوـشـتـهـ درـ آـمـدـهـ اـمـاـ نـامـهـيـ عـملـ اـنـسـانـ بـهـ  
گـونـهـهـاـيـ استـ كـهـ خـودـ عـملـ وـ حـقـيـقـتـ آـنـ رـاـ دـرـ بـرـدارـدـ.ـ اـزـ آـيـنـ روـ تـمـامـ اـعـمـالـ اـنـسـانـ درـ قـيـامـ حـاضـرـ مـيـشـودـ وـ اـنـسـانـ عـيـنـ اـعـمـالـ خـودـ رـاـ  
مـيـ بـيـنـدـ.مـيـانـ تـبـدـيـلـ كـرـدـنـ كـيـفـرـ جـرمـ بـهـ زـنـدانـ رـابـطـهـ تـنـاسـبـ وـ جـوـودـ دـارـدـ (مـوقـتـيـ وـ قـرـارـدادـيـ) وـ وـرـزـشـ كـرـدـنـ وـ بـهـ سـلـامـتـيـ وـ تـنـدرـسـتـيـ رـسـيدـنـ  
رـابـطـهـيـ عـلـىـ وـ مـعـلـوـلـيـ اـسـتـ (طـبـيـعـيـ) وـ دـاغـ نـهـادـنـ بـرـ يـشـتـ وـ يـهـلوـيـ زـرـانـدـوزـانـيـ كـهـ اـنـفـاقـ نـمـىـ كـنـنـدـ رـابـطـهـيـ عـيـنـيـ اـسـتـ.ـ (تجـسمـ اـعـمـالـ)خـداـونـدـ آـيـنـدـهـهـاـيـ رـاـ مـيـ بـيـنـدـ كـهـ ماـ نـمـىـ بـيـنـمـ وـ بـهـ مـصـلـحـتـهـاـيـ تـوـجـهـ دـارـدـ كـهـ ماـ درـكـ نـمـىـ كـنـنـدـ.  
گـاهـيـ چـيـزـهـاـيـ رـاـ بـهـ نـفـعـ خـودـ دـيـدـ كـهـ هـيـجـ قـدـرـتـيـ درـ جـهـانـ مـانـعـ جـارـهـسـارـيـ خـدـاـ نـيـستـ.کـنـيـمـ وـ بـدـانـيـمـ كـهـ هـيـجـ قـدـرـتـيـ درـ جـهـانـ مـانـعـ جـارـهـسـارـيـ خـدـاـ نـيـستـ.  
اـگـرـ حتـىـ اـحـسـاسـ کـنـيـمـ بـرـخـيـ دـسـتـورـهـاـيـ خـداـونـدـ سـخـتـ اـسـتـ،ـ بـاـيـدـ مـطـمـثـنـ باـشـيـمـ كـهـ اـيـنـ دـسـتـورـ بـرـايـ سـعـادـتـ ماـ ضـرـورـيـ اـسـتـ.ـ بـاـيـدـ

يـگـزـارـيـمـ عـشـقـ بـهـ سـعـادـتـ حـقـيـقـيـ درـ دـلـ ماـ جـوـانـهـ بـزـنـدـ آـنـ گـاهـ خـواـهـيـمـ دـيـدـ كـهـ هـرـ سـخـتـيـ بـرـ ماـ آـسـانـ خـواـهـ شـدـ.



عبارت «بواری سوءاتّم و ریشاً» بیانگر فلسفه و علت حجاب است و با توجه به این عبارت خداوند پوشش را برای دو هدف قرار داده است. انسان را از ناپسندی‌ها حفظ کند و مایه‌ی عفاف باشد و باعث زینت و زیبایی باشد.

با توجه به عبارت «يَدِنِينْ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِبِهِنَّ» زنان مسلمان از همان ابتداء موى سر خود را می‌پوشانند ولی با حدود آن آشنا نبودند. لذا خداوند به آنان دستور می‌دهد روسرباها و پوشش‌هایشان را به خود نزدیک کنند تا اطراف صورت و گریبان آنان پوشیده شود.

مرحله‌ی دوم امر به معروف این است که با زبان امر یا نهی کنیم و اگر احتمال دهیم شخص گناهکار با موقعه و نصیحت از گناه دست برنمی‌دارد، لازم است به همین اکتفا کنیم در موقعه و نصیحت می‌توان از شیوه‌های مختلف تربیتی و استدلال و منطق بهره برد تا میزان تأثیرگذاری افزایش یابد و شخص گناهکار به عواقب و نتایج عمل خود بهتر پی برد.

اگر کسی به علت عذری مانند بیماری نتواند روزه بگیرد و بعد از ماه رمضان عذر برطرف شود و تا رمضان آینده عمدتاً قضای روزه را نگیرد.

بنابراین بانکداری در نظام اسلامی راهی برای مشارکت کار و سرمایه است. آنچه اهمیت دارد این است که بانک‌ها سود حاصل از مشارکت خود را عادلانه تعیین کنند تا افراد جامعه نتوانی همکاری سازنده با بانک را داشته باشند.

زیورآلات خانم‌ها رُکات ندارد ولی خمس دارد. به شرطی که بیش از مقدار مصرفی متداول باشد و جنبه‌ی ذخیره به خود بگیرد، قسمت اضافی آن دارای خمس است.

در پاسخ سؤال چگونه می‌توان تقوی را در خود به وجود آورد باید گفت خداوند مرتبه‌ی اولیه‌ی تقوی را در وجود همه‌ی ما انسان‌ها قرار داده به طوری که خوبی را دوست داریم و از بدی‌ها بیزاری می‌جوییم.

با توجه به آیه‌ی «و لِئِنْ سَالَتْهُمْ مِنْ خَلْقِ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضِ لِيَقُولُ اللَّهُ، اَكْرَرَ از بَتْپُرْسَتَانْ بِپُرسِیْ چه کسی آسمان و زمین را پدید آورد می‌گویند خداوند» می‌فهمیم که خداپرستی فطری است یعنی حتی بتپرستان هم خدا را می‌پرستند.



## کanal رفع اشکال: @zaban\_gaj

DriQ.com

## زبان انگلیسی



۶۱

اگر در خوابیدن در شب مشکل دارید، از چرت زدن در طول روز خودداری کنید.

**توضیح:** بعد از فعل "avoid" (خودداری کردن از، پرهیز کردن از) فعل دوم به صورت ingدار به کار می‌رود.

۶۲

نظری دارید که چند کارگر در این کارخانه استخدام هستند؟

**توضیح:** در صورتی که کلمات و عبارات پرسشی ("مانند" how many در این تست) در وسط جمله به کار روند، ادامه‌ی جمله به صورت خبری خواهد بود. بنابراین گزینه‌های (۱) و (۴) به دلیل استفاده از قید مکان "at the factory" (در کارخانه) پیش از "how many" صحیح نیستند. دقت کنید که "employ" (استخدام کردن) یک فعل متعدد است و به مفعول نیاز دارد. با توجه به این که در این جمله، مفعول (workers) پیش از فعل به کار رفته، فعل "employ" را به صورت مجھول نیاز داریم. در بین گزینه‌ها، فقط در گزینه‌ی (۲) این فعل را به صورت مجھول داریم.

۶۳

این مرکز سلامت، صرف نظر از سن یا وضعیت **جسمانی** شما، برای همه فعالیت‌هایی را ارائه می‌کند.

(۱) شیمیابی      (۲) جسمانی؛ فیزیکی      (۳) جداگانه، مجرزا      (۴) مؤثر، کارآمد

۶۴

این گل‌ها زیبا طراحی شده‌اند تا حشرات را جذب کنند که سپس گرده را از گیاهی به گیاه دیگر می‌برند.

(۱) به یاد آوردن، به خاطر آوردن      (۲) شامل بودن، مشکل بودن

(۳) جذب کردن؛ جلب کردن      (۴) تشویق کردن

۶۵

این سفر باید فقط حدود ۳۰ دقیقه طول بکشد، اما معمولاً در **عمل** بیش از یک ساعت طول می‌کشد.

(۱) توانایی      (۲) اثر، تأثیر      (۳) تمرین؛ رسم      (۴) دوره، دوران؛ مدت

**توضیح:** در عمل، عملاً "in practice"

ماه گذشته **مقدار** خطروناکی از مواد رادیواکتیو وارد محیط زیست شد و هزاران حیوان را کشت.

(۱) مقدار، میزان      (۲) مسیر؛ خط آهن

(۳) ارتفاع؛ بلندی      (۴) جزء؛ [در جمع] جزئیات

۶۷

پرستار دور تخت پرده کشید تا دکتر بتواند بیمار را به طور خصوصی **معاینه** کند.

(۱) تشخیص دادن، فهمیدن      (۲) معاینه کردن؛ بررسی کردن؛ امتحان گرفتن از

(۳) درگیر کردن؛ مستلزم ... بودن      (۴) تحقیق کردن، پژوهش کردن



محبوب ترین ورزش تیمی جهان، فوتbal، در سراسر جهان بازی می‌شود. ریشه‌های بازی امروزی در انگلستان است، جایی که این ورزش در سده‌ی ۱۸۰۰ شکل گرفت. فوتbal در زمینی مستطیل شکل با دو تور به نام دروازه در هر دو طرف بازی می‌شود. دو تیم ۱۱ نفره برای زدن توب به دروازه‌ی تیم حریف فقط با استفاده از پا، سر یا بدن رقابت می‌کنند. در هر تیم یک بازیکن به عنوان دروازه‌بان عمل می‌کند. این بازیکن باید دروازه را حفظ کند و جلوی شوت‌ها را بگیرد تا مانع گل زدن تیم دیگر شود. داور اطمینان حاصل می‌کند که از قوانین بازی تعیین می‌شود. تیمی که در طول دو نیمه‌ی ۴۵ دقیقه‌ای بیشترین گل را بزند، برنده‌ی بازی می‌شود. یکی از بزرگ‌ترین بازیکنان تاریخ فوتbal پله بزریلی، فوتbal را «بازی زیبا» نامید. امروزه این بازی زیبا یکی از محبوب‌ترین ورزش‌های مشارکتی برای افراد جوان در سراسر جهان است.

(۲) قرار داشتن، بودن؛ دراز کشیدن؛ دروغ گفتن

(۱) نگه داشتن؛ برگزار کردن

(۴) اندازه‌ی ... بودن؛ مناسب بودن با

(۳) تمام کردن؛ تمام شدن

(۲) شرکت کردن، حضور یافتن

(۱) رقابت کردن؛ [مسابقه و غیره] شرکت کردن

(۴) قرار دادن، گذاشتن

(۳) آماده کردن، مهیا کردن

**توضیح:** با توجه به مفهوم جمله و معلوم بودن «تیم مقابل» طبق جمله، در بین گزینه‌ها فقط گزینه‌ی (۴) می‌تواند صحیح باشد.

**توضیح:** فعل «follow» (دبال کردن؛ پیروی کردن) متعدد است و به مفعول نیاز دارد. با توجه به این‌که مفعول این فعل (rules of the game) پیش از جای خالی به کار رفته، نه پس از آن، در جای خالی به فعل مجھول نیاز داریم. در بین گزینه‌ها، فقط گزینه‌ی (۳) دارای ساختار مجھول است.

(۲) (در) میان، (در) بین

(۱) (در) میان، (در) بین

(۴) (در) طی، (در) طول

(۳) از هنگامی که، از وقتی که؛ چون (که)

آهن‌رباها در انواعی گستره‌های با کاربردهای متفاوت عرضه می‌شوند. رایج‌ترین [انواع آن‌ها] میله یا دیسک است. چون این آهن‌رباها به فلزات خاصی می‌چسبند، از آن‌ها برای چفت و بست کردن وسایلی مانند در کابینت استفاده می‌شود. آهن‌رباها بزرگ نعلی، شکلی مانند U دارند. آن‌ها برای جابه‌جا کردن آهن و قراضه‌ی فولاد استفاده می‌شوند. آهن‌رباها کوچک در نوار صوتی و نوار ویدئویی، صدا و تصویر را ذخیره می‌کنند.

آهن‌رباها همه‌جا هستند. آن‌ها کمک می‌کنند تا زندگی را [برای ما] راحت‌تر کنند. آن‌ها همچنین به ما کمک می‌کنند تا سریع تر جابه‌جا شویم. برای مثال، بسیاری از موتورهای الکتریکی برای حرکت به الکترومغناطیس نیاز دارند. نیروی مغناطیسی که موتورها را راه می‌اندازد زمانی ایجاد می‌شود که یک جریان الکتریکی از میان سیم‌ییچ جریان پیدا کند. موتورهای دارای الکترومغناطیس کمک می‌کنند تا بسیاری از لوازم خانگی کار کنند. همین نیروی الکترومغناطیسی در موتورهای ماشین‌ها، قطارها و هواپیماها هم استفاده می‌شود.

آهن‌رباها به قدری مفید هستند که حتی در بهبود سلامت بعضی از افراد استفاده می‌شوند. در حال حاضر، آهن‌رباها بزرگ در یک دستگاه مخصوص می‌توانند به پژشکان تصاویر دقیقی از داخل بدن بدهند. آن تصاویر به پژشکان کمک می‌کند تا مشکلات داخل بدن را پیدا و درمان کنند، بدون این‌که مجبور باشند شکافی ایجاد کنند.

وابستگی مردم به آهن‌رباها فقط در حال رشد است. در ژاپن، آهن‌رباها به چندین شیوه‌ی حیرتانگیز جدید مورد استفاده قرار می‌گیرند. برای مثال، در حال حاضر ژاپن قطار مخصوصی دارد که روی آهن‌رباها حرکت می‌کند. آن در معنای حقیقی کلمه، بالای ریل‌ها شناور می‌ماند. نیروی مغناطیسی به فراهم کردن یک سواری (سفر) سریع [و] بی‌دردسر کمک می‌کند.

کدام جمله ایده‌ی اصلی این متن را به بهترین شکل توصیف می‌کند؟

(۱) آهن‌رباها در انواع گسترده با کاربردهای زیاد عرضه می‌شوند.

(۲) آهن‌رباها همه‌جا هستند.

(۳) موتورهای دارای الکترومغناطیس در راه اندختن بسیاری از لوازم خانگی کمک می‌کنند.

(۴) آهن‌رباها کوچک بر روی نوار صوتی و نوار تصویری، صدا و تصویر را ذخیره می‌کنند.

کلمه‌ی «convenient» (راحت، بی‌دردسر) در پاراگراف دوم، نزدیک‌ترین معنی را به «comfortable» دارد.

(۲) راحت؛ آسوده

(۱) محبوب

(۴) مصنوعی، ساختگی

(۳) انعطاف‌پذیر؛ قابل تغییر

متن تمام کاربردهای زیر آهن‌رباها را توصیف می‌کند، به جز.....

(۲) موتور یکی از لوازم خانگی

(۱) چفت در کابینت

(۴) دستگاهی که تصاویری را از داخل بدن نشان می‌دهد

(۳) وسیله‌ای برای پیش‌بینی طوفان‌های شدید



۷۶

به احتمال زیاد، پاراگراف بعد از این متن، در مورد ..... بحث خواهد کرد.

۱) ماهیت علمی میدان‌های مغناطیسی

۲) کاربردهای روزانه‌ی آهن‌ربا در کشورهای مختلف

۳) نعدادی دیگر از روش‌های حیرت‌انگیز جدیدی که آهن‌رباها استفاده می‌شوند

۴) انواع مختلف آهن‌رباها که ما در زندگی روزانه‌مان استفاده می‌کنیم

دانشمندان می‌گویند صاعقه در هر ثانیه حدود ۱۰۰ بار به سطح زمین برخورد می‌کند. رعد و برق بیشتر در طول بهار و تابستان شایع است. کارشناسان به مردم هشدار می‌دهند تا در طول آن فصل‌ها، از خطرات صاعقه به نحو ویژه‌ای آگاه باشند.

صاعقه درخشش نور است که در زمان حرکت الکتریسیته بین ابرها یا بین یک ابر و زمین، اتفاق می‌افتد. جرقه‌ی بزرگ الکتریسیته درست مانند نوع کوچکی است که شما وقتی دریافت می‌کنید (حس می‌کنید) که موهایتان را شانه می‌زنید یا پاهایتان را روی فرش تکان می‌دهید؛ [و] تنها بسیار قوی تر است.

یک صاعقه با صدای انفجار شدید که از هوا عمور می‌کند، می‌تواند به دمای ۶۰,۰۰۰ درجه‌ی فارنهایت برسد. آن حدوداً پنج مرتبه گرم‌تر از خورشید است! این گرمای شدید از صاعقه، باعث منبسط شدن هوای اطراف می‌شود که منجر به صدای بلندی به نام رعد می‌گردد.

رعد هشدار طبیعت برای رفتن به داخل ساختمان است. همان‌طور که هواشناس ران هول از توسان، آریزونا به ویکلی ریدر گفت: «هنگامی که رعد غرش می‌کند به داخل ساختمان بروید.» هواشناس دانشمندی است که هوا را مطالعه می‌کند. هول هم‌چنین پیشنهاد می‌دهد که قانون ۳۰-۳۰ را دنبال کنید. اگر در کمتر از ۳۰ ثانیه از دیدن صاعقه، [صدای] رعد را شنیدید، به داخل ساختمان بروید؛ طوفان تنها حدود ۶ مایل دور تر است. بعد از این‌که طوفان تمام شد، قبل از بیرون رفتن ۳۰ دقیقه صبر کنید. برای محاسبه‌ی این‌که صاعقه چقدر دور تر است ثانیه‌های بین درخشش [نور] و [صدای] رعد را بشمارید. هر ۱۰ ثانیه معادل با ۲ مایل است.

در ایالات متحده صاعقه هر سال حدود ۲۵ میلیون بار به زمین اصابت می‌کند! اگرچه مورد اصابت صاعقه قرار گرفتن غیرمحتمل است، مهم است که امن بمانید. در ایالات متحده هر ساله حدود ۶۰ نفر توسط صاعقه کشته می‌شوند. برای سالم ماندن، قانون طلایی را دنبال کنید: [یعنی] به سمت پوشش ( محل پوشیده) بروید. هول قاطعانه گفت: «هیچ جایی در بیرون وجود ندارد که از صاعقه در امان باشد. تنها دو مکان امن وجود دارد – داخل ساختمان [دانمی] یا وسیله‌ی نقلیه دارای سقف فلزی.»

۷۷

زمان بین اصلیت صاعقه و رعد، نشان‌دهنده‌ی فاصله‌ی طوفان است. کدام دلیل از متن، این برداشت را تقویت می‌کند؟

۱) رعد هشدار طبیعت است که به داخل ساختمان بروید.

۲) [تعداد] ثانیه‌های بین درخشش [صاعقه] و صدای رعد را بشمارید. هر ۱۰ ثانیه معادل ۲ مایل است.

۳) بعد از آخرین صدای رعد یا درخشش صاعقه [و] قبل از این‌که بیرون بروید، ۳۰ دقیقه صبر کنید.

۴) اگر صدای غرش را کمتر از ۳۰ ثانیه بعد از دیدن صاعقه شنیدید، به داخل ساختمان بروید.

قانون طلایی این‌می‌صاعقه چیست؟

۷۸

۱) از وسایل الکترونیکی استفاده نکنید.

۲) زیر درختان نایستید.

۳) از فضاهای باز فاصله بگیرید.

۴) به سمت پوشش ( محل پوشیده) بروید.

۷۹

بر مبنای پاراگراف آخر، می‌توانید چه چیزی را در مورد این‌می‌خودروها در جریان صاعقه برداشت کنید؟

۱) تمامی خودروها، صرف نظر از نوع [آن‌ها] از شما در برابر صاعقه حفاظت خواهند کرد.

۲) در جریان صاعقه این‌می‌خودروها کمتر از ساختمان‌ها است.

۳) تایرهای لاستیکی (لاستیک‌های) خودرو از شما در برابر صاعقه محافظت می‌کنند.

۴) سقف فلزی خودرو از شما در برابر صاعقه محافظت می‌کند.

این متن عموماً در چه مورد می‌باشد؟

۸۰

۱) چرا طوفان‌های رعد و برق خطرناک هستند

۲) ارتباط بین رعد و برق

۳) حقایقی در مورد صاعقه و یک نکته‌ی این‌می

۴) هواشناسان چگونه آب و هوا را مورد مطالعه قرار می‌دهند



$$a_1 = a_7 - d = 6 - 3 = 3, \quad a_7 = a_1 + 6d = 6 + 3 = 9$$

جمله‌ی دوم دنباله‌ی حسابی  $a_2 = 6$  و قدرنسبت  $d = 3$  می‌باشد، پس:

پس سه جمله‌ی نخست دنباله‌ی هندسی  $6, 3, b_3$  می‌باشند. داریم:

$$q = \frac{6}{3} = 2 \Rightarrow b_3 = 6 \times 2 = 12$$

حال باید بینیم از عدد ۱۲ باید چه عددی کسر شود تا حاصل ۹ شود که جواب ۳ می‌شود.

$$\frac{f(1)}{f(-1)} = \frac{ab}{ab^{-1}} \Rightarrow 9 = b^r \Rightarrow b = \pm 3 \xrightarrow{b > 0} b = 3 \Rightarrow f(x) = a \times 3^x$$

$$f(2\sqrt{2}) = 2 \times 9^{\sqrt{2}} \Rightarrow 2 \times 9^{\sqrt{2}} = a \times 3^{2\sqrt{2}} \Rightarrow 2 \times 9^{\sqrt{2}} = a \times (3^2)^{\sqrt{2}} \Rightarrow 2 \times 9^{\sqrt{2}} = a \times 9^{\sqrt{2}} \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow f(x) = 2 \times 3^x \Rightarrow f(4) = 2 \times 3^4 = 2 \times 81 = 162$$

$$\log(x+\Delta) = \frac{1}{\gamma} \log 16 - \log(x+1) \Rightarrow \log(x+\Delta) = \log 16^{\frac{1}{\gamma}} - \log(x+1) \Rightarrow \log(x+\Delta) = \log 4 - \log(x+1)$$

$$\Rightarrow \log(x+\Delta) = \log \frac{4}{x+1} \Rightarrow x+\Delta = \frac{4}{x+1} \Rightarrow x^2 + 8x + \Delta = 4 \Rightarrow x^2 + 8x + 1 = 0 \Rightarrow x = -3 \pm \sqrt{8}$$

از بین دو جواب حاصل،  $x = -3 + \sqrt{8}$  قابل قبول است و داریم:

$$\log_{\gamma}(2x+8) = \log_{\gamma}(-6+2\sqrt{8}+6) = \log_{\gamma}2\sqrt{8} = \log_{\gamma}2 \times 2^{\frac{1}{2}} = \log_{\gamma}2^{\frac{3}{2}} = \frac{\Delta}{2} = 2/5$$

$$\frac{\cos 14^\circ + \sin 22^\circ}{\sin 23^\circ - \cos 12^\circ} = \frac{\cos(9^\circ + \Delta^\circ) + \sin(18^\circ + \Delta^\circ)}{\sin(18^\circ + \Delta^\circ) - \cos(18^\circ - \Delta^\circ)}$$

$$= \frac{-\sin \Delta^\circ - \sin 14^\circ}{-\sin \Delta^\circ - (-\cos \Delta^\circ)} \quad \frac{\sin 14^\circ = \cos 76^\circ}{\sin 76^\circ = \cos 14^\circ} \quad \frac{-\sin \Delta^\circ - \cos \Delta^\circ}{-\sin \Delta^\circ + \cos \Delta^\circ}$$

با تقسیم صورت و مخرج بر  $\cos \Delta^\circ$  داریم:

$$\frac{-\tan \Delta^\circ - 1}{-\tan \Delta^\circ + 1} = 11 \Rightarrow -\tan \Delta^\circ - 1 = -11 \tan \Delta^\circ + 11 \Rightarrow 10 \tan \Delta^\circ = 12 \Rightarrow \tan \Delta^\circ = 1/2$$

$$b^r - c^r = a^r(b-c) \Rightarrow \frac{b^r - c^r}{b-c} = a^r \Rightarrow b^r + c^r + bc = a^r (*)$$

از طرفی از قانون کسینوس‌ها در مثلث داریم:

$$a^r = b^r + c^r - 2bc \cos A \xrightarrow{(*)} b^r + c^r + bc = b^r + c^r - 2bc \cos A$$

$$\Rightarrow bc = -2bc \cos A \Rightarrow \cos A = -\frac{1}{2} \Rightarrow A = 120^\circ$$

۵ جمله‌ی متولی دنباله‌ی حسابی را به صورت  $a - 2d, a - d, a, a + d, a + 2d$  نمایش می‌دهیم، بنابراین:

$$a - 2d + a - d + a + d + a + 2d = 5a = 5 \Rightarrow a = 1 \Rightarrow = 1$$

$$= (1-2d)^r + (1-d)^r + 1^r + (1+d)^r + (1+2d)^r = 4d$$

$$\Rightarrow 1 + 4d^r - 4d + 1 + d^r - 2d + 1 + 1 + d^r + 2d + 1 + 4d^r + 4d = 45 \Rightarrow 5 + 10d^r = 45 \Rightarrow d^r = 4$$

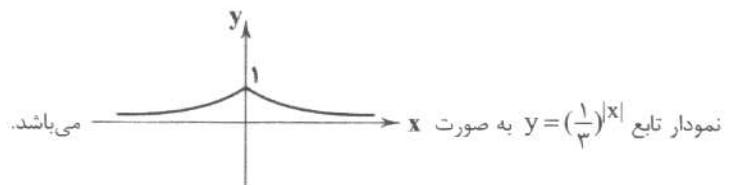
بنابراین جمله‌ی وسط،  $\frac{1}{4}$  مجذور قدرنسبت می‌باشد.



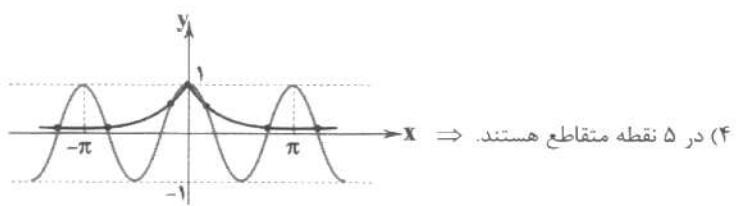
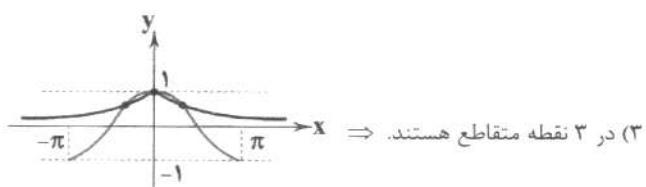
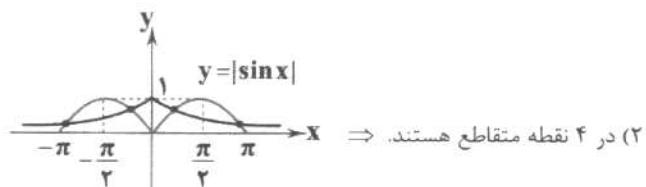
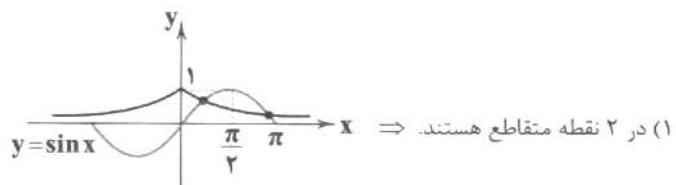
در یک دنباله حسابی جملات اول  $(a_1)$ , پنجم  $(a_1 + 4d)$ , سیزدهم  $(a_1 + 12d)$  و  $k^{\text{ام}} (a_1 + (k-1)d)$  جملات متولی یک دنباله هندسی با قدرنسبت  $q$  هستند، پس:

$$\begin{aligned} \Rightarrow (a_1 + 4d)^2 &= a_1(a_1 + 12d) \Rightarrow a_1^2 + 16d^2 + 8a_1d = a_1^2 + 12a_1d \Rightarrow 16d^2 = 4a_1d \Rightarrow a_1 = 4d \\ \Rightarrow a_1, a_1 + 4d, a_1 + 12d, a_1 + (k-1)d &\xrightarrow{a_1 = 4d} 4d, 8d, 16d, (k+3)d \Rightarrow q = \frac{8d}{4d} = 2 \\ \Rightarrow (k+3)d &= 22d \Rightarrow k = 21 \Rightarrow \frac{k+1}{q} = \frac{22}{2} = 11 \end{aligned}$$

(تألیف - کتاب IQ - دیفرانسیل)



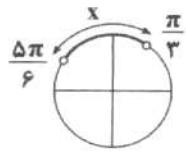
هر گزینه را با این نمودار، در یک دستگاه مختصات رسم کرده و تعداد نقاط تلاقی آن‌ها می‌یابیم.



(تألیف - کتاب IQ - دیفرانسیل)

ابتدا محدوده‌ی زاویه‌ی  $x$  را بر روی دایره‌ی مثلثاتی مشخص می‌کنیم و سپس محدوده‌ی  $\sin x$  را به دست می‌آوریم، پس:

$$\frac{1}{2} < \sin x \leq 1 \Rightarrow \frac{1}{2} < \frac{3-m^2}{3+m^2} \leq 1$$



$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{3-m^2}{3+m^2} \leq 1 \Rightarrow 3-m^2 \leq 3+m^2 \Rightarrow m^2 \geq 0 \Rightarrow \\ \frac{3-m^2}{3+m^2} > \frac{1}{2} \Rightarrow 6-2m^2 > 3+m^2 \Rightarrow m^2 < 1 \Rightarrow |m| < 1 \end{cases}$$

همواره برقرار است. اشتراک  $|m| < 1$

(تألیف - کتاب IQ - دیفرانسیل)



۹۰

چون دامنهٔ تابع  $f(x) = \log_2(ax+b)$  بازه‌ی  $(-\frac{1}{2}, +\infty)$  می‌باشد، پس داریم:

$$ax+b > 0 \Rightarrow \begin{array}{c|ccc} x & -\infty & -\frac{b}{a} & +\infty \\ \hline ax+b & a & \text{مخالف علامت} & a \end{array} \xrightarrow{a > 0} -\frac{b}{a} = -\frac{1}{2} \Rightarrow a = 2b$$

$$f(4) = 2 \Rightarrow \log_2(4a+b) = 2 \Rightarrow 4a+b = 4 \xrightarrow{a=2b} 9b = 4 \Rightarrow b = 1, a = 2$$

$$\Rightarrow f(x) = \log_2(2x+1) \Rightarrow f(-\frac{x}{9}) = \log_2 \frac{1}{9} = \log_2 2^{-2} = -2 \log_2 2 = -2$$

(ریاضی دارل ۹۶ - کتاب IQ - دیفرانسیل)

۹۱

پس  $p(x)$  را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$p(x) = k(x-3)(x+4) \xrightarrow{p(-1)=-24} -24 = k(-1-3)(-1+4)$$

$$\Rightarrow -24 = -12k \Rightarrow k = 2 \Rightarrow p(x) = 2(x-3)(x+4)$$

$$p(-3) = 2(-3-3)(-3+4) = -12$$

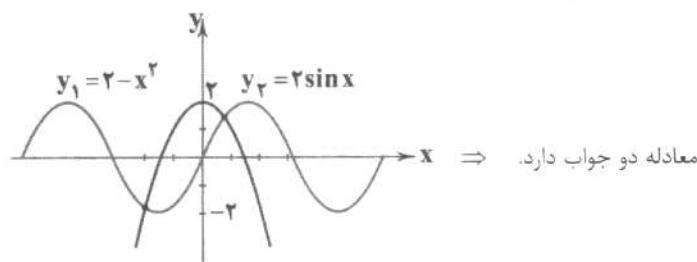
باقی‌ماندهٔ تقسیم  $p(x)$  بر  $x+3$  برابر است با:

$$\alpha^2 - 2\alpha + 2 = 0 \xrightarrow{\div \alpha} \alpha - 2 + \frac{2}{\alpha} = 0 \Rightarrow \alpha + \frac{2}{\alpha} = 2 \quad (*)$$

$$\alpha^2 + \frac{4}{\alpha^2} = (\alpha + \frac{2}{\alpha})^2 - 4 \xrightarrow{(*)} 4 - 4 = 4 - 4 = 0$$

$$x^2 + 2\sin x = 2 \Rightarrow 2\sin x = 2 - x^2$$

۹۲

با رسم نمودار توابع  $y_1 = 2 - x^2$  و  $y_2 = 2\sin x$  در یک دستگاه داریم:

۹۳

دامنهٔ تابع  $y = \sqrt[4]{-x^5}$  برابر  $x \leq 0$  یا به عبارتی بازه‌ی  $(-\infty, 0]$  می‌باشد. داریم:

$$y = \sqrt[4]{-x^5} = \sqrt[4]{(-x^2) \times x^3} = \sqrt[4]{(-x^3)} \times \sqrt[4]{x^2} = \sqrt{-x} \times \sqrt[4]{|x|} \xrightarrow{|x|=-x} \sqrt{-x} \times \sqrt[4]{-x}$$

دقت کنید که وقتی فرجه و توان عبارت زیر رادیکال را به عددی زوج ساده می‌کنیم، حتماً باید از قدرمطلق استفاده کنیم.

۹۴

$$\frac{\sin 15^\circ - \cos 15^\circ + \sqrt{2}}{\sin 15^\circ + \cos 15^\circ} = \frac{-\sqrt{2}\cos(15^\circ + 45^\circ) + \sqrt{2}}{\sqrt{2}\sin(15^\circ + 45^\circ)} = \frac{-\sqrt{2} \times \frac{1}{2} + \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{\frac{1}{2}\sqrt{2}}{\frac{\sqrt{4}}{2}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \tan 30^\circ$$

اگر جمله‌ی اول این دنباله‌ی هندسی را,  $a_1$ , قدرنسبت آن را  $q$  و تعداد جملات آن را  $n$  فرض کنیم، مجموع تمام جملات برابر است با:

$$S_n = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$$

دنباله‌ی جملات با ردیف فرد، یک دنباله‌ی هندسی می‌باشد که جمله‌ی اول آن,  $a_1$ , قدرنسبت آن  $q$  و تعداد جملات آن  $\frac{n}{2}$  می‌باشد.

پس مجموع جملات ردیف فرد برابر است با:

$$S_{\frac{n}{2}} = \frac{a_1(1-(q^{\frac{n}{2}})^{\frac{n}{2}})}{1-q^{\frac{n}{2}}}$$

$$S_n = 2S_{\frac{n}{2}} \Rightarrow \frac{a_1(1-q^n)}{1-q} = 2 \times \frac{a_1(1-q^{\frac{n}{2}})^{\frac{n}{2}}}{1-q^{\frac{n}{2}}} \Rightarrow \frac{(1-q)(1+q)}{(1-q^{\frac{n}{2}})} = 2 \Rightarrow q = 2$$

(ریاضی دارل ۹۶ - کتاب IQ - دیفرانسیل)



$$f(-2) = 0 \Rightarrow 16 - 8a + 16 = 0 \Rightarrow a = 4$$

با تقسیم چندجمله‌ای  $f(x)$  بر  $(x+2)$ , خارج قسمت عبارت  $x^3 + 2x^2 - 4x - 4$  می‌شود. بنابراین:

$$\begin{aligned} f(x) = 0 &\Rightarrow (x+2)(x^3 + 2x^2 - 4x - 4) = 0 \Rightarrow (x+2)(x)(x^2 + 2x - 4) = 0 \\ &\Rightarrow x = -2 \text{ یا } x = 0 \text{ یا } x^2 + 2x - 4 = 0 \\ &\Rightarrow x = -1 \pm \sqrt{5} \end{aligned}$$

ریشه‌های معادله  $x^2 + 2x - 4 = 0$  برابر  $\{-1 \pm \sqrt{5}\}$  می‌باشد که کوچک‌ترین آن‌ها  $-1 - \sqrt{5}$  است.

(ریاضی داخل ۹۶ - کتاب IQ - دیفرانسیل)

$$\text{اگر } \alpha \text{ و } \beta \text{ ریشه‌های معادله } x^2 - 8x + m = 0 \text{ باشند, با توجه به صورت سؤال } \alpha = \frac{\beta}{2} + 5 \text{ است, بنابراین داریم:}$$

$$\alpha + \beta = 8 \rightarrow \frac{\beta}{2} + 5 + \beta = 8 \Rightarrow \beta = 2 \Rightarrow \alpha = 6 \quad \alpha\beta = m \Rightarrow 6 \times 2 = m \Rightarrow m = 12$$

(ریاضی فارم ۹۷ - کتاب IQ - دیفرانسیل)

$$\begin{cases} f(\cos \frac{\pi}{6}) = f(\frac{\sqrt{3}}{2}) \xrightarrow{[\frac{\sqrt{3}}{2}] = 0} f(\frac{\sqrt{3}}{2}) = 2(\frac{\sqrt{3}}{2}) + 1 = \sqrt{3} + 1 \rightarrow f(\cos \frac{\pi}{6}) + f(\cot \frac{\pi}{6}) = \sqrt{3} + 1 + 2 = \sqrt{3} + 3 \\ f(\cot \frac{\pi}{6}) = f(\sqrt{3}) \xrightarrow{[\sqrt{3}] = 1} f(\sqrt{3}) = (\sqrt{3})^2 - 1 = 3 - 1 = 2 \quad \text{فرد می‌باشد} \end{cases}$$

(تالیفی - کتاب IQ - دیفرانسیل)

$$\begin{aligned} & \text{ابتدا به کمک اتحاد مزدوج صورت را تجزیه کرده و سپس عبارت را به ضرب تبدیل می‌کنیم:} \\ & \frac{(\sin 7x + \sin 2x)(\sin 7x - \sin 2x)}{\sin 5x} = \frac{(2\sin \frac{9x}{2} \cos \frac{5x}{2})(2\cos \frac{9x}{2} \sin \frac{5x}{2})}{\sin 5x} \\ & = \frac{(2\sin \frac{9x}{2} \cos \frac{9x}{2})(2\sin \frac{5x}{2} \cos \frac{5x}{2})}{\sin 5x} = \frac{\sin 9x \cdot \sin 5x}{\sin 5x} = \sin(9 \times \frac{\pi}{54}) = \sin(\frac{\pi}{6}) = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

(ریاضی داخل ۹۶ - کتاب IQ - دیفرانسیل)

اطلاعات کمی قبل تفسیر نیستند، ولی اطلاعات کیفی قبل تفسیرند. با توجه به متن کتاب، سایر گزینه‌ها عبارات درست هستند.

شدت آلودگی هوا: کمی پیوسته، گروه خونی: کیفی اسمی، مراحل رشد: کیفی ترتیبی و تعداد فرزندان: کمی گستته می‌باشد.

### بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) سن: کمی پیوسته، جنسیت و شغل: کیفی اسمی، میزان تحصیلات: کیفی ترتیبی

۲) وزن: کمی پیوسته، تعداد فرزندان: کمی گستته، جنسیت و شغل: کیفی اسمی

۴) تعداد تماس‌های تلفنی: کمی گستته، مراحل تحصیل: کیفی ترتیبی، رنگ جسم و گروه خونی: کیفی اسمی

اگر C برابر طول دسته‌ها باشد، آن‌گاه داریم:

$$\text{جایگذاری} \rightarrow 39/5 = 15 + 2/5C \Rightarrow 2/5C = 24/5 \Rightarrow C = \frac{24/5}{3/5} = 7$$

با توجه به این‌که تعداد دسته‌ها برابر ۹ است، لذا داریم:

$$\text{تعداد دسته} \times \text{طول دسته} = \text{دامنه‌ی تغییرات} \quad 7 \times 9 = 63$$

با توجه به حدود دسته‌ی اول، حدود دسته‌ی پنجم که دسته‌ی وسط می‌باشد، به صورت ۳۷-۳۴ است. لذا براساس داده‌های سؤال،

$$\text{فراوانی نسبی پنج دسته‌ی اول} = \frac{1}{45+0/2} = 0/65$$

چون پنج دسته‌ی اول، دقیقاً داده‌های کمتر از ۳۷ را دربر می‌گیرند، پس تعداد داده‌های کمتر از ۳۷ برابر است با:

$$\text{چون ۲۵ درصد داده‌ها در دسته‌ی چهارم قرار دارند، لذا داریم:} \quad 0/65 \times 120 = 78$$

$$\text{تعداد داده} \times \text{درصد فراوانی نسبی} = \text{فراوانی مطلق دسته‌ی چهارم} \quad 0/25 \times 20 = 5$$

از طرفی فراوانی تجمعی دسته‌ی سوم برابر ۱۱ است، بنابراین فراوانی تجمعی دسته‌ی چهارم برابر ۱۶ و در نتیجه فراوانی مطلق دسته‌ی

آخر برابر  $4 = 20 - 16$  است. پس داریم:

$$\alpha = \frac{f_1}{n} \times 36^\circ = \frac{4}{2} \times 36^\circ = 72^\circ$$



۱۰۶

اگر  $\alpha_i$  و  $f_i$  به ترتیب زاویه‌ی متناظر با دسته‌ی آم در نمودار دایره‌ای و فراوانی مطلق دسته‌ی آم باشند، آن‌گاه داریم:

$$\alpha_i = \frac{36^\circ \times f_i}{n} \Rightarrow \frac{36^\circ \times f_i}{n} = \frac{36^\circ \times f_i}{n} \Rightarrow \frac{f_i}{n} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{f_i}{n} = \frac{\text{مساحت مستطیل دسته‌ی آم}}{\text{مساحت کل مستطیل‌ها}} \Rightarrow \frac{S_i}{50^\circ} = \frac{3}{10} \Rightarrow S_i = 15$$

از طرفی:

مطلوب فرض سؤال داریم:

۱۰۷

$$\begin{cases} x+y+z=3 \times 15=45 \\ 2x+2y+2z+u+v=5 \times 31 \end{cases} \Rightarrow 2(x+y+z)+u+v=155 \Rightarrow 90+(u+v)=155 \Rightarrow u+v=65$$

میانگین داده‌های  $\{u, v\}$  برابر است با:

$$\frac{u+v}{2} = \frac{65}{2} = 32.5$$

می‌دانیم تعداد داده‌ها همان تعداد برگ‌ها یعنی ۱۷ است. بنابراین داده‌ی وسط یعنی داده‌ی نهم همان میانه است. در نتیجه داریم:  
چارک دوم = میانه = ۳۶

۱۰۸

از طرفی مُد یعنی داده‌ای که بیشتر از همه تکرار شده است که برابر ۲۱ است.  
بنابراین داده‌های بزرگ‌تر از مُد و کوچک‌تر از میانه عبارت‌اند از:

۲۷, ۲۸, ۳۲, ۳۴

حال میانگین این داده‌ها برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{27+28+32+34}{4} = \frac{121}{4} = 30.25$$

ابتدا میانگین چهار داده‌ی ناجور را حساب می‌کنیم. داریم:

$$\frac{10+15+45+50}{4} = 30$$

بنابراین میانگین ۲۱ داده نیز برابر  $30^\circ$  است. حال اگر مجموع مربعات ۲۵ داده را با  $\sum x_i^2$  نشان دهیم، داریم:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}} \Rightarrow \sigma^2 = 64 \Rightarrow \frac{\sum x_i^2}{25} - (30)^2 = 64 \Rightarrow \frac{\sum x_i^2}{25} = 964 \Rightarrow \sum x_i^2 = 25 \times 964$$

از طرفی مجموع مربعات ۲۱ داده‌ی باقی‌مانده برابر است با:

$$\sum y_i^2 = 25 \times 964 - \underbrace{(1^2 + 15^2 + 45^2 + 50^2)}_{25 \times 194} = 25(964 - 194) = 25 \times 770$$

حال واریانس داده‌های باقی‌مانده برابر است با:

$$\sigma'^2 = \frac{\sum y_i^2}{21} - (30)^2 = \frac{25 \times 770}{21} - 900 = \frac{2750}{21} - 900 = \frac{50}{21} \approx 16.66$$

ابتدا نمودار میله‌ای داده‌شده را به جدول توزیع فراوانی‌ها تبدیل می‌کنیم. داریم:

۱۱۰

$x_i$	۱	۳	۵	۷
$f_i$	۱	۲	۹	۴

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} = \frac{1(1) + 2(3) + 9(5) + 4(7)}{1+2+9+4} = \frac{1+6+45+28}{16} = \frac{80}{16} = 5$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum f_i (x_i - \bar{x})^2}{\sum f_i} = \frac{1(1-5)^2 + 2(3-5)^2 + 9(5-5)^2 + 4(7-5)^2}{1+2+9+4} = \frac{40}{16} = 2.5$$

۱۱۱

$$\begin{aligned} 1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + 25^2 &= 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 25^2 - (2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots + 24^2) \\ &= 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 25^2 - 2^2(1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 12^2) \\ &= \left(\frac{25 \times 26}{2}\right)^2 - 2^2 \left(\frac{13 \times 14}{2}\right)^2 = 325^2 - 8 \times 78^2 = 105625 - 48672 = 56953 \end{aligned}$$



$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{k} \leq k+1 \quad \text{: فرض استقراء}$$

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{k} + \frac{1}{k+1} \leq k+2 \quad \text{: حکم استقراء}$$

به دو طرف فرض  $\frac{1}{k+1}$  اضافه می‌کنیم و داریم:

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{k} + \frac{1}{k+1} \leq k+1 + \frac{1}{k+1}$$

برای آنکه حکم اثبات شود باید نامساوی زیر را ثابت کنیم:

$$k+1 + \frac{1}{k+1} \leq k+2 \Rightarrow \frac{1}{k+1} \leq 1 \Rightarrow k+1 \geq 1$$

$$x^r + y^r - xy \geq x + y - 1 \xrightarrow{x \geq 1, y \geq 1} 2x^r + 2y^r - 2xy \geq 2x + 2y - 2$$

$$\Rightarrow x^r + x^r + y^r + y^r - 2xy - 2x - 2y + 1 + 1 \geq 0 \Rightarrow (x^r + y^r - 2xy) + (x^r - 2x + 1) + (y^r - 2y + 1) \geq 0.$$

$$\Rightarrow (x-y)^r + (x-1)^r + (y-1)^r \geq 0.$$

$$\begin{array}{c} \text{شکل} \\ \hline \text{عدد} \end{array} = \underbrace{3 \times 3}_{\text{رنگ}} \times \underbrace{5}_{\text{عدد}} = 45 \quad \text{تعداد انواع کارت‌ها (الزاماً)}$$

پس ۴۵ نوع کارت داریم، اگر از هر نوع کارت ۳ تا داشته باشیم. هنوز به شرط مسئله نرسیده‌ایم ولی با اضافه شدن کارت بعدی حداقل از یک نوع کارت ۴ تا خواهیم داشت.

$$\text{تعداد حداقل کارت} = 45 \times 3 + 1 = 136$$

اعداد ۱۷، ۳۳ و ۴۱ و ... مثال نقض برای گزینه‌ی (۱) هستند.

اعداد به صورت  $2^n$  مانند ۴، ۱۶، ۸ و ... مثال نقض برای گزینه‌ی (۲) هستند.

اعداد اول ۲ و ۳ مثال نقض برای گزینه‌ی (۴) هستند.

گزینه‌ی (۳) همواره درست است و با برهان خلف در کتاب اثبات شده است.

$$A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19\}$$

$$\text{تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه‌ی } A = 2^8 = 256$$

$$2^4 = 16 = \text{تعداد زیرمجموعه‌هایی که شامل عدد اول دو رقمی نیاشند. (زیرمجموعه‌هایی هستند که با } \{2, 3, 5, 7\} \text{ ساخته می‌شوند.)}$$

$$256 - 16 = 240 = \text{تعداد زیرمجموعه‌هایی که شامل حداقل یک عدد اول دو رقمی باشند.}$$

$$\begin{cases} A_\gamma = [0, \frac{5}{2}) \\ A_\varphi = [-2, \frac{7}{2}) \end{cases} \Rightarrow A_\gamma \Delta A_\varphi = [-2, 0) \cup [\frac{5}{2}, \frac{7}{2})$$

$$A_\gamma = [-1, 3)$$

$$\Rightarrow A_\gamma \cap (A_\gamma \Delta A_\varphi) = [-1, 0) \cup [\frac{5}{2}, 3)$$

$$\begin{cases} A = \{2^1, 2^2, \dots, 2^{25}\} \\ B = \{1^1, 1^2, \dots, 1^{25}\} = \{2^3, 2^6, \dots, 2^{75}\} \end{cases} \Rightarrow A \cap B = \{2^3, 2^6, 2^9, \dots, 2^{24}\}$$

بنابراین مجموعه‌ی  $A \cap B$  دارای ۸ عضو است، پس دارای  $2^8 - 2 = 254$  زیرمجموعه‌ی سرهی غیرتھی است.

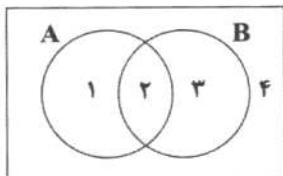


$$B - C' = B \cap (C')' = B \cap C$$

$$B' \cup C' = (B \cap C)'$$

$$[D \cap (B' \cup C')] \cup [D \cap (B - C')] = [D \cap (B \cap C)'] \cup [D \cap (B \cap C)]$$

$$= D \cap [(B \cap C)' \cup (B \cap C)] = D \cap U = D = A \Rightarrow D = A$$

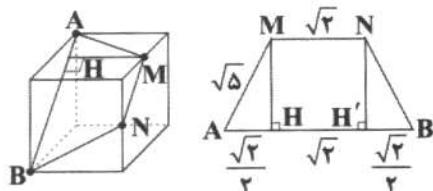


۱۲۰ می توانیم از روش شماره‌گذاری نواحی استفاده کنیم:

$$\begin{cases} A' = \{3, 4\} \\ B' = \{1, 4\} \end{cases} \Rightarrow A' \Delta B' = \{1, 2\} \Rightarrow (A' \Delta B') \cup (A \cup B) = \{1, 2, 3\}$$

$$[(A' \Delta B') \cup (A \cup B)] - A = \{1, 2, 3\} - \{1, 2\} = \{3\} = B - A = B \cap A' = A' \cap B = A' - B'$$

۱۲۱ اگر N را وسط یال در نظر بگیریم (مطابق شکل)، داریم:



$$\begin{cases} (MN)^2 = (1)^2 + (1)^2 = 2 & \text{جذر} \\ (AM)^2 = (2)^2 + (1)^2 = 5 & \text{جذر} \\ (AB)^2 = (2)^2 + (2)^2 = 8 & \text{جذر} \end{cases} \rightarrow MN = \sqrt{2}, AM = \sqrt{5}, AB = 2\sqrt{2}$$

در ذوزنقه متساوی الساقین AMNB داریم:

$$MN = \sqrt{2}, AM = BN = \sqrt{5}, AB = 2\sqrt{2} \Rightarrow AH = \frac{AB - MN}{2} \Rightarrow AH = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(MH)^2 = (\sqrt{5})^2 - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{9}{2} \xrightarrow{\text{جذر}} MH = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$\triangle_{BCH}: \sin 30^\circ = \frac{HC}{BC} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{HC}{2\sqrt{3}} \Rightarrow HC = \sqrt{3}$$

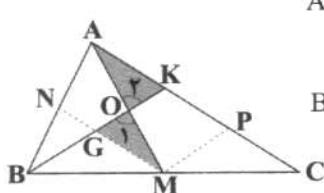
$$\triangle_{BDC}: \tan 30^\circ = \frac{DC}{BC} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{DC}{2\sqrt{3}} \Rightarrow DC = 2$$

$$\triangle_{CDH}: (HD)^2 = (DC)^2 - (HC)^2 = 2^2 - (\sqrt{3})^2 = 1 \xrightarrow{\text{جذر}} HD = 1$$

$$S_{\triangle_{CDH}} = \frac{HD \times HC}{2} = \frac{1 \times \sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

۱۲۳ ابتدا از نقطه M وسط BC به موازات AC و BK رسم می‌کنیم و نقاط تلاقی را به ترتیب P و N می‌نامیم. داریم:

$$\begin{aligned} \triangle_{AMP}: OK \parallel MP &\Rightarrow \begin{cases} AO = OM \Rightarrow AK = KP \quad (1) \\ OK = \frac{1}{2} MP \quad (2) \end{cases} \xrightarrow{(1), (2)} AK = \frac{1}{3} AC \\ \triangle_{BCK}: BK \parallel MP &\Rightarrow \begin{cases} BM = MC \Rightarrow KP = PC \quad (3) \\ MP = \frac{1}{2} BK \quad (4) \end{cases} \xrightarrow{(2), (4)} OK = \frac{1}{4} BK \end{aligned}$$



Mیانه‌ی BC، بنابراین N نیز میانه‌ی AB می‌باشد. بنابراین G محل تلاقی میانه‌های مثلث ABM می‌باشد و از

طرفی دو مثلث OAK و OMG به حالت تساوی دو زاویه و ضلع بین ( $OA = OM, OK = OG, \hat{O}_1 = \hat{O}_2$ ) با یکدیگر

هم نهشت‌اند، لذا داریم:

$$S_{\triangle_{OAK}} = S_{\triangle_{OMG}} = \frac{1}{6} \times S_{\triangle_{AMB}} \xrightarrow{\frac{S_{\triangle_{AMB}} = \frac{1}{2} S_{\triangle_{ABC}}}{S_{\triangle_{AMB}}}} \frac{1}{12} S_{\triangle_{ABC}}$$



می‌دانیم در هر مثلث قائم‌الزاویه، مربع هر ضلع زاویه‌ی قائمه برابر است با حاصل ضرب وتر در تصویر آن ضلع روی وتر. بنابراین داریم:

$$(AC)^2 = BC \times CH \xrightarrow{\text{ تقسیم}} \frac{CH}{BH} = \frac{(AC)^2}{(AB)^2} = \frac{b^2}{c^2}$$

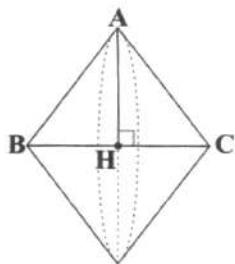
$$\Rightarrow \frac{MC}{NB} = \frac{\frac{(CH)^2}{b}}{\frac{(BH)^2}{c}} = \frac{(CH)^2 \times c}{(BH)^2 \times b} = \frac{b^2 \times c}{c^2 \times b} = \frac{b^2}{c^2}$$

توجه:

$$\Delta ACH : CH^2 = MC \times AC = MC \times b$$

$$\Delta ABH : BH^2 = BN \times AB = BN \times c$$

می‌دانیم در این نوع سؤالات رأس متحرک، مسیر یک دایره را طی می‌کند و ضلع ثابت ارتفاع شکل حاصل را تشکیل می‌دهد. بنابراین در دو مخروط حاصل داریم:



$$\text{ارتفاع مثلث } \Rightarrow AH = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2 = \sqrt{3} \Rightarrow \text{شعاع قاعده‌ی مخروطها:}$$

$$CH = BH = \frac{BC}{2} = 1 \Rightarrow \text{ارتفاع‌های مخروط:}$$

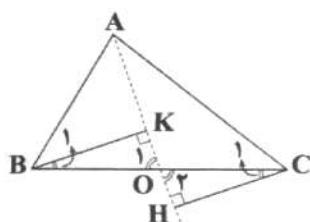
$$\begin{aligned} \text{حجم کل} &= \frac{1}{3} \pi (AH)^2 \times BH + \frac{1}{3} \pi (AH)^2 \times CH = \frac{1}{3} \pi (AH)^2 \times (\underbrace{BH+CH}_{BC}) \\ &= \frac{1}{3} \pi \times (\sqrt{3})^2 \times 2 = 2\pi = \frac{\pi}{2} \end{aligned}$$

مثلث  $ABC$  متساوی‌الاضلاع و اندازه‌ی هر ضلع آن همان قطر یک وجه مکعب به ضلع  $a$  یعنی  $a\sqrt{2}$  است، پس:

$$\Delta ABC \xrightarrow{\text{مساحت}} \frac{\sqrt{3}}{4} (AB)^2 = \sqrt{3} \Rightarrow (AB)^2 = 4 \xrightarrow{\text{جذر}} AB = 2 \xrightarrow{\text{AB}=a\sqrt{2}} a\sqrt{2} = 2 \Rightarrow a = \sqrt{2}$$

$$\xrightarrow{\text{توان ۳}} \text{حجم مکعب} = a^3 = (\sqrt{2})^3 = 2\sqrt{2}$$

می‌دانیم اگر در مثلثی میانه و نیمساز وارد بر یک ضلع، بر هم منطبق باشند، آن مثلث متساوی‌الساقین است.



$$\left\{ \begin{array}{l} BK = CH \quad \text{طبق فرض:} \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \quad \text{متقابل به رأس:} \Rightarrow \hat{C}_1 = \hat{B}_1 \\ \hat{K} = \hat{H} = 90^\circ \end{array} \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{C}_1 = \hat{B}_1 \\ CH = BK \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{لذض ز}} \Delta BKO \cong \Delta CHO \Rightarrow BO = OC$$

پس  $AO$  میانه‌ی ضلع  $BC$  است و چون از قبل می‌دانیم  $AO$  نیمساز داخلی  $A$  نیز هست، پس مثلث  $ABC$  همواره متساوی‌الساقین است.

توجه: در حالت خاص، می‌تواند متساوی‌الاضلاع هم باشد.

از تساوی  $O\hat{B}A = O\hat{E}F$  می‌توان نتیجه گرفت که  $O\hat{B}C = O\hat{D}E$ . بنابراین در گزینه‌ی (۱) دو مثلث به حالت دو زاویه و ضلع بین با

یکدیگر همنهشت هستند. همچنین تساوی  $O\hat{C}B = O\hat{D}E$  منجر به تساوی  $C\hat{O}B = E\hat{O}D$  می‌شود که همان گزینه‌ی (۱) است. در حالی که  $OB = OE$  باشد، دو مثلث به حالت دو ضلع و زاویه‌ی بین همنهشت هستند که همان گزینه‌ی (۳) است.



چون چهارضلعی های BDEF و MNPF متوازی الاضلاع اند، لذا:

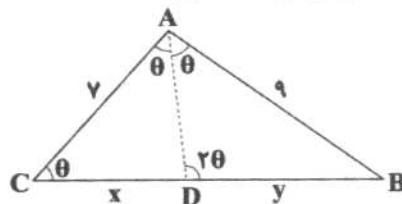
$$\begin{cases} DE \parallel BC \\ AB \parallel FE \parallel NP \end{cases}$$

پس داریم:

$$\begin{cases} DE \parallel BC \Rightarrow \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC} = \frac{2}{3} \\ EF \parallel AB \Rightarrow \frac{CF}{FB} = \frac{CE}{EA} = \frac{3}{2} \\ MN \parallel FC \Rightarrow \frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EC} = \frac{MN}{FC} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

از طرفی  $MN = PC$ ،  $MN = FP$  و  $N = P$  ب ترتیب وسط  $CE$  و  $CF$  هستند. لذا مساحت مثلث هایهر کدام  $\frac{1}{4}$  مساحت مثلث  $EFC$  است و لذا مساحت  $MNPF$  نصف مساحت  $EFC$  است. همچنین نسبت تشابه  $CEF$  به  $ABC$  با  $\frac{1}{2}$  است. بنابراین نسبت مساحت های آنها  $9$  به  $25$  می باشد و بالاخره خواهیم داشت:

$$S_{MNPF} = \frac{1}{4} S_{EFC} = \frac{1}{4} \times \frac{9}{25} S_{ABC} = \frac{9}{100} S_{ABC}$$

با فرض  $\hat{C} = \theta$  و  $\hat{A} = 2\theta$ ، مطابق شکل، که زاویه خارجی مثلث  $ACD$  است، نیز برابر  $2\theta$  خواهد شد و در نتیجه دو مثلث $ABC$  و  $ADB$  به حالت تساوی دو زاویه با هم متشابه می شوند. با نوشتن تناسب اضلاع متناظر این دو مثلث داریم:

$$\frac{AB}{BC} = \frac{DB}{AB} \rightarrow \frac{AB}{DB} = \frac{BC}{AB} = 16 \quad (1)$$

$$AD : CD = \frac{DB}{AC} = \frac{AB}{AC} = \frac{9}{4} \quad \text{نیمساز}$$

$$\begin{aligned} & \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در مخرج}} \frac{DB}{CD+DB} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{DB}{BC} = \frac{9}{16} \\ & \Rightarrow BC \times 4 = 16 \times y \quad (2) \end{aligned}$$

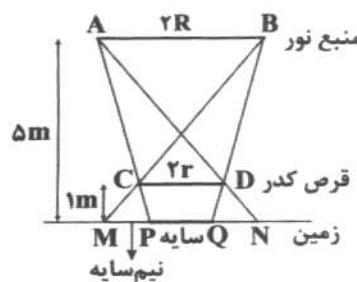
$$\frac{(1), (2)}{} \rightarrow \frac{9}{16} (BC)^2 = 81 \Rightarrow (BC)^2 = 9 \times 16 \rightarrow BC = 3 \times 4 = 12$$



@fizik\_gaj: کanal رفع اشکال

فیزیک

DriQ.com



پهنهای نیمسایه

$$\Delta ABC \cong \Delta MPC \Rightarrow \frac{AB}{MP} = \frac{BC}{PC} = \frac{4}{1}$$

نسبت ارتفاعها نسبت اضلاع

ابتدا پهنهای نیمسایه را به دست می آوریم:

۱ ۱۳۰

$$\frac{2R}{MP} = 4 \quad R = 10 \text{ cm} \rightarrow \frac{2 \times 20}{MP} = 4 \Rightarrow MP = 10 \text{ cm}$$

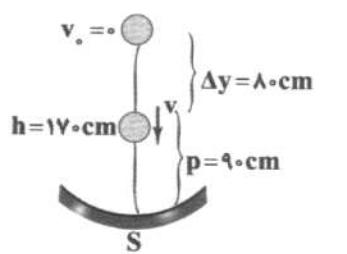
پهنهای نیمسایه برای به دست آوردن طول سایه از تشابه دو مثلث دیگر استفاده می کنیم:

$$\Delta BCD \cong \Delta BMQ \Rightarrow \frac{CD}{MQ} = \frac{4}{5}$$

نسبت ارتفاعها نسبت اضلاع

$$\Rightarrow \frac{2r}{MP + PQ} = \frac{4}{5} \quad r = 10 \text{ cm} \rightarrow \frac{2 \times 10}{10 + PQ} = \frac{4}{5} \Rightarrow 40 + 4PQ = 100 \Rightarrow 4PQ = 60 \Rightarrow PQ = 15 \text{ cm}$$

برای تعیین سرعت لحظه‌ای تصویر در لحظه‌ی خواسته شده، دو مرحله را باید انجام دهیم. ابتدا باید سرعت لحظه‌ای جسم در این لحظه را تعیین کنیم. سپس بزرگنمایی آینه را در این نقطه تعیین می‌کنیم.



$$\begin{aligned} v' &= -10 \text{ cm} \\ v^2 - v_0^2 &= 2g\Delta y \\ v^2 - (-10)^2 &= 2 \times 10 \times 0 / 20 = 10 \Rightarrow v = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

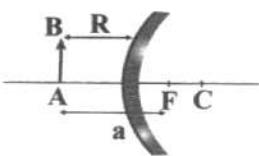
حال نوبت تعیین بزرگنمایی است.

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{40} + \frac{1}{18} = \frac{1}{20} \Rightarrow q = 18 \text{ cm} \Rightarrow m = \frac{q}{p} = \frac{18}{40} = \frac{9}{20}$$

برای تعیین سرعت لحظه‌ای تصویر خواهیم داشت:

$$\frac{v_q}{v_p} = m^2 \Rightarrow \frac{v_q}{4} = 4 \Rightarrow v_q = 16 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$p = 2f$$



$$\begin{aligned} \frac{1}{p} + \frac{1}{q} &= -\frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{40} + \frac{1}{-12} = -\frac{1}{20} \Rightarrow \frac{1}{q} = -\frac{1}{f} - \frac{1}{2f} = \frac{-3}{2f} \\ q &= -\frac{2f}{3} \Rightarrow m = \left| \frac{q}{p} \right| = \left| \frac{-\frac{2f}{3}}{40} \right| = \frac{1}{3} \end{aligned}$$

روش اول:

روش دوم: با استفاده از فرمول نیوتون، می‌توان  $m$  را محاسبه کرد.

$$a = f + 2f = 3f$$

$$m = \frac{f}{a} = \frac{f}{3f} = \frac{1}{3}$$

با تزدیک شدن جسم به آینه تصویر نیز به آینه تزدیک شده است پس نوع تصویر مجازی است و به دلیل این‌که جایه‌جایی تصویر از جسم کوچک‌تر است پس بزرگنمایی از ۱ کوچک‌تر است و آینه محدب است.

$$\frac{1}{p_1} - \frac{1}{q_1} = -\frac{1}{f} = \frac{1}{p_2} - \frac{1}{q_2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{12} - \frac{1}{q_1} = \frac{1}{6} - \frac{1}{q_1 - 1} \Rightarrow q_1 = 4 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{p_1} - \frac{1}{q_1} = -\frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{12} - \frac{1}{4} = -\frac{1}{f} \Rightarrow f = 6 \text{ cm}$$

نور از آب وارد شیشه می‌شود و چون از محیط رقیق به محیط غلیظ ( $n_{\text{آب}} > n_{\text{شیشه}}$ ) تابیده است، پس امکان بازتاب کلی وجود ندارد و زاویه‌ی پرتوی شکست در شیشه برابر است با:

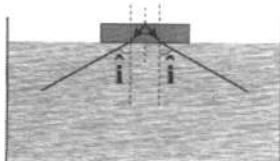
$$n_{\text{آب}} \sin i = n_{\text{شیشه}} \sin r \Rightarrow \frac{4}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{2} \times \sin r \Rightarrow \sin r = \frac{4\sqrt{3}}{9}$$

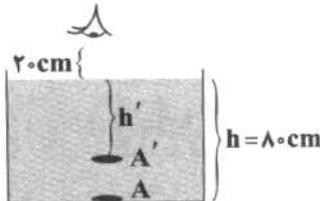
این پرتو با همان زاویه به وجه بالایی تیغه برخورد می‌کند. برای تعیین زاویه‌ی پرتوی شکست در هوا داریم:

$$n_{\text{آب}} \sin i = n_{\text{هوای شیشه}} \sin r' \Rightarrow \frac{3}{2} \times \frac{4\sqrt{3}}{9} = 1 \times \sin r' \Rightarrow \sin r' = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

چون  $1 < \frac{2\sqrt{3}}{3}$  و سینوس هیچ‌گاه بزرگ‌تر از یک نمی‌باشد، پس نور وارد هوا نمی‌شود و روی وجه بالایی شیشه بازتاب کلی می‌کند و با

همان زاویه‌ی  $60^\circ$  وارد آب می‌شود.





$$h' = \frac{h}{n} = \frac{20}{\frac{4}{3}} = 15 \text{ cm}$$

فاصله‌ی تصویر سکه از چشم شخص  $\Rightarrow 6 + 20 = 15 \text{ cm}$

چون طول تصویر بزرگ‌تر از طول جسم است، الزاماً عدسی همگرا و توان آن مثبت است. با توجه به این‌که تصویر در طرف دیگر عدسی تشکیل شده است، بنابراین تصویر حقیقی است. در این حالت می‌توان نوشت:

$$m = \frac{q}{p} \xrightarrow{m=2} \frac{2}{p=10 \text{ cm}} \Rightarrow 2 = \frac{q}{\frac{1}{3}} \Rightarrow q = 6 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{pq}{p+q} = 20 \text{ cm} = 10/2 \text{ m} \Rightarrow D = \frac{1}{f} = \frac{1}{0.2} = 5 \text{ دیوبتر}$$

وقتی تیغه‌ی شیشه‌ای بین جسم و عدسی قرار می‌گیرد، در اثر پدیده‌ی عمق ظاهری در تیغه، فاصله‌ی جسم و عدسی نسبت به حالت اول کاهش می‌یابد. پس ابتدا باید مشخص کنیم که در حالت اول فاصله‌ی جسم از عدسی چقدر بوده است و سپس با استفاده از مفهوم عمق ظاهری مشخص می‌کنیم که ضخامت تیغه در اثر پدیده‌ی شکست نور چقدر کمتر به نظر می‌رسد. میزان کاهش ضخامت تیغه برابر با کاهش فاصله‌ی جسم از عدسی است. سپس با داشتن فاصله‌ی ظاهری جسم از عدسی، فاصله‌ی جدید تصویر از عدسی و در نهایت فاصله‌ی جدید پرده را محاسبه می‌کنیم.

$$d = p + q \Rightarrow 20 = p + q \xrightarrow{\substack{m=2 \\ m=\frac{q}{p}}} 20 = p + 2p \Rightarrow 20 = 3p \Rightarrow p = 6.67 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow p = 6.67 \text{ cm} \Rightarrow q = 2 \times 6.67 = 13.33 \text{ cm}$$

$$x' = \frac{x}{n} \Rightarrow x' = \frac{3}{\frac{3}{2}} = 2 \text{ cm} \quad (\text{ضخامت ظاهری تیغه})$$

$$\Delta x = x - x' = 3 - 2 = 1 \text{ cm} \quad (\text{کاهش ضخامت ظاهری تیغه در اثر شکست نور})$$

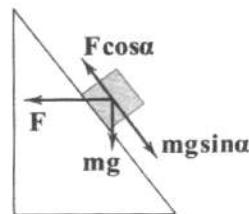
$$p' = 9 - 1 = 8 \text{ cm} \quad (\text{فاصله‌ی ظاهری جسم از عدسی در اثر شکست نور})$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{8} + \frac{1}{9} = \frac{1}{6} \Rightarrow q' = 24 \text{ cm} \quad (\text{فاصله‌ی جدید تصویر حقیقی یا همان پرده از عدسی})$$

در ابتدا فاصله‌ی پرده از عدسی 18 cm بوده است و در حالت دوم باید فاصله‌ی پرده از عدسی 24 cm باشد، پس پرده باید 6 cm از عدسی دور شود.

متن کتاب درسی فیزیک (۱) فصل اول را به دقت مطالعه کنید.

ابتدا باید شتاب حرکت را برای تعیین جایه‌جایی به دست آوریم.



$$mg \sin \alpha - F \cos \alpha = ma$$

$$50 \times 0.8 - 50 \times 0.6 = 5a$$

$$\Rightarrow a = \frac{m}{s^2}$$

بنابراین جسم به سمت پایین حرکت می‌کند و جایه‌جایی آن در ثانیه‌ی اول پس از شروع حرکت برابر است با:

$$d = \frac{1}{2} at^2 = 1 \text{ m}$$

$$W_F = (F \cos \alpha) d \cos 180^\circ = (50 \times 0.6) \times 1 \times (-1) = -30 \text{ J} \quad \triangle \text{ توجه: تنها مؤلفه‌ی } F \cos \alpha \text{ کار انجام می‌دهد.}$$

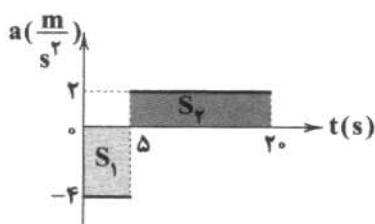
۱۴۱ ارزی پتانسیل کشسانی فیر متناسب با مجدد تغییر طول آن است.

$$\frac{\Delta U'}{\Delta U} = \left(\frac{x'}{x}\right)^2 \Rightarrow \frac{\Delta U'}{18} = \left(\frac{1}{4}\right)^2 \Rightarrow \Delta U' = 72 \text{ J}$$

$$\Delta U_{\text{مرحله دوم}} = \Delta U' - \Delta U = 72 - 18 = 54 \text{ J}$$

پس تغییر انرژی پتانسیل کشسانی در ۴ cm دوم برابر است با:

$$\Delta U_{\text{مرحله اول}} = \Delta U - \Delta U' = 54 - 18 = 36 \text{ J} \quad \triangle \text{ توجه: اختلاف تغییر انرژی پتانسیل کشسانی در دو مرحله خواسته شده برابر است با:}$$



بنابراین تغییرات انرژی جنبشی برابر کار برایند نیروها است.

$$\Delta v = -S_1 + S_2 = -4 \times 5 + 2 \times 15$$

$$\Delta v = +10 \frac{m}{s} \Rightarrow v_2 = v_1 + 10 = 20 \frac{m}{s}$$

$$\Delta K = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} \times 3 \times 400 - \frac{1}{2} \times 3 \times 100$$

$$\Delta K = +450 J$$

۲ ۱۴۲

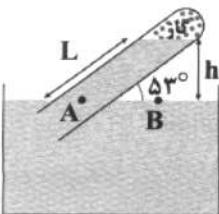
نیروی کل وارد بر کف ظرف از فشار کل حاصل می‌شود.

$$F = P \times A = (P_0 + \rho gh) \times A = P_0 A + \rho gh \times A$$

$$F_r = 2F_1 \Rightarrow P_0 A + \rho g h_1 A = 2 \times (P_0 A + \rho g h_1 A) = 2P_0 A + 2\rho g h_1 A$$

$$\Rightarrow \rho g h_1 A = 2P_0 A + 2\rho g h_1 A$$

$$\Rightarrow h_1 = \frac{2P_0}{\rho g} + 2h_1 \Rightarrow h_1 > 2h_1 \Rightarrow \frac{h_1}{h_1} > 2 \Rightarrow k > 2$$



با استفاده از اصل همسشاری در نقاط A و B و فشار گاز تعیین می‌شود.

$$h = L \sin 53^\circ = 50 \times 0 / \lambda = 40 \text{ cm}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{غاز}} + \rho gh = P_0 \quad (1)$$

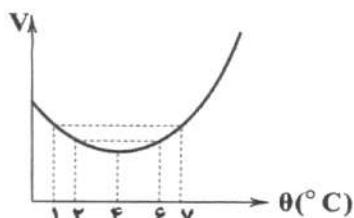
$$\rho_{\text{مایع}} h_{\text{ HG}} = \rho_{\text{HG}} h_{\text{ HG}} \Rightarrow 2 / 4 \times 40 = 13 / 6 \times h_{\text{ HG}} \Rightarrow h_{\text{ HG}} = 10 \text{ cm} \quad (2)$$

$$(1) \text{ و } (2) \Rightarrow P_{\text{غاز}} + 10 = 76 \Rightarrow P_{\text{غاز}} = 66 \text{ cmHg}$$

۳ ۱۴۳

نمودار تغییرات حجم آب با دما که حالتی غیرعادی دارد مطابق شکل زیر است. حجم و در نتیجه ارتفاع آب در  $4^\circ C$  دارای کمترین

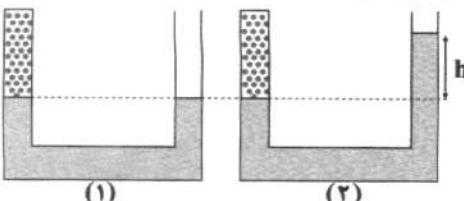
مقدار است. به دلیل تقارن نمودار حجم آب در دمای  $C^\circ$  از  $4^\circ C$  کمتر است پس ارتفاع مایع درون ظرف ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌باید و مقدار نهایی آن از مقدار اولیه کمتر است.



در حالت اول ارتفاع ستون جیوه در دو سمت لوله ای آزمایش یکسان است، بنابراین می‌توان گفت فشار اولیه گاز محبوس برابر با فشار هوا محيط است.

$$P_1 = P_0 = 76 \text{ cmHg}$$

هنگامی که در لوله سمت راست  $19 \text{ cm}^3$  جیوه می‌ریزیم، افزایش ارتفاع ستون جیوه برابر خواهد شد با:



$$V = Ah \xrightarrow{A=2 \text{ cm}^2} 19 = 2 \times h \Rightarrow h = 9.5 \text{ cm}$$

بنابراین فشار گاز محبوس برابر خواهد شد با:

$$P_2 = P_0 + 9.5 / 5 = 76 + 9.5 / 5 = 85 / 5 \text{ cmHg}$$

با توجه به آن که باید حجم گاز در دو حالت ثابت باقی بماند، داریم:

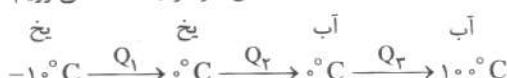
$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{76}{T_1} = \frac{85 / 5}{T_2} \Rightarrow T_2 = 1.125 T_1$$

درصد تغییرات دما برابر است با:

$$\frac{\Delta T}{T_1} \times 100 = \frac{T_2 - T_1}{T_1} \times 100 = \frac{1.125 T_1 - T_1}{T_1} \times 100 = 0.125 \times 100 = 12.5$$



ابتدا مقدار گرمای مورد نیاز برای آن که قطعه یخ به جرم  $m$  با دمای  $0^\circ\text{C}$  به آب با دمای  $10^\circ\text{C}$  تبدیل شود را به دست می‌آوریم:



$$Q_T = Q_1 + Q_2 + Q_3 = mc_{\text{یخ}} \Delta\theta_{\text{یخ}} + mL_F + mc_{\text{آب}} \Delta\theta_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow Q_T = m \times 2100 \times [0 - (-10)] + m \times 33600 + m \times 4200 \times (10 - 0) = 77700 \text{ m(J)} \quad (\text{I})$$

این مقدار گرما را گرمکن با توان ثابت  $P$  در مدت ۷۴ ثانیه تولید می‌کند:

$$Q_T = Pt \xrightarrow{(\text{I})} 77700 \text{ m} = 74P \Rightarrow P = 1050 \text{ m(W)} \quad (\text{II})$$

مقدار گرمای لازم برای آن که نیمی از یخ به آب تبدیل شود، برابر است با:

$$Q' = Q_1 + \frac{1}{2}Q_2 = mc_{\text{یخ}} \Delta\theta_{\text{یخ}} + \left(\frac{1}{2}m\right)L_F = m \times 2100 \times [0 - (-10)] + \frac{1}{2}m \times 33600 \Rightarrow Q' = 189000 \text{ m}$$

برای تولید این مقدار گرما، لازم است تا گرمکن با توان ثابت  $P$  به مدت  $t'$  کار کند:

$$\begin{cases} Q' = Pt' \\ Q' = 189000 \text{ m} \Rightarrow 189000 \text{ m} = 1050 \text{ m} \times t' \Rightarrow t' = 185 \\ P = 1050 \text{ m} \end{cases}$$

اگر مشخصات مربوط به کره‌ی توپر با اندیس  $a$  و کره‌ی توخالی را با اندیس  $b$  نمایش دهیم، داریم:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow \begin{cases} Q_a = m_a c \Delta\theta_a = (\rho V_a) c \Delta\theta_a = \rho c V_a \Delta\theta_a \\ Q_b = m_b c \Delta\theta_b = (\rho V_b) c \Delta\theta_b = \rho c V_b \Delta\theta_b \end{cases}$$

همان‌گونه که در صورت سؤال بیان شده؛ به یک اندازه به دو کره گرما داده‌ایم؛ لذا:

$$Q_a = Q_b \Rightarrow \rho c V_a \Delta\theta_a = \rho c V_b \Delta\theta_b \Rightarrow V_a \Delta\theta_a = V_b \Delta\theta_b \quad (\text{I})$$

حجم کره‌ی توپر و توخالی را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} V_a = \frac{\pi}{3} \pi R^3 \\ V_b = \frac{\pi}{3} \pi R^3 - \frac{\pi}{3} \pi \left(\frac{R}{2}\right)^3 = \frac{\pi}{3} \left(\frac{R}{2}\right)^3 \end{cases}$$

با جایگذاری مقادیر  $V_b$  و  $V_a$  داریم:

$$\frac{\pi}{3} \pi R^3 \times \Delta\theta_a = \frac{\pi}{3} \left(\frac{R}{2}\right)^3 \times \Delta\theta_b \xrightarrow{\Delta\theta_a = 10^\circ\text{C}} \Delta\theta_b = \frac{80^\circ\text{C}}{3}$$

برای به دست آوردن نسبت ساعهای از رابطه  $R = R_0(1 + \alpha \Delta\theta)$  استفاده می‌کنیم:

$$\frac{R_a}{R_b} = \frac{R_0(1 + \alpha \Delta\theta_a)}{R_0(1 + \alpha \Delta\theta_b)} = \frac{1 + \alpha \times 100}{1 + \alpha \times \frac{80}{3}} = \frac{1 + 100\alpha}{1 + 80\alpha} = \frac{V + 70\alpha}{V + 80\alpha}$$

مقدار گرمایی که برای ذوب کامل یخ مورد نیاز است و همچنین مقدار گرمایی که آب  $15^\circ\text{C}$  باید از دست دهد تا به دمای صفر درجه‌ی سلسیوس برسد را محاسبه و مقایسه می‌کنیم:

$$Q_F = m_{\text{یخ}} L_F = m_{\text{یخ}} \frac{\text{cal}}{\text{g}} \times 100 \quad (\text{جرم یخ را } m \text{ در نظر می‌گیریم، لذا جرم آب } 2m \text{ خواهد بود.})$$

$$Q_W = m_{\text{آب}} c \Delta\theta = m_{\text{آب}} \frac{\text{cal}}{\text{g}} \times 2m \times 10 \times 15 = 30m$$

همان‌گونه که مشاهده می‌شود،  $Q_F < Q_W$  است، لذا تمامی یخ ذوب نمی‌شود.

$$Q_F = Q_W = m' L_F \Rightarrow 30m = m' \times 100 \Rightarrow m' = \frac{3}{10}m \quad (\text{اگر جرمی از یخ که ذوب می‌شود را } m' \text{ بنامیم، داریم:})$$

$$m' = m - m' = m - \frac{3}{10}m = \frac{7}{10}m \quad (\text{جرم یخ باقیمانده})$$

$$m' = 2m + m' = 2m + \frac{3}{10}m = \frac{19}{10}m \quad (\text{جرم آب موجود در طرف})$$

بنابراین میزان جرم آب موجود در طرف پس از برقاری تعادل گرمایی،  $\frac{19}{10}$  برابر جرم اولیه‌ی یخ بوده و پاسخ صحیح گزینه‌ی (۳) است.



می‌دانیم برای آن که مخلوط آب و بخ در آستانه‌ی تغییر دما قرار گیرد، باید تمام بخ‌های موجود در مخلوط ذوب شوند، بنابراین گرمایی

$$Q = mL_F \frac{m=\Delta \cdot g= / \Delta kg}{\frac{1}{2} \times 336000 = 168000 J} \text{ موردنیاز، گرمایی است که بتواند تمام بخ‌ها را ذوب کند. در نتیجه:}$$

حال باید بینیم این مقدار گرما توسط این میله‌ی مسی طی چند ثانیه می‌تواند به مخلوط منتقل شود.

با استفاده از فرمول رسانش گرمایی داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} A = \pi r^2 \frac{r=1 cm= / 1 m}{3 \times (\frac{1}{10})^2 = \frac{3}{100} m^2} \\ Q = \frac{kAt\Delta\theta}{L} \frac{L=1 cm= 1 m}{\frac{f=0 \times \frac{3}{100} \times t \times (20 - 0)}{1}} \Rightarrow t = 70 s \end{array} \right.$$

ابتدا باید تعداد مول گاز هیدروژن را به دست آوریم.

$$n = \frac{m}{M} = \frac{f}{M} = 2 \text{ mol}$$

$$Q_1 = Q_2$$

$$mc\Delta T_1 = nC_V\Delta T_2 \xrightarrow{\frac{C_V = \frac{\Delta R}{T}}{12 \times 4200 \times (22 - 7) = 2 \times \frac{\Delta}{T} \times 18 \times \Delta T_2}} \Delta T_2 = 18/9 K$$

ابتدا مقدار  $Q_H$  را برحسب توان محاسبه می‌کنیم.

$$K = \frac{Q_C}{W} \Rightarrow Q_C = KW$$

$$|Q_H| = Q_C + W = KW + W = (K+1)W \xrightarrow{\frac{P=W}{t}} |Q_H| = (K+1)P.t$$

$$\xrightarrow{t=3600 s} |Q_H| = (4+1)(2400 \times 3600) = 43/2 \times 10^6 J = 43/2 MJ$$

۱۵۳

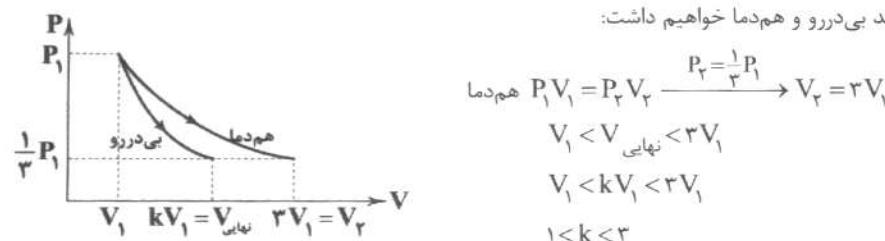
$$\eta_2 = \frac{q}{\lambda} \eta_1 \Rightarrow \lambda \eta_2 = q \eta_1 \Rightarrow \lambda \left(1 - \frac{T_C}{T_{H_2}}\right) = q \left(1 - \frac{T_C}{T_{H_1}}\right)$$

$$T = \theta + 273 \quad , \quad \theta_{H_1} = 27^\circ C \quad , \quad \theta_{H_2} = 127^\circ C$$

$$\Rightarrow \lambda - \frac{\lambda T_C}{127 + 273} = q - \frac{q T_C}{27 + 273} \Rightarrow \lambda - \frac{\lambda T_C}{400} = q - \frac{q T_C}{300} \Rightarrow T_C = 100 K = -173^\circ C$$

هنگامی که به سرعت حجم را تغییر می‌دهیم فرایند بی‌دررو است. به دلیل کاهش فشار حجم افزایش یافته است. برای تعیین محدوده‌ی

با مقایسه نمودار  $P-V$  فرایند بی‌دررو و همدما خواهیم داشت:



در گازهای کامل، معادله‌ی حالت به صورت  $PV = nRT$  برقرار می‌باشد. با توجه به این که  $n$  مقدار گاز و  $R$  ثابت جهانی گازها مقدارهایی ثابت می‌باشند، نتیجه می‌گیریم که دمای مطلق گاز کامل ( $T$ ) با حاصل ضرب ( $PV$ ) متناسب است و رابطه‌ی مستقیم دارد. بنابراین دمای گاز در حجمی، بیشینه خواهد شد که حاصل ضرب فشار در حجم گاز کامل ( $PV$ ) در آن نقطه بیشینه باشد.

روش حل این مسئله این است که معادله‌ی پاره خط برحسب  $V$  را به دست آوریم. شبیه خط برابر است با:

$$m = \frac{\Delta P}{\Delta V} = \frac{100 - 120}{100 - 60} = -\frac{40}{40} = -1 \Rightarrow P = mV + h \Rightarrow P = -V + h$$

$$120 = -40 + h \Rightarrow h = 180 \text{ kPa}$$

پس معادله‌ی این خط به صورت  $P = -V + 180$  است. بنابراین مقدار  $PV$  را به صورت تابعی از  $V$  محاسبه می‌کنیم.

$$f(V) = PV \Rightarrow f(V) = (-V + 180) \times V = -V^2 + 180V$$

۱۵۴



این تابع به صورت سه‌می می‌باشد که دهانه‌ی آن به سمت پایین است و دارای نقطه‌ی ماقزیم می‌باشد. با استفاده از مشتق تابع  $f(V)$  بر حسب  $V$ ، حجم گاز کامل را در این نقطه که دما بیشینه است، به دست می‌آوریم. در این نقطه مشتق برابر صفر است.

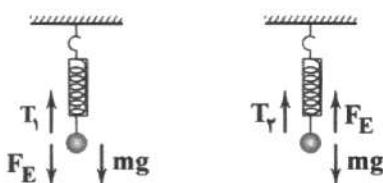
$$f'(V) = -2V + 18 = 0 \Rightarrow V = \frac{18}{2} = 9 \text{ lit}$$

البته اگر به معادله‌ی خط به دست آمده توجه کنید، حاصل جمع  $P$  و  $V$  مقداری ثابت و برابر  $P + V = 18^\circ$  است. طبق قضايای ریاضی حاصل ضرب  $PV$  هنگامی بیشینه می‌شود که  $P$  و  $V$  یکسان و برابر نصف  $18^\circ$  باشند.

$$(PV)_{\text{Max}} = P \cdot V = 18^\circ \Rightarrow P = V = \frac{18^\circ}{2} = 9 \text{ lit}$$

در ابتدا نیروی بین دو گلوله جاذبه و در حالت دوم دافعه است.

۱۵۶



$$\begin{cases} T_1 = F_E + mg \\ T_2 = mg - F_E \end{cases} \Rightarrow \Delta T = 2F_E = 18^\circ \Rightarrow F_E = 9 \text{ N} \Rightarrow F_E = \frac{kq_1 q_2}{r^2} = 9 \Rightarrow \frac{9 \times 10^{-9} \times q^2}{(10 \times 10^{-2})^2} = 9 \Rightarrow q = 10^{-5} \text{ C} = 10 \mu\text{C}$$

توجه کنید در اجسام رسانا بار الکتریکی فقط روی سطح خارجی پخش می‌شود. اگر مساحت هر وجه مکعب  $A$  باشد، مساحتی که بار روی آن قرار می‌گیرد، در حالت اول برای هر مکعب برابر  $6A$  و در حالت دوم برای مجموعه‌ی دو مکعب به هم چسبیده برابر  $10A$  خواهد بود. بار الکتریکی حالت دوم ۲ برابر بار الکتریکی حالت اول است.

$$\sigma = \frac{q}{A} \Rightarrow \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{q_2}{q_1} \times \frac{A_1}{A_2} \Rightarrow \frac{\sigma_2}{36^\circ} = \frac{2q_1}{q_1} \times \frac{6A}{10A} \Rightarrow \sigma_2 = 432 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$$

چون اتصال دو خازن در حالت دوم به صورت موازی است، بنابراین داریم:

۱۵۷

$$(1), (2) \rightarrow V' = \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2} = \frac{CV}{2C} = \frac{V}{2}$$

بنابراین ولتاژ خازن مذکور پس از اتصال، نصف می‌شود و با نصف شدن ولتاژ، انرژی خازن به  $\frac{1}{4}$  مقدار اولیه می‌رسد.

$$\frac{U'}{U} = \left(\frac{V'}{V}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

لامپ‌ها را براساس مشخصات شان می‌نویسیم:

۱۱۵۹

$$\begin{cases} L_A(V, P_A) \\ L_B(V, P_B) \end{cases}$$

از طرفی در صورت سؤال ذکر شده است که با اختلاف پتانسیل  $V$ ، روشنایی لامپ  $A$  بیشتر از روشنایی لامپ  $B$  است و در نتیجه  $P_A > P_B$  است.

بنابراین داریم:

$$\begin{cases} R_A = \frac{V}{P_A} \\ R_B = \frac{V}{P_B} \end{cases} \xrightarrow[\text{ثابت } V]{P_A > P_B} R_A < R_B \quad (*)$$

این دو لامپ به صورت سری به ولتاژ  $V$  متصل می‌شوند.

در این حالت جریانی که از آن‌ها می‌گذرد، یکسان است و به هر یک ولتاژی کمتر از  $V$  می‌رسد. حال با دانستن این نکته، توان مصرفی هر یک از آن‌ها را محاسبه می‌کنیم و با توجه به میزان توان مصرفی شان، در این حالت، در مورد روشنایی شان بحث می‌کنیم:

$$\begin{cases} P_A = R_A I^2 \\ P_B = R_B I^2 \end{cases} \xrightarrow[\text{برابر } I]{(*)} P_A < P_B \Rightarrow \text{روشنایی لامپ } A \text{ از روشنایی لامپ } B \text{ بیشتر است.}$$

از طرفی به دلیل این‌که به هر یک از لامپ‌ها در حالت سری، ولتاژی کمتر از  $V$  می‌رسد، لامپ‌ها هیچ یک نمی‌سوزند.



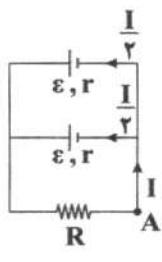
$$I_1 = \frac{2\varepsilon}{R+2r} = \frac{\frac{3}{5}}{1+\frac{2}{5}} = \frac{3}{5} A$$

$$P_1 = RI^2 = 1 \times \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{9}{25} W$$

در حالتی که باتری‌ها به صورت سری بسته شده‌اند:

۱۶۰

در حالتی که باتری‌ها به صورت موازی بسته شده‌اند، برای محاسبه‌ی جریان داریم:  
از نقطه‌ی A شروع به حرکت می‌کنیم تا دوباره به آن برگردیم:



$$V_A + \varepsilon - \frac{I}{2}r - IR = V_A \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R + \frac{r}{2}} = \frac{1/5}{1 + \frac{2}{2}} = \frac{3}{4} A$$

$$P_1 = RI^2 = 1 \times \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{\frac{9}{16}}{\frac{9}{25}} = \frac{25}{16}$$

برای یافتن اختلاف پتانسیل دو سر باتری‌ها، باید جریان عبوری از آن‌ها را بباییم.  
مدار را ساده‌تر رسم می‌کنیم: مقاومت ۶ و ۳ اهمی با یکدیگر موازی‌اند و مقاومت

۱۶۱

$$\text{معادل آن‌ها برابر } R_{1,2} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega \text{ است.}$$

با استفاده از قاعده‌ی حلقه و با توجه به این موضوع که دو باتری‌ای که موازی به یکدیگر متصل شده‌اند، مشابه‌اند، جریان عبوری از هر یک از باتری‌ها را محاسبه می‌کنیم:

با توجه به آن‌که  $\varepsilon_2 > \varepsilon_1 > \varepsilon_3$ ، بنابراین جریان حلقه پاد ساعتگرد خواهد بود. بنابراین در جهت پاد ساعتگرد از نقطه‌ی A و در جهت

$$V_A - 2I - 0/5I - 6 - 0/2I + 15 - 0/4I = V_A$$

جریان در حلقه شروع به چرخش می‌کنیم:

$$\Rightarrow -2I - 6 + 15 = 0 \Rightarrow I = 3A \quad \text{جریان گذرنده از باتری } \varepsilon_3$$

جریان گذرنده از باتری  $\varepsilon_1$ ،  $\frac{I}{3}$  است.از طرفی می‌دانیم که چون  $\varepsilon_2 > \varepsilon_1 > \varepsilon_3$ ، بنابراین  $\varepsilon_2$  تولیدکننده و  $\varepsilon_1$  و  $\varepsilon_3$  مصرف‌کننده خواهند بود. لذا:

$$\begin{cases} V_{\varepsilon_2} = \varepsilon_2 - Ir_2 = 15 - 3 \times 0/4 = 12.8V \\ V_{\varepsilon_1} = \varepsilon_1 + \frac{I}{2}r_1 = 6 + 1/5 \times 0/2 = 6.3V \end{cases} \Rightarrow V_{\varepsilon_2} - V_{\varepsilon_1} = 12.8 - 6.3 = 7.5V$$

هنگامی که مدار از نقطه‌ی A قطع شود، مقاومت  $r_2$  از مدار خارج می‌شود، بنابراین مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد. مقاومت درونی

۱۶۲

باتری نیز ناچیز است. داریم:

$$(\bar{R}_T) = \frac{\varepsilon}{(R_1 + r_2)}$$

با کاهش جریان شاخه‌ی اصلی مدار، جریان عبوری از مقاومت‌ها و باتری کاهش می‌یابد.

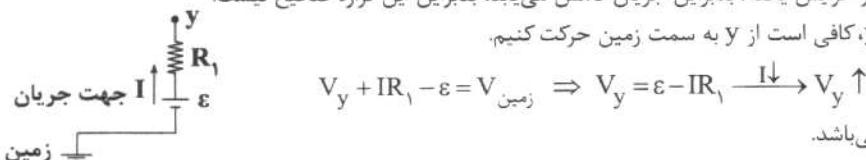
## بررسی عبارت‌ها:

حال به بررسی تک‌تک گزاره‌ها می‌پردازیم:

$$P_4 = R_4 I_4^2 = R_4 I_4^2 \xrightarrow{I_4 \downarrow} P_4 \downarrow \quad \text{(الف)}$$

ب) از آن جا که مقاومت معادل مدار افزایش یافته، بنابراین جریان کاهش می‌یابد، بنابراین این گزاره صحیح نیست.

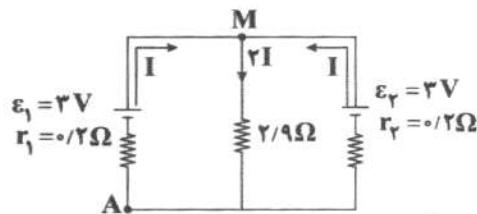
پ) برای تعیین پتانسیل نقطه‌ی y، کافی است از y به سمت زمین حرکت کنیم.



بنابراین گزاره‌ی (پ) نیز صحیح نمی‌باشد.

ت) اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است با  $V = \varepsilon - Ir$ . اما از آن جا که در صورت سؤال ذکر شده مقاومت درونی باتری ناچیز است، بنابراین  $V = \varepsilon$  و تغییر نخواهد کرد. بنابراین این گزاره صحیح نیست.ث) توان مفید باتری برابر است با  $P = \varepsilon I - rI^2 = \varepsilon I - rI^2$ ، که چون مقاومت درونی باتری ناچیز است، بنابراین:  $P = \varepsilon I$ 

بنابراین این گزاره صحیح نیست.



ولت سنج ایده‌آل است، بنابراین جریانی از آن عبور نمی‌کند. از آن‌جا که دو باتری مشابه یکدیگرند، بنابراین جریان‌هایی برابر را تولید می‌کنند. اگر جریان تولیدی توسط هر یک از باتری‌ها را  $I$  بنامیم، با توجه به جهت جریان تولیدی باتری‌ها و نوشتن قانون گره در نقطه‌ی  $M$  جریان ورودی به مقاومت  $R$  برابر  $2I$  خواهد بود.

با نوشتن قاعده‌ی حلقه برای هر یک از حلقه‌های راست یا چپ، می‌توان  $I$  را به دست آورد:

$$V_A + \epsilon_1 - Ir_1 - 2/9(2I) = V_A \Rightarrow 3 - 0.2I - 0.4I = 0 \Rightarrow I = 0.5A$$

از آن‌جا که ولتمتر به صورت موازی با اجزای مدار بسته شده است، بنابراین اختلاف پتانسیل هر یک از آن‌ها، همان مقداری است که ولتمتر نمایش می‌دهد.

$$V_R = V = \epsilon - Ir = 3 - \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} = 2.9V \quad \text{عدد ولت سنج}$$

از طرفی توان مفید باتری به برابر است با:

$$P_{\text{مفید}} = \epsilon I - Ir^2 = 3 \times 0.5 - \frac{2}{10} \times \frac{1}{4} = 1.45W$$

با توجه به شکل واضح است که ولت سنج اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد.

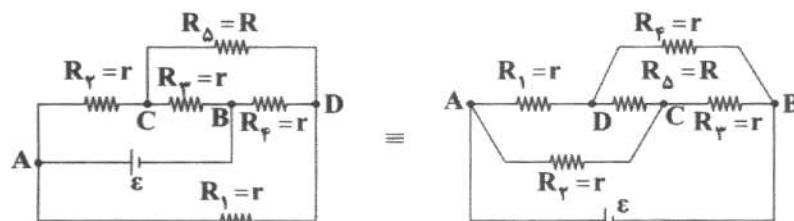
$$V = \epsilon - Ir \Rightarrow 12 = 15 - I(2) \Rightarrow I = 0.5A$$

$$I = \frac{\epsilon}{\sum R} \Rightarrow 0.5 = \frac{15}{\sum R} \Rightarrow \sum R = 30\Omega$$

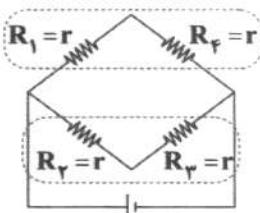
با معادل‌گیری مقاومت‌های  $4/5$  اهمی و هم‌چنین مقاومت‌های  $5$  اهمی خواهیم داشت:

$$\sum R = 30 = 2 + 2 + 2/5 + R_f + 1/5 \Rightarrow R_f = 2\Omega$$

ابتدا به ساده‌سازی مدار می‌پردازیم تا دید بهتری از مدار داشته باشیم؛ (روش نقاط هم‌پتانسیل)



با کمی دقت می‌توان فهمید، به دلیل تقارن مدار دو نقطه  $C$  و  $D$  هم‌پتانسیل هستند. بنابراین از مقاومت  $R_\delta = R$  جریانی نمی‌گذرد. بنابراین جریان مدار برابر است با:



$$I = \frac{\epsilon}{R_T}$$

$$\frac{R_1, f}{R_2, f} = \frac{2r}{2r} \xrightarrow{\text{موازی}} R_T = r \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{r}$$

از آن‌جا که  $R_1, f = R_2, f = R$ ، بنابراین جریان نصف شده و وارد هر یک از شاخه‌ها می‌شود. بنابراین:

$$I_{R_1} = \frac{\epsilon}{2r}$$

از آن‌جا که از مقاومت  $R_\delta = R$  جریانی نمی‌گذرد، بنابراین  $I_{R_\delta} = 0$

به کمک قاعده‌ی دست راست، جهت میدان هر دو سیم در مرکز حلقه برون سو و جهت میدان حلقه، درون سو است.

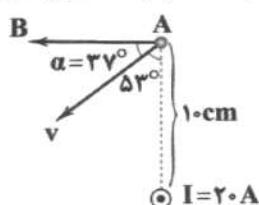
$$B_{\text{سیم}} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{d} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{R} = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{R} \Rightarrow B_{\text{دو سیم}} = 2B_{\text{سیم}} = 4 \times 10^{-7} \frac{I}{R} \odot \quad (\text{I})$$

$$B_{\text{حلقه}} = \frac{\mu_0 N}{2\pi} \frac{I}{R} = 2\pi \times 10^{-7} \frac{I}{R} \odot \quad (\text{II})$$

$$\frac{(\text{I}), (\text{II})}{2\pi > 4} \Rightarrow B_{\text{حلقه}} > 2B_{\text{سیم}} \Rightarrow B_T \odot$$

۱۶۵ | ۱

توجه کنید که به کمک قاعده‌ی دست راست میدان مغناطیسی حاصل از سیم حامل جریان در نقطه‌ی A به سمت چپ است و زاویه‌ی



$$B_{\text{میدان}} = \frac{\mu_0 I}{2\pi d} = 2 \times 10^{-7} \times \frac{2}{1.0 \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-5} \text{ T}$$

$$\begin{aligned} F &= qvB \sin \alpha \Rightarrow F = (2.0 \times 10^{-6}) \times (5 \times 10^{-6}) \times (4 \times 10^{-5}) \times \frac{6}{10} \\ &\Rightarrow F = 2 / 4 \times 10^{-3} \text{ N} = 2 / 4 \text{ mN} \end{aligned}$$

$$F_B = F_C$$

نیروی مرکبگرا، همان نیروی مغناطیسی است.

$$qvB \sin \alpha = \frac{mv^2}{R} \quad \frac{\sin 90^\circ = 1}{R} \rightarrow qB = \frac{mv}{R} \quad P = mv \rightarrow qB = \frac{P}{R} \Rightarrow P = qBR \Rightarrow P = (200 \times 10^{-6})(5000 \times 10^{-4}) \times \left(\frac{2}{10}\right)$$

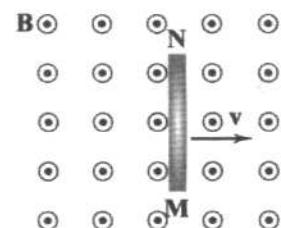
$$\Rightarrow P = 2 \times 10^{-5} \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\epsilon = BLv = 5 \times 1 / 5 \times 4 = 3 \text{ V}$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{3^2}{12} = 7.5 \text{ W}$$

با رفتن میله به سمت راست، شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد، حلقه با جریان پاد ساعتگرد با این تغییر شار مخالفت می‌کند.

با حرکت هر جسم رسانا در میدان مغناطیسی در دو سر آن اختلاف پتانسیلی به اندازه‌ی  $L = BvL = \epsilon$  ایجاد می‌شود.



وقتی میله را در میدان B با سرعت v حرکت می‌دهیم، در واقع اتم‌ها و الکترون‌های آن هم با این سرعت حرکت می‌کنند. به الکترون‌های آزاد متحرک در میدان، نیرویی از سمت میدان وارد می‌شود.

بنابراین الکترون‌ها به سمت بالای میله ( نقطه‌ی N ) می‌روند و بروتون‌ها در پایین میله ( نقطه‌ی M ) باقی می‌مانند. بنابراین پتانسیل نقطه‌ی M از N بیشتر خواهد بود.

$$V_M - V_N > 0$$



کanal رفع اشکال: @shimi\_gaj

شیمی

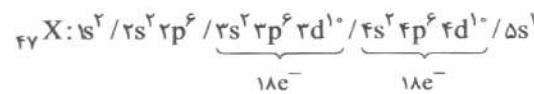


۱۶۹ هانری بکرل به طور تصادفی به خاصیت مهمی پی برده بود که هاری کوری دانشمند معروف لهستانی آن را پرتوزایی و مواد دارای این خاصیت را پرتوزا نام نهاده است. ارنست رادرفورد نیز به این موضوع علاقه‌مند شد و پس از سال‌ها تلاش فهمید، تابشی که بکرل نخستین بار به وجود آن پی برده بود، خود ترکیبی از سه تابش مختلف است.

هر چهار عبارت، درست هستند.

بررسی عبارات:

آ) نخستین عنصری که شمار الکترون‌های لایه‌های سوم و چهارم اتم آن برابر است، در زیرلایه‌ی 4d خود ۱۰ الکترون دارد. یعنی باید زیرلایه‌ی 4d آن کاملاً پر باشد. در این صورت هر کدام از لایه‌های سوم و چهارم آن دارای ۱۸ الکترون خواهد بود.



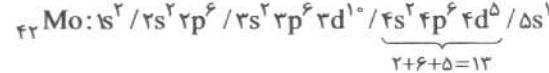
آرایش الکترونی اتم این عنصر به جای  $^2s^2 ^2p^6 ^3d^1 ^4f^1 ^5s^1$  به  $^1s^2 ^2s^2 ^2p^6 ^3d^1 ^4f^1 ^5s^1$  ختم شده و از قاعده‌ی آفبا پیروی نمی‌کند.

ب) آرایش الکترونی اتم  $^{75}\text{Re}$  به صورت مقابله است:

$\frac{1}{3}$  الکترون‌های این اتم یعنی ۲۵ الکترون آن در زیرلایه‌های با عدد کوانتموی  $= 1$  (زیرلایه‌ی d) جای گرفته‌اند:  $^3d^1, ^4d^1, ^5d^1$

پ) آرایش الکترونی اتم  $^{79}\text{Au}$  به صورت مقابله است:

ت) عنصر موردنظر همان  $^{42}\text{Mo}$  است که در گروه ششم جدول جای دارد:





۱۷۲

ترتیب انرژی خطوط موجود در طیف نشري خطی هیدروژن به صورت زیر است:

قرمز &gt; سبز &gt; آبی &gt; بنفش: انرژی

از طرفی خطوطی که در ناحیه‌ی پرانرژی هستند به هم نزدیک‌ترند. این موارد فقط در گزینه‌ی (۳) رعایت شده است.

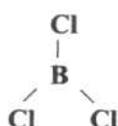
به جز عبارت «آ»، بقیه‌ی عبارت‌ها نادرست هستند.

۱۷۴

## بررسی عبارات:

(آ) در گروه فلزهای قلیایی مانند سایر گروه‌ها از بالا به پایین، خصلت فلزی افزایش می‌یابد. آخرین فلز قلیایی ( $Fr_{87}$ ) دارای بیشترین خصلت فلزی است.

(ب) نافلزها تمایل به گرفتن الکترون و یا به اشتراک گذاشتن الکترون دارند، در صورتی که شبکه‌فلزها تمایل به اشتراک گذاشتن الکترون دارند.

(پ)  $H$  و  $He$  جزو نافلزها اما متعلق به عناصر اصلی  $S$  هستند. (ت) دوره‌ی سوم جدول تناوبی فقط شامل یک عنصر شبکه‌فلزی ( $Si_{14}$ ) است.(ی) تنها در  $BCl_3$  که همه‌ی پیوندهای آن یگانه (ساده) است، طول پیوندها را می‌توان برابر مجموع شعاع کووالانسی اتم‌های درگیر پیوند در نظر گرفت:

در سایر مولکول‌ها حداقل یک پیوند چندگانه وجود دارد:

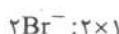
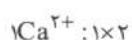


۱۷۶

هر پنج ویزگی اشاره‌شده، در اکسیژن بیشتر از فلور است.

(از آن جا که بین  $A$  و  $D$ ، سه عنصر دیگر در جدول دوره‌ای وجود دارد، می‌توان نتیجه گرفت که تفاوت عدد اتمی  $A$  و  $D$  برابر ۴ است.

(با توجه به این‌که تفاوت عدد اتمی دو عنصری که یون پایدار آن‌ها به آرایش الکترونی یک گاز نجیب می‌رسند، برابر تفاوت بار الکتریکی یون‌های آن‌ها است، می‌توان نوشت:

(یک مول کلسیم برمید ( $CaBr_2$ ) از مبادله‌ی ۲ مول الکترون تشکیل شده است. کافیست شمار یکی از یون‌ها را در اندازه‌ی بار همان یون ضرب کنیم:

$$?mol e^- = 100g CaBr_2 \times \frac{1mol CaBr_2}{200g CaBr_2} \times \frac{2mol e^-}{1mol CaBr_2} = 10mol e^-$$

۱۷۸

فقط عبارت «ب» درست است.

## بررسی عبارات:

(آ) در سدیم کلرید مانند سایر نمک‌ها نیروی جاذبه، تنها محدود به یک کاتیون و یک آئیون نیست، بلکه در تمام جهت‌ها و میان همه‌ی یون‌های ناهمنام مجاور و در فواصل مختلف وجود دارد.

(ب) در شبکه‌ی بلور سدیم کلرید هر کاتیون توسط شش آئیون احاطه شده است و در اطراف هر یون کلرید نیز شش یون سدیم در نزدیک‌ترین فاصله وجود دارد.

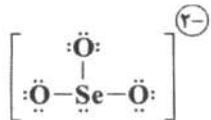
(پ) در بلور سدیم کلرید همانند دیگر ترکیب‌های یونی، نیروهای جاذبه و دافعه‌ی قوی وجود دارد.

(ت) نیروی جاذبه در بلور سدیم کلرید در مجموع حدود  $1/76$  برابر نیروی جاذبه موجود میان یک جفت یون  $Na^+Cl^-$  تنها است.



۱۸۵ ۲

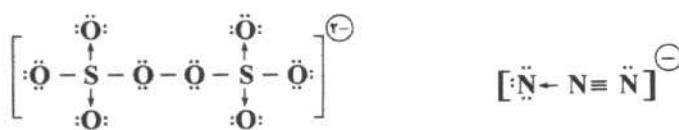
عنصر سلنجیم در گروه شانزدهم جدول دوره‌ای جای دارد و شمار الکترون‌های ظرفیتی اتم آن برابر ۶ است.

به این ترتیب ساختار لوویس یون  $\text{SeO}_3^{2-}$  به صورت زیر خواهد بود:

همان‌طور که می‌بینید اتم مرکزی (Se) دارای یک جفت الکترون ناپیوندی است.

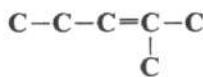
**۱۸۶ ۲** نیروی بین‌مولکولی در  $\text{I}_2$  جامد قوی‌تر از  $\text{Br}_2$  مایع و در بر میز قوی‌تر از گازهای  $\text{CO}$  و  $\text{N}_2$  است. از طرفی جرم مولی گازهای  $\text{CO}$  و  $\text{N}_2$  با هم برابر است، اما چون مولکول‌های  $\text{CO}$  برخلاف  $\text{N}_2$ ، قطبی هستند، نیروی بین‌مولکولی در کربن مونوکسید، قوی‌تر از نیتروژن است.  $\text{I}_2 > \text{Br}_2 > \text{CO} > \text{N}_2$ : نیروی بین‌مولکولی

ساختار لوویس یون‌های موردنظر به صورت زیر است:

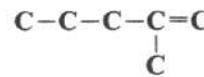


در یون  $\text{N}_3^-$ ، موقعیت اتم‌های نیتروژن یکسان نیست، در نتیجه عدد اکسایش آن‌ها نمی‌تواند با هم برابر باشد. همچنین در یون  $\text{SO}_4^{2-}$  موقعیت و نوع پیوندهای دو اتم اکسیژن میانی، متفاوت با ۶ اتم اکسیژن کناری است. به همین علت، عدد اکسایش اتم‌های اکسیژن نیز با هم برابر نیست.

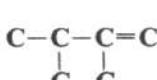
**۱۸۷ ۳** برای آلانی با فرمول مولکولی  $\text{C}_2\text{H}_5$ ، ساختار شاخه‌دار می‌توان در نظر گرفت که حداقل شماره‌ی یکی از شاخه‌های آن برابر ۲ باشد:



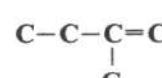
۲ - متیل - ۲ - پنتن



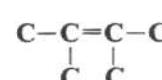
۲ - متیل - ۱ - پنتن



۳ - ۲ - دی‌متیل - ۱ - بوتن



۲ - اتیل - ۱ - بوتن



۳ - ۲ - دی‌متیل - ۲ - بوتن

**۱۸۸ ۳** به جز عبارت (آ)، بقیه‌ی عبارت‌ها درست هستند.

### بررسی عبارات:

(آ) در نمایش ساختار هیدروکربن‌ها به روش «نقطه - خط»، اتم‌های کربن با نقطه و هر کدام از پیوندهای کربن - کربن ( $\text{C}-\text{C}$ ) با خط نمایش داده می‌شوند.

(ب) در نام‌گذاری آلkan شاخه‌دار با فرمول مولکولی  $\text{C}_9\text{H}_{12}$ ، حداقل از پیشوند «تترا» استفاده می‌شود، مانند ساختار زیر:



اما در نام‌گذاری آلkan شاخه‌دار با فرمول مولکولی  $\text{C}_1\text{H}_{22}$ ، می‌توان از پیشوند «پنتا» استفاده کرد، مانند ساختار زیر:



(پ) از آن جا که در آلkan‌ها و آلken‌های هم‌کربن، شمار اتم‌های کربن با هم برابر است، ولی آلkan‌ها اتم‌های هیدروژن بیشتر و در نتیجه جرم مولی بیشتری دارند، بدیهی است که درصد جرمی  $\text{C}$  در آلkan‌ها کمتر از آلken‌های هم‌کربن با آن‌ها باشد.

(ت) از هیدروکربن‌های سیرشده مانند آلkan‌ها نمی‌توان در واکنش پلیمری شدن استفاده کرد. در صورتی که بسیاری از آلken‌ها برای تهییه پلیمرهای گوناگون مورد استفاده قرار می‌گیرند.



عبارت‌های «پ» و «ت» درست هستند.

۱۸۵

## بررسی عبارات:

آ) مهم‌ترین تفاوت میان آلدهیدها و کتون‌ها وجود اتم هیدروژن متصل به گروه کربونیل در آلدهیدها است، اما تعداد اتم‌های هیدروژن در آلدهیدها و کتون‌های هم کربن با هم برابر است، زیرا با هم ایزومرند.

ب) بنزآلدهید ماده‌ای آبی موجود در بادام است.

پ) ساده‌ترین کتون یعنی استون ( $\text{CH}_3\text{COCH}_3$ ) دارای ۳ اتم کربن و ساده‌ترین اتر یعنی دی‌متیل اتر ( $\text{CH}_3\text{OCH}_3$ ) دارای ۲ اتم کربن است.

ت) هر مولکول بنزآلدهید ( $\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}$ ) همانند ۲ - هپتانون ( $\text{C}_7\text{H}_{14}\text{O}$ ) دارای ۷ اتم کربن است. فرمول شیمیایی کربن تترالکرید  $\text{C}_4$  است. تفاوت جرم کربن سبک‌تر و سنگین‌تر برابر ۱ واحد و کل سبک‌تر و سنگین‌تر برابر ۲ واحد است. بنابراین اختلاف جرم سبک‌ترین و سنگین‌ترین  $\text{C}_4\text{Cl}_4$  برابر  $= 9 + 1 = 4 \times 2 = 8$  واحد است.

۱۸۶ ۴ مطالعه‌ی گسترده‌ی موزلی روی پرتوهای X تولیدشده از عنصرهای مختلف، زمینه‌ساز کشف پروتون به عنوان دومین ذره‌ی زیراتمی شد.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

۱۸۷ ۱ اولین عنصر شبکفلز، B<sub>5</sub> و آخرین عنصر شبکفلز At<sub>85</sub> است. تفاوت عدد اتمی این دو عنصر برابر  $= 85 - 5 = 80$  است.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

۱۸۸ ۴ کاهش انرژی نخستین یونش از D به E نشان می‌دهد که عنصر E در یک دوره، پایین‌تر از چهار عنصر دیگر قرار دارد و یک فلز قلیایی است. با توجه به این‌که انرژی دومین یونش یک فلز قلیایی، انرژی لازم برای خارج کردن یک مول الکترون از آرایش هشت‌تایی پایدار است.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

برای نشان دادن بار یون عنصرهایی که تنها یک نوع کاتیون تشکیل می‌دهند، هرگز عدد رومی به کار نمی‌بریم. برای مثال نام‌گذاری یون

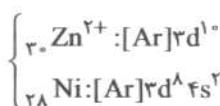
منزیزم ( $\text{Mg}^{2+}$ ), به صورت یون منزیزم (II) درست نیست.  
نام هیچ‌کدام از یون‌ها با نشانه‌ی شیمیایی آن مطابقت ندارد.

نشانه‌ی شیمیایی							
$\text{Cs}^+$	$\text{N}^{3-}$	$\text{O}^{2-}$	$\text{H}^+$	$\text{H}^-$	$\text{S}^{2-}$	$\text{Mg}^{2+}$	$\text{Na}^+$
یون سریم	یون نیترید	یون اکسید	یون هیدروژن	یون هیدرید	یون سولفید	یون منزیزم	یون شیمیایی

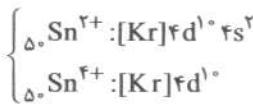
(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

## بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱)



۳) هیچ‌کدام از کاتیون‌های فلز اصلی Sn<sub>5</sub><sup>5+</sup>، دارای آرایش گاز نجیب نیستند:



۳) بار آنیون‌های چنداتمی مانند کربنات ( $\text{CO}_3^{2-}$ ) و سولفات ( $\text{SO}_4^{2-}$ ) نه به اتم خاصی بلکه به کل مجموعه تعلق دارد.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)



ترتیب انرژی شبکه‌ی بلور سه ترکیب یونی موردنظر به صورت مقابل است:

## بررسی گزینه‌ها:

۱۹۲

۱) بار مؤثر هسته در یک دوره از چپ به راست افزایش می‌یابد. بنابراین بار مؤثر هستهی فلز Al بیش‌تر از دو فلز دیگر است.

۲) واکنش‌پذیری فلزها در یک دوره از چپ به راست کاهش می‌یابد. بنابراین واکنش‌پذیری فلز Al کم‌تر از دو فلز دیگر است.

۳) الکترون‌گاتیوی عنصرها در یک دوره از چپ به راست افزایش می‌یابد. بنابراین الکترون‌گاتیوی فلز Al بیش‌تر از دو فلز دیگر است.

۴) انرژی نخستین یونش عناصر در یک دوره از چپ به راست افزایش می‌یابد، مگر در گذر از گروه ۲ به ۱۳ و از گروه ۱۵ به ۱۶. بنابراین انرژی نخستین یونش Mg (گروه ۲) بیش‌تر از دو فلز دیگر است.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)



## بررسی گزینه‌ها:

- ۱) اختلاف الکترونگاتیوی و خصلت یونی پیوند  $\text{Ni}$  با  $\text{Cl}$  کمتر از پیوند  $\text{Sr}$  با  $\text{Cl}$  است.
- ۲) اختلاف الکترونگاتیوی  $\text{Sr}$  و  $\text{Br}$  برابر  $1/8$  و پیوند میان آن‌ها یونی است. در نتیجه، ترکیب حاصل از واکنش این دو عنصر یک جامد یونی است.
- ۳) اختلاف الکترونگاتیوی  $\text{C}$  و  $\text{Br}$  برابر  $3/8$  و کمتر از  $4/8$  می‌باشد، پس پیوند میان آن‌ها کووالانسی ناقطبی است.
- ۴) اختلاف الکترونگاتیوی  $\text{Cl}$  و  $\text{O}$  برابر  $5/8$  و بیشتر از  $4/8$  می‌باشد، پس پیوند میان آن‌ها، کووالانسی قطبی است.

(یافی فارج ۹۲ - کتاب IQ - شیمی)

ترکیب‌هایی که هر سه نوع پیوند یونی، کووالانسی معمولی و داتیو را دارند:

- ۱- اگر در ساختار آنیون‌های چند اتمی مانند  $\text{SO}_4^{2-}$ ,  $\text{ClO}_4^-$  و ... پیوند داتیو وجود داشته باشد، هر ترکیب یونی که حاوی این یون‌ها باشد، دارای هر سه نوع پیوند یونی، کووالانسی معمولی و داتیو است.

**نکته:** آنیون‌های  $\text{NO}_3^-$ ,  $\text{CO}_3^{2-}$ ,  $\text{ClO}_4^-$  و  $\text{OH}^-$  فاقد پیوند داتیو هستند.

- ۲- آمونیوم ( $\text{NH}_4^+$ ) یک کاتیون چند اتمی است که در ساختار آن پیوند کووالانسی معمولی و پیوند داتیو وجود دارد. بنابراین تمام ترکیب‌های یونی حاوی آمونیوم، دارای هر سه نوع پیوند یونی، کووالانسی معمولی و داتیو هستند.

در میان ترکیب‌های داده شده،  $\text{CuSO}_4 \cdot 5\text{H}_2\text{O}$ ,  $\text{NH}_4\text{NO}_2$  و  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  هر سه نوع پیوند یونی، کووالانسی معمولی و داتیو را دارند:

## بررسی سایر ترکیب‌ها:

- $\text{CH}_3\text{OH}$ : در ساختار  $\text{CH}_3\text{OH}$ , پیوند داتیو و یونی وجود ندارد.
- $\text{CaC}_2$ : یون کاربید ( $\text{C}_2^{2-}$ ). فاقد پیوند داتیو است.
- $\text{Cs}_2\text{CO}_3$ : با توجه به نکته‌ی بالا، آنیون  $\text{CO}_3^{2-}$  فاقد پیوند داتیو می‌باشد.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

- در ترکیب یونی نشادر ( $\text{NH}_4\text{Cl}$ ) که از یون‌های  $\text{NH}_4^+$  و  $\text{Cl}^-$  تشکیل شده است، کلر با گرفتن یک الکترون به آرایش گاز نجیب پس از خود رسیده است. نیتروژن و هیدروژن نیز با تشکیل پیوندهای کووالانسی به آرایش گازهای نجیب پس از خود، یعنی نترون و هلیم رسیده‌اند.

## بررسی سایر گزینه‌ها:

- ۱) در  $\text{MgBr}_2$ , منیزیم با از دست دادن دو الکترون، به آرایش گاز نجیب قبل از خود رسیده است.
- ۲) در آلومینیم کلرید ( $\text{AlCl}_3$ ), اتم  $\text{Al}$  با برقراری سه پیوند کووالانسی با  $\text{Cl}$ , به آرایش شش‌تایی رسیده و فاقد آرایش گاز نجیب است.
- ۳) در گوگرد هگزاfluورید ( $\text{SF}_6$ ), اتم  $\text{S}$  با برقراری شش پیوند کووالانسی با  $\text{F}$  به آرایش ۱۲ تایی رسیده و فاقد آرایش گاز نجیب است.

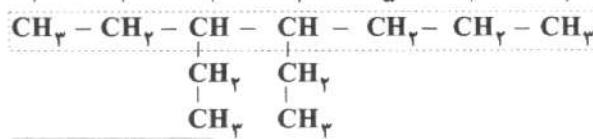
(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

- هر چند پیوند هیدروژنی بین مولکول‌های  $\text{HF}$  قوی‌تر از  $\text{H}_2\text{O}$  است، ولی به دلیل بیش‌تر بودن تعداد پیوند هیدروژنی به‌ازای هر مولکول در  $\text{H}_2\text{O}$ , نقطه‌ی ذوب و جوش آن بالاتر از  $\text{HF}$  است.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

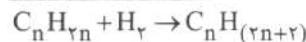


۱۹۷ ۴ هر چهار گروه متیل (-CH<sub>3</sub>) وضعیت یکسانی دارند، بنابراین با جایگذاری هرکدام از آنها با اتیل (-CH<sub>2</sub>CH<sub>3</sub>) فقط یک ترکیب جدید حاصل می‌شود.



(۴ - دی‌اتیل‌هبتان)

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)



معادله واکنش انجامشده به صورت مقابل است:

$$2 = 0 / 2(2n+2) \Rightarrow 0 / 4n = 1 / 6 \Rightarrow n = 4$$

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

بنابراین آنکه مورد نظر C<sub>4</sub>H<sub>10</sub> بوده است.

۱۹۸ ۲

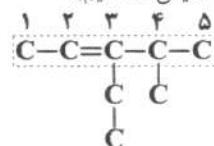
مطابق صورت تست می‌توان نوشت:

۱ - فرمول عمومی آمین‌های خطی سیرشده به صورت C<sub>n</sub>H<sub>(2n+2)</sub>N است.

۲ - بوی بد ماهی فاسدشده به دلیل آزاد شدن مولکول تری‌متیل آمین ((CH<sub>3</sub>)<sub>3</sub>N)) است.

۳ - بوتیل آمین (CH<sub>3</sub>(CH<sub>2</sub>)<sub>2</sub>NH<sub>2</sub>)، مایعی با نقطه ذوب پایین (5°C/-5°C) است که به مقدار بسیار زیاد در اتانول حل می‌شود.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی) ساختار هیدروکربنی با نام ۳ - اتیل - ۴ - متیل - ۲ - پنتن به صورت زیر است: (برای سادگی اتم‌های هیدروژن را نمایش ندادهایم):

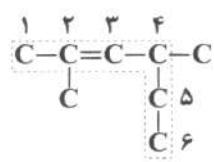


۱۹۹ ۲ لکته:

۱ - فرمول عمومی آمین‌های خطی سیرشده به صورت C<sub>n</sub>H<sub>(2n+2)</sub>N است.

۲ - نام درست این هیدروکربن ۴، ۲ - دی‌متیل - ۲ - هگزن است.

۳ - با توجه به این نامگذاری، طرفیت اتم کربن ستاره‌دار برابر ۵ شده است که مورد قبول نیست.

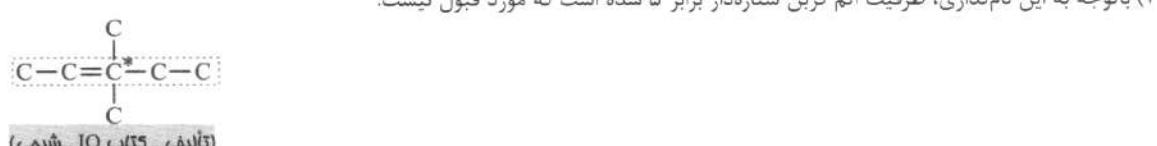


۲۰۰ ۲ برسی سایر گزینه‌ها:

(۱) در نامگذاری، شاخه‌ی «اتیل» بر «متیل» تقدم دارد.

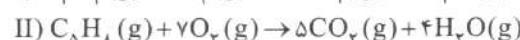
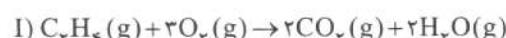
(۲) نام درست این هیدروکربن ۴، ۲ - دی‌متیل - ۲ - هگزن است.

(۳) با توجه به این نامگذاری، طرفیت اتم کربن ستاره‌دار برابر ۵ شده است که مورد قبول نیست.



(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

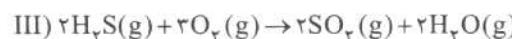
۲۰۱ ۱ معادله موازن‌شده واکنش‌های سوختن اتن و پنتن به صورت زیر است:



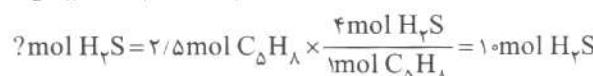
مطابق معادله‌های فوق از سوختن هر مول پنتن، ۵ مول کربن دی‌اکسید و از سوختن هر مول اتن، ۲ مول کربن دی‌اکسید تولید می‌شود. بنابراین با توجه به داده‌های سؤال، شمار مول‌های اتن باید  $\frac{5}{2}$  برابر شمار مول‌های پنتن باشد. اگر شمار مول‌های اتن و پنتن را به ترتیب با a و b نمایش دهیم، خواهیم داشت:

$$\left. \begin{array}{l} a = 2/5b \\ a(28g) + b(68g) = 245g \end{array} \right\} \Rightarrow b = 2/5, a = 6/25$$

جرم یک مول پنتن

معادله واکنش سوختن هیدروژن سولفید (H<sub>2</sub>S) به صورت زیر است:

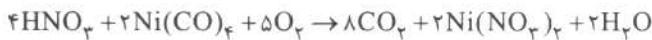
اگر ضرایب واکنش (III) را در عدد ۲ ضرب کنیم، ضریب ماده‌ی مشترک واکنش‌های (II) و (III) (یعنی O<sub>2</sub>) یکسان خواهد شد و C<sub>5</sub>H<sub>8</sub> ~ 4H<sub>2</sub>O ~ 4H<sub>2</sub>S می‌توان تناسب مقابل را به کار برد:





۲۰۲

معادله موازن شده واکنش مورد نظر به صورت زیر است:

همان طور که مشاهده می‌کنید، ضریب سه ماده  $\text{H}_2\text{O}$ ،  $\text{Ni}(\text{NO}_3)_2$ ،  $\text{Ni}(\text{CO})_4$  با هم برابر است.

۲۰۳

۲۰۳

$$\frac{d_{\text{gas}}}{d_{\text{N}_2}} = \frac{M_{\text{gas}}}{M_{\text{N}_2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{M_{\text{gas}}}{28\text{g.mol}^{-1}} \Rightarrow M_{\text{gas}} = 56\text{g.mol}^{-1}$$

$$?L_{\text{gas}} = 1\text{g}_{\text{gas}} \times \frac{1\text{mol}_{\text{gas}}}{56\text{g}_{\text{gas}}} \times \frac{22/4\text{L}_{\text{gas}}}{1\text{mol}_{\text{gas}}} = 0.386\text{L}$$

ابتدا حساب می‌کنیم  $7/84\text{L}$  گاز (در شرایط STP) معادل چند مول گاز است:

۲۰۴

$$?mol_{\text{gas}} = \frac{1}{2} \times 0.386\text{L}_{\text{gas}} \times \frac{1\text{mol}_{\text{gas}}}{22/4\text{L}_{\text{gas}}} = 0.095\text{mol}_{\text{gas}}$$

فرض می‌کنیم  $n$  مول گاز  $A$  وارد واکنش شده باشد:

۲۰۴



شمار مول‌ها در آغاز

 $n \quad \cdot \quad \cdot$ شمار مول‌ها پس از تجزیه  $\frac{1}{2}n$  $n - 2x \quad x \quad 3x$ 

$$2x = \frac{1}{2}n \Rightarrow x = 0.25n$$

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$(n - 2x) + (x) + (3x) = 0.25 \Rightarrow n + 2x = 0.25 \Rightarrow n + 2(0.25n) = 0.25 \Rightarrow n = 0.25\text{mol A}$$

از طرفی داریم:

$$0.25\text{mol} = \frac{\lambda g}{\text{جرم مولی}} = \frac{\lambda g}{\text{جرم مولی}} = \text{مول}$$

فقط شمار اتم‌های گازها در دو سیلندر یکسان است.

۲۰۵

$$?mol_{\text{O}_2} = 16\text{g}_{\text{O}_2} \times \frac{1\text{mol}_{\text{O}_2}}{22\text{g}_{\text{O}_2}} = 0.5\text{mol}_{\text{O}_2}$$

$$?mol_{\text{He}} = 4\text{g}_{\text{He}} \times \frac{1\text{mol}_{\text{He}}}{4\text{g}_{\text{He}}} = 1\text{mol}_{\text{He}}$$

## بررسی عبارات:

آ) با توجه به محاسبه‌های بالا، شمار مول‌های هلیم، دو برابر شمار مول‌های اکسیژن است.

ب) از آن جا که حجم مولی گازها (نسبت حجم به مول) در دما و فشار یکسان با هم برابر است، دو برابر بودن شمار مول‌های هلیم در مقایسه با اکسیژن نشان می‌دهد که حجم گاز He نیز دو برابر حجم گاز  $\text{O}_2$  است.پ) چگالی یک گاز نسبت حجم به حجم آن را نشان می‌دهد. با توجه به این‌که جرم اکسیژن، ۴ برابر جرم هلیم و حجم آن نصف حجم هلیم است، می‌توان نتیجه گرفت که چگالی  $\text{O}_2$ ، ۸ برابر چگالی He است.

ت) به محاسبه‌های زیر دقت کنید:

$$?atom_{\text{O}} = 0.5\text{mol}_{\text{O}_2} \times \frac{6.02 \times 10^{23} \text{ molecule}_{\text{O}_2}}{1\text{mol}_{\text{O}_2}} \times \frac{1\text{atom}_{\text{O}}}{1\text{molecule}_{\text{O}_2}} = 6.02 \times 10^{23} \text{ atom}_{\text{O}}$$

$$?atom_{\text{He}} = 1\text{mol}_{\text{He}} \times \frac{6.02 \times 10^{23} \text{ atom}_{\text{He}}}{1\text{mol}_{\text{He}}} = 6.02 \times 10^{23} \text{ atom}_{\text{He}}$$

فقط عبارت «ت» درست است.

۲۰۶

## بررسی عبارات:

آ) اگر تغییر دما برابر یک کلوین باشد، در این صورت ظرفیت گرمایی جسم با مقدار گرمایی مبادله شده برابر خواهد بود:

$$q = mc\Delta T \xrightarrow{\Delta T=1\text{K}} q = \underbrace{mc}_{\text{ظرفیت گرمایی}}$$

ب) هر چه ظرفیت گرمایی ویژه‌ی یک جسم بیشتر باشد، سخت‌تر می‌توان دمای آن را افزایش داد.

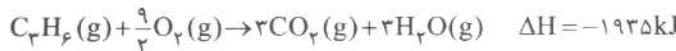
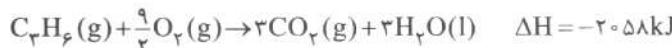
پ) اگر جرم یک جسم را دو برابر کنیم، ظرفیت گرمایی ویژه‌ی آن ثابت می‌ماند اما ظرفیت گرمایی آن دو برابر می‌شود.

ت) نسبت ظرفیت گرمایی یک مول از یک ماده به ظرفیت گرمایی ویژه‌ی آن، برابر است با جرم مولی ماده مورد نظر. از آن‌جا که جرم

مولی گازهای پروپان ( $\text{C}_3\text{H}_8$ ) و کربن دی‌اکسید ( $\text{CO}_2$ ) یکسان و برابر  $44\text{g.mol}^{-1}$  است، این عبارت درست است.



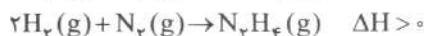
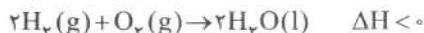
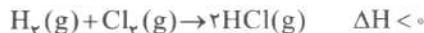
مطابق داده‌های سؤال، معادله‌ی واکنش‌های زیر و  $\Delta H$  آن‌ها در دسترس است:



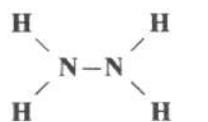
تفاوت  $\Delta H$  دو واکنش فوق برابر  $= 123 - (-2058) = 1935 - (-2058) = 1223$  کیلوژول است که مربوط به تفاوت سطح انرژی ۳ مول آب با ۳ مول بخار  $2H_2O(l) \rightarrow 2H_2O(g)$  است:  $\Delta H = +123 \text{ kJ}$

$$\text{?kcal} = \frac{22/5 \text{ g } H_2O}{18 \text{ g } H_2O} \times \frac{123 \text{ kJ}}{2 \text{ mol } H_2O} \times \frac{1 \text{ cal}}{4184 \text{ J}} = 12.25 \text{ kcal}$$

به جز واکنش میان گاز  $H_2$  با  $N_2$  که در آن هیدرازین ( $N_2H_4$ ) تولید می‌شود، بقیه‌ی واکنش‌ها گرماده هستند.



ابتدا به ساختار مولکول‌های  $NH_2$ ,  $N_2H_4$  و  $N_2$  توجه کنید:



واکنش (I)، تشکیل پیوندهای موجود در هیدرازین ( $N_2H_4$ ) از اتم‌های سازنده‌ی گازی‌شکل آن را نشان می‌دهد. دقت کنید که تشکیل پیوند، یک فرایند گرماده است:

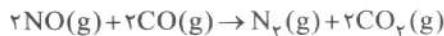
$$\Delta H_I = -3(\Delta H_{N-N} + 4\Delta H_{N-H}) = -3(163 + 4(388)) = -5145 \text{ kJ}$$

واکنش (II)، تشکیل پیوندهای موجود در آمونیاک و نیتروژن از اتم‌های سازنده‌ی گازی‌شکل آن‌ها را نشان می‌دهد:

$$\Delta H_{II} = -[4(3\Delta H_{N-H}) + (\Delta H_{N \equiv N})] = -[12(388) + (944)] = -5600 \text{ kJ}$$

$$\Delta H_I - \Delta H_{II} = (-5145) - (-5600) = +455 \text{ kJ}$$

معادله‌ی واکنش موردنظر به صورت زیر است:



آنالیپی این واکنش، مساعد ( $\Delta H < 0$ ) و آنتروپی آن، نامساعد ( $\Delta S < 0$ ) است. چنین واکنشی در دمای پایین به طور خودبه‌خودی انجام می‌شود.

فرض کنیم در دمای  $C = 5^\circ$ ,  $80 \text{ گرم نمک KNO}_3$  در  $100 \text{ ml}$  آب حل شده است. در این صورت جرم محلول سیرشده برابر است با:  $100 + 80 = 180 \text{ g}$

اکنون حساب می‌کنیم با سرد کردن این محلول از دمای  $C = 5^\circ$  تا  $C = 28^\circ$ , حداقل چند گرم رسوب تشکیل می‌شود:

$$\text{رسوب} = \frac{6g}{27g} \times 40g = 8g \text{ رسوب}$$

بنابراین جرم محلول سیرشده در دمای  $C = 28^\circ$  برابر  $140 \text{ g}$  بوده که  $40 \text{ g}$  آن شامل حل شونده است.

$$\text{درصد جرمی محلول} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} = \frac{40g}{140g} \times 100 = 28.57$$

باریم سولفات ( $BaSO_4$ ) جزو مواد نامحلول بوده و در آب حل نمی‌شود.

$$\text{?mol SO}_4^{2-} = \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{27 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} \times \frac{3 \text{ mol SO}_4^{2-}}{108 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3} = 0.18 \text{ mol SO}_4^{2-}$$

$$[\text{SO}_4^{2-}] = \frac{\text{شمار مول‌های سولفات}}{\text{حجم مولی}} = \frac{0.18 \text{ mol}}{1.2 \text{ L}} = 0.15 \text{ mol.L}^{-1}$$

نقطه‌ی جوش محلول‌ها به شمار ذره‌های حل شونده‌ی غیرفرار موجود در محلول مستگی دارد. هر کدام از محلول‌های  $4/10$  مولال اتیلن

گلیکول ( $C_2H_5(OH)_2$ ) و  $2/10$  مولال منیزیم سولفات ( $MgSO_4$ ), شامل  $4/10$  مول ذره‌ی حل شونده هستند. حل شونده‌های اتانول و استون، فرار هستند.



فرض می‌کنیم مخلوط موردنظر شامل a مول  $\text{CaCl}_2$ , b مول  $\text{NaCl}$  و c مول  $\text{AlCl}_3$  باشد:

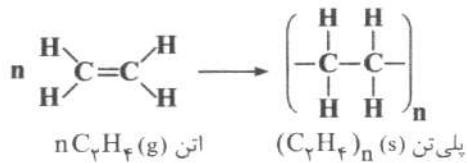


مشاهده می‌کنید که در مجموع غلظت یون کلرید برابر است با:  $2a + b + 2c$   
عبارت به دست آمده با گزینه‌ی (۴) همخوانی دارد.

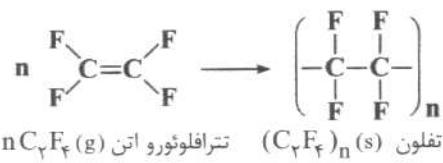
کف صابون: کلویید گاز در مایع، شیر؛ کلویید مایع در مایع و رنگ‌های روغنی؛ کلویید جامد در مایع به شمار می‌آیند.

نیاری به موازنه کردن کل واکنش نیست. عنصر S فقط در دو ماده‌ی  $\text{FeS}_2$  و  $\text{Na}_2\text{SO}_4$  وجود دارد. برای موازنی کردن تعداد اتم‌های S باید ضریب مولی  $\text{FeS}_2$ , نصف ضریب مولی  $\text{Na}_2\text{SO}_4$  باشد.

ابتدا به واکنش‌های تولید پلی‌تن و تفلون توجه کنید:



پلی‌تن (C<sub>n</sub>H<sub>4</sub>)<sub>n</sub> (اتن)



تفلون (C<sub>n</sub>F<sub>4</sub>)<sub>n</sub> (ترافلورو اتن)

با توجه به واکنش‌های فوق، درستی گزینه‌های (۱) تا (۳) بدیهی است. در مورد نادرستی گزینه‌ی (۴) باید گفت، هر چند پلیمرها طی مجموعه‌ای از واکنش‌های سنتزی تولید می‌شوند و طی آن ظرفیت اتم‌های کربن تغییر نمی‌کند، اما قلمروی الکترونی اتم‌های کربن از ۳ قلمرو به ۴ قلمرو افزایش می‌یابد.

در ترکیب  $\text{A}_2\text{B}$ , نسبت مولی A به B برابر  $\frac{2}{1}$  می‌باشد. فرض می‌کنیم جرم مولی A و B به ترتیب  $M_A$  و  $M_B$  باشند. می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} \text{A مول} = \frac{\text{A جرم}}{\text{A جرم مولی}} = \frac{11/2}{M_A} \\ \text{B مول} = \frac{\text{B جرم}}{\text{B جرم مولی}} = \frac{6/4}{M_B} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{A}_2\text{B} : \frac{\text{A مول}}{\text{B مول}} = \frac{\frac{11/2}{M_A}}{\frac{6/4}{M_B}} = 2 \Rightarrow \frac{M_B}{M_A} = \frac{8}{7}$$

اکنون می‌توانیم برای ترکیب موردنظر ( $\text{A}_a\text{B}_b$ ) نسبت مولی A به B را به دست آوریم:

$$\left. \begin{array}{l} \text{A مول} = \frac{\text{A جرم}}{\text{A جرم مولی}} = \frac{16/8}{M_A} \\ \text{B مول} = \frac{\text{B جرم}}{\text{B جرم مولی}} = \frac{48}{M_B} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{A}_a\text{B}_b : \frac{\text{A مول}}{\text{B مول}} = \frac{\frac{16/8}{M_A}}{\frac{48}{M_B}} = \frac{16/8 \times M_B}{48 \times M_A} = \frac{16/8 \times 8}{48 \times 7} = \frac{2}{5}$$

در بالا برابر  $\frac{8}{7}$  شد

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

مطابق صورت نسبت، طی واکنش‌های انجام شده، هر مول  $\text{SnO}_2$  به یک مول Sn تبدیل می‌شود (Sn ~ SnO<sub>2</sub>).

$$\frac{\text{Sn گرم}}{\text{SnO}_2 \text{ گرم}} = \frac{\text{SnO}_2 \text{ گرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{x \text{ g Sn}}{1 \times 119} = \frac{1 \times 151}{1 \times 119} \Rightarrow x = 1.51 \text{ g Sn}$$

هم‌چنین، هر مول Pb به یک مول  $\text{PbSO}_4$  تبدیل می‌شود (Pb ~ PbSO<sub>4</sub>).

$$\frac{\text{Pb گرم}}{\text{PbSO}_4 \text{ گرم}} = \frac{\text{PbSO}_4 \text{ گرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{x \text{ g Pb}}{1 \times 207} = \frac{1 \times 303}{1 \times 207} \Rightarrow x = 1.24 \text{ g Pb}$$

به همین ترتیب، هر دو مول Zn به یک مول  $\text{Zn}_2\text{P}_2\text{O}_7$  تبدیل می‌شود (Zn ~ Zn<sub>2</sub>P<sub>2</sub>O<sub>7</sub>).

$$\frac{\text{Zn گرم}}{\text{Zn}_2\text{P}_2\text{O}_7 \text{ گرم}} = \frac{\text{Zn}_2\text{P}_2\text{O}_7 \text{ گرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{x \text{ g Zn}}{2 \times 65} = \frac{1 \times 304}{2 \times 65} \Rightarrow x = 1.32 \text{ g Zn}$$

با دانستن مقدار روی، سرب و قلع در نمونه، می‌توانیم مقدار مس موجود در سنگ را محاسبه کنیم:

$$\text{مس موجود در نمونه} = \frac{1}{139} \times (0.58 + 0.24 + 0.32) = 2 \text{ g}$$

اکنون می‌توان درصد جرمی مس را در این نمونه‌ی سنگ معدن به دست آورد:

$$\frac{\text{Cu گرم}}{\text{جرم کل نمونه}} \times 100 = \frac{2 \text{ g}}{\frac{2}{139} \text{ g}} \times 100 = 64\%$$

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)



در واکنش‌هایی که حجم واکنش‌دهنده‌ها کمتر از حجم فراورده‌هاست و یا به عبارتی سامانه با افزایش حجم روبه‌رو است، سامانه روی محیط کار انجام می‌دهد. در واکنش (آ)، به دلیل تولید گاز اکسیژن، حجم سامانه افزایش می‌یابد.

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

 $B \rightarrow D ; \Delta H_{\text{هدف}} = ?$ 

هر سه رابطه، درست هستند.

۴ ۲۲۱

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

معادله‌ی واکنش هدف، به صورت مقابل است.

۱ ۲۲۲

۱)  $A \rightarrow B ; \Delta H_1 = -250 \text{ kJ}$ معادله‌ی واکنش‌های کمکی و  $\Delta H$  آن‌ها به صورت مقابل است.۴)  $D \rightarrow A ; \Delta H_4 = +370 \text{ kJ}$ 

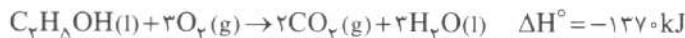
با توجه به واکنش هدف باید واکنش‌های کمکی (۱) و (۴) را معکوس کنیم.

۱)  $B \rightarrow A ; \Delta H'_1 = +250 \text{ kJ}$  (معکوس ۱)۴)  $A \rightarrow D ; \Delta H'_4 = -370 \text{ kJ}$  (معکوس ۴)هدف:  $B \rightarrow D ; \Delta H = -120 \text{ kJ}$ 

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

معادله‌ی واکنش استاندارد سوختن اتانول به صورت زیر است.

۲ ۲۲۳

[مجموع آنتالپی استاندارد تشکیل واکنش‌دهنده‌ها] – [مجموع آنتالپی استاندارد تشکیل فراورده‌ها] = واکنش  $\Delta H$ 

$$\Rightarrow -1370 = [2\Delta H^\circ(\text{CO}_2) + 3(-286)] - [-275 + 2(0)] \Rightarrow \Delta H^\circ(\text{CO}_2) = -393/5 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(ریاضی داخلی ۹۶ - کتاب IQ - شیمی)

زمانی که  $\Delta G < 0$  است، واکنش به طور خودبه‌خودی انجام می‌شود:

۳ ۲۲۴

$$\Delta G < 0 \Rightarrow \Delta H - T\Delta S < 0 \Rightarrow (-90000 \text{ J}) - [T \times (-120 \text{ J.K}^{-1})] < 0 \Rightarrow T < 750 \text{ K} \quad \text{یا} \quad T < 477^\circ \text{C}$$

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

اتanol و استون به هر نسبتی در آب حل می‌شوند و فاز واحدی را تشکیل می‌دهند. هگزان ناقطبی است و در آب حل نمی‌شود و فاز جداگانه‌ای را به وجود می‌آورد. از این رو مخلوط موردنظر دو فازی است و یک فصل مشترک دارد.

۱ ۲۲۵

(تمدنی فارج ۹۰ - کتاب IQ - شیمی)

فقط عبارت «ت» نادرست است. مرحله‌ی آبپوشی صرف‌نظر از نوع ترکیب یونی، در مجموع یک مرحله‌ی گرماده است.

۳ ۲۲۶

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)

درصد جرمی برابر با جرم ماده‌ی حل شده برحسب گرم در ۱۰۰ گرم محلول است.

۲ ۲۲۷

$$\frac{\text{حجم حل شونده}}{\text{حجم محلول}} \times 100 = \text{درصد جرمی (w/w)}$$

⚠ تذکرای: در مخرج رابطه‌ی فوق باید جرم محلول را قرار دهیم. جرم محلول برابر مجموع جرم حل و حل شونده است.

⚠ تذکرای: در صورت و مخرج رابطه‌ی درصد جرمی باید از یک نوع یکای جرم استفاده شود. (هر دو mg یا g یا kg).

با توجه به این‌که ناخالصی‌ها در آب حل می‌شوند، جرم ناخالصی‌ها را باید به عنوان بخشی از جرم محلول درنظر بگیریم. جرم پتاسیم

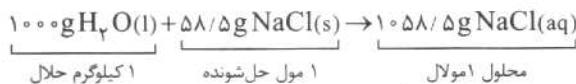
نیترات ناخالص را با A نشان می‌دهیم.

$$\frac{\text{حجم حل شونده}}{\text{حجم محلول}} \times 100 = \frac{(A \times \frac{1}{100})g}{(200 + A)g} \times 100 \Rightarrow A = 90/9g$$

(تألیفی - کتاب IQ - شیمی)



باید جرم NaCl را در هر محلول به دست آوریم:

(۱) غلظت مولال معلوم است. ابتدا با  $100\text{ g}$  آب، محلول یک مولال سدیم کلرید را تهیه می‌کنیم.اکنون باید محاسبه کنیم برای تهیه  $10^3\text{ g}$  از این محلول به چند گرم سدیم کلرید نیاز داریم.

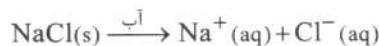
$$\left. \begin{array}{l} 58/\text{g سدیم کلرید} \sim 58/\text{g NaCl} \\ x\text{ g سدیم کلرید} \sim 10^3\text{ g محلول} \end{array} \right\} \Rightarrow x = 5/7\text{ g NaCl}$$

(۲)

$$\text{مول حل شونده} = \frac{x \text{ mol NaCl}}{\text{لیتر محلول}} \Rightarrow x = 0.1\text{ mol}$$

$$? \text{ g NaCl} = 0.1 \text{ mol} \times \frac{58/\text{g}}{1 \text{ mol}} = 5.8\text{ g NaCl}$$

(۳)



$$\text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow 200 = \frac{x \text{ g Na}^+}{1000\text{ g}} \times 10^6 \Rightarrow x = 2\text{ g Na}^+$$

$$\frac{\text{NaCl}}{\text{جرم}} = \frac{\text{Na}^+}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{x \text{ g NaCl}}{1 \times 58/5} = \frac{2\text{ g Na}^+}{1 \times 23} \Rightarrow x = 5/9\text{ g NaCl}$$

(۴)

$$\text{جرم حل شونده} = \frac{x \text{ g NaCl}}{\text{جرم کل محلول}} \times 100 \Rightarrow 0.5 = \frac{x \text{ g NaCl}}{1000\text{ g}} \times 100 \Rightarrow x = 5\text{ g NaCl}$$

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

A یک پاک‌کننده‌ی صابونی مایع و B یک پاک‌کننده‌ی غیرصابونی جامد را نشان می‌دهد. در هر دو پاک‌کننده، چربی‌ها به بخش زنجیر

هیدروکربنی که ناقطبی و آبگریز است، می‌چسبند. در پاک‌کننده‌های غیرصابونی، زنجیر کربنی و حلقه‌ی بنزنی هر دو جزو بخش ناقطبی

صابون می‌باشند. در ضمن، در پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی به ترتیب گروه کربوکسیلات ( $\text{COO}^-$ ) و سولفونات ( $\text{SO}_3^-$ )

بخش قطبی یا باردار صابون محسوب می‌شوند نه کاتیون‌ها!!!

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)

فاز پخش شونده‌ی کف صابون و یونالیت، گاز است. در صورتی که فاز پخش کننده‌ی کف صابون، مایع ولی فاز پخش کننده‌ی یونالیت، جامد

است.

## بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) فاز پخش کننده‌ی مه و غبار، گاز است. اما فاز پخش شونده‌ی آن‌ها متفاوت است.

۲) فاز پخش شونده و فاز پخش کننده‌ی شیر و مایونز، مایع است.

۳) فاز پخش کننده‌ی ژله و سنگ پا، جامد است. اما فاز پخش شونده‌ی آن‌ها متفاوت است.

(تألیف - کتاب IQ - شیمی)