

### ۱- توضیح مقابله چند واژه کاملاً درست است؟

- الف) صعوه: پرنده‌ای است کوچک‌تر از گنجشک.
- ب) بنگ: ماده‌ای مختار که از شاه دانه به دست می‌آید.
- ج) آزنگ: چین و شکنی که به واسطه پیری به چهره و ابرو و پیشانی می‌افتد.
- د) زعن: پرنده‌ای است شکاری هم اندازه باز.

۴) چهار

۳) سه

۲) دو

۱) یک

### ۲- معنی چند واژه نادرست است؟

«هامون: دشت / مستوجب: لایق / چغز: قورباغه. تنعم: بداخلتر / طاعت: عبادت / خلق کردن: شرمندگار مهین: بزرگ شبابش: طلا یا پولی که بر سر عروس یا داماد ریزند / صعوه: پرنده‌ای کوچک به اندازه گنجشک / قلامانگ: فلاخن، آلتی که با آن سنگ می‌اندازند.»

۴) چهار

۳) سه

۲) دو

۱) یک

### ۳- در کدام گزینه غلط املایی به کار نرفته است؟

- ۱) صید مؤمن این جهان آب و گل  
باشد پوست کندن تا دهد مغز
- ۲) اگرچه مغز بادام است بس نقص  
لباس کعبه پوشید از خط مشکین عذر او
- ۳) شه سریر یقین شد کسی که چون هلّاج  
فراشت از علم دار رایت منصور

### ۴- نویسنده چند اثر، نادرست ذکر شده است؟

قصص العلما (ابوسحاق نیشابوری)، دانشگاه‌های من (ماکسیم گورکی)، سیرت رسول الله (قاضی ابرقو)، بدايع الواقع (جعفر شهیدی)، از پاریز تا پاریس (دکتر باستانی)، المیزان (علامه امینی)، چهل حدیث (امام خمینی (ره)), الایام (طه حسین)، قصص الانبیا (تنکابنی)، تذكرة الشّعراء (دولتشاه سمرقندی)

۲) ۴

۳) ۳

۴) ۲

۵) ۱

### ۵- ترتیب قرار گرفتن ایيات به لحاظ داشتن آرایه‌های ادبی تشبيه، کنایه، حسن تعلیل، تلمیح، کدام است؟

الف) تو مردم بین که چون بی رای و هوشمند  
که جانی را به نانی می‌فروشنند.

ب) رخسار یار گونه آتش از آن گرفت

کاین لاله را ز خون جگر آب داده‌ایم

ج) در هوایت کوه آب از چشمها گردد روان

ز آتش عشق خروش و جوشی در دریا گرفت

د) پدرم روضه رضوان به دو گندم بفروخت

من چرا ملک جهان را به جوی نفروشم

۱) الف، د، ج، ب

۲) ج، الف، ب، د

۳) الف، ب، د، ج

۴) ج، ب، د، الف

### ۶- آرایه‌های کدام گزینه، تماماً در بیت ذیل مشاهده می‌شود؟

از صدای سخن عشق ندیدم خوشتر

۱) تشبيه، استعاره، حس آمیزی، اغراق، کنایه

۲) استعاره، اغراق، متناقض نما، تلمیح، تضاد

یادگاری که در این گنبد دوار بماند

۳) کنایه، حس آمیزی، استعاره، متناقض نما، ایهام

۴) استعاره، اغراق، متناقض نما، تلمیح، ایهام

### ۷- مفهوم کدام گزینه متفاوت است؟

۱) برگ درختان سبز در نظر هوشیار / هر ورقش دفتری است معرفت کردگار

۲) سرود عشق ز مرغان بوستان بشنو / جمال یار ز گلبرگ سبز تابان شد

۳) به سان ذره شیدا گشت جانم / ز تاب آفتاب روی دلبر

۴) یار بی پرده از در و دیوار / در تجلی است یا اولی الاصار

**۸- مفهوم کدام ابیات دوگانه با هم قرابت معنایی ندارد؟**

- برون‌اند زین جرگه هشیارها  
از کبک سمت نیست حذر شاهباز را  
همیشه خانه خراب هوای خویشتم  
مرا چه چاره که زنجیر پای خویشتم  
اگر معاشر مایی بنوش نیش غمی  
جز طرف جوبیار و می‌خوشگوار چیست؟  
گویی ز لب فرشته خوبی رسته است  
شده با خاک ره یکسان، دریغا!
- (۱) پرستش به مستی است در کیش مهر  
با قهرمان عشق چه سازد غرور و عقل  
(۲) ز دست غیر نالم چرا که همچو حباب  
ز بند خصم به تدبیر می‌توان جستن  
(۳) دوام عیش و تنعم نه شیوه عشق است  
معنی آب زندگی و روضه ارم  
(۴) هر سبزه که بر کنار جویی رسته است  
عزیزان جهان را بین که یک راه

**۹- با توجه به حکایات شیخ ابوسعید در اسرار التوحید، در کدام یک از عبارت‌های ذیل مفهوم «خود اتهامی» را می‌توان یافت؟**

- (۱) شیخ گفت: «نباید، ما را بهشت نباید با مشتی لنگ و لوک و درویش.»  
(۲) شیخ گفت: «آرام گیرید؛ کسی که مستوجب آتش بود به خاکستر بازو قناعت کنند، بسیار شکر واجب آید.»  
(۳) شیخ گفت: «مرد آن بود که در میان خلق بنشنید و برخیزد و ... یک لحظه از خدای غافل نباشد.»  
(۴) شیخ ما ابوسعید - قدس الله روحه العزیز - بی خویشن نشسته بود خواجه‌وار و پای به گرد کرده.

**۱۰- مفهوم کدام گزینه متفاوت است؟**

میان دل و کام دیوارها  
که ناز بر فلک و حکم بر ستاره کنم  
عشق و مقصود کافری باشد  
اگر خلاف کنم سعدیا به سوی تو باشم

- (۱) کشیدن در کوی دلدادگان  
(۲) گدای میکدام لیک وقت مستی بین  
(۳) عاشق از کام خود برقی باشد  
(۴) هزار بادیه سهل است با وجود تو رفتن

**۱۱- در کدام گروه کلمه‌ها، معنی بعضی از واژه‌ها نادرست است؟**

- الف) کومه: خانه‌ای از نی و علف / شولا: چادر / گون: گیاهی است از تیره سبزی آساهای  
ب) صولت: هیبت / هرآ: آواز مهیب / مجتعده: موی ناصاف  
ج) صلا زدن: صدا کردن / آب: میوه / ملال: اندوه  
د) عامل: حاکم / زجر: خطای واعظ: اندرز

(۱) الف، د (۲) ب، ج (۳) ب، د (۴) ب

**۱۲- در مجموعه ابیات زیر چند غلط املایی یافت می‌شود؟**

- بنده بی جرم و خطای نه ثوابست مرانش  
که بیش آید چون بیشتر کنند اداش  
هیچ جا موهش‌تر از آینه ناصاف نیست  
تکبیر بستهام که دلم حق گذار کرد
- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۱

**۱۳- پدید آورندگان «دستچین - شبگیر - زمستان» به ترتیب، خالق کدام آثار نیز هستند؟**

- (۱) تا ناکجا - از زبان برگ - ارغون  
(۲) از بودن و سروdon - سراب - آخر شاهنامه  
(۳) عبور - نخستین نغمه‌ها - از این اوستا

**۱۴- آرایه مقابله کدام گزینه نادرست است؟**

- (۱) فرصت نگر که فتنه چو در عالم اوفتاد  
(۲) چون خلیل از طالب حسب خلیلی هستی ات بر باد ده  
(۳) گفتار تلخ از آن لب شیرین چو شکر است  
(۴) دل روشن بد و نیک جهان را خوب می‌بیند
- صوفی به جام می‌زد و از غم کران گرفت (پارادوکس - گناه)  
شود ز آتش گر سر آن ماه داری ز آتش هجران بسوز (تبیه - جناس تام)  
ای جان من که خسرو خوبان عالمی (ایهام تناسب - حسن تعلیل)  
کجا آیینه رو از رشت و از زیبا بگرداند؟ (تضاد - اسلوب معادله)

۱۵- ساختمان کدام دسته از واژه‌ها همگی یکسان است؟

(۲) گلستان، دلستان، مهستان

(۴) روین، زرین، بلورین

۱۶- در کدام گزینه هر سه ساخت واژه (مشتق، مرکب و مشتق - مرکب) دیده می‌شود؟

(۱) خودآزمایی‌ها به منظور فعل کردن ذهن دانش‌آموزان و تقویت تفکر در آنان است.

(۲) اشعار حفظی به منظور ایجاد تنوع در آموزش و علاقمند ساختن دانش‌آموزان به شعر است.

(۳) کمال الملک با دیدن قالیچه یار محمد گفت: «استاد تویی.»

(۴) با توجه به این فیلم‌نامه، شخصیت تدبیر را ارزیابی کنید.

۱۷- در بین واژه‌های زیر چند مورد «ساده» هستند؟

«الله - بیگانه - مسلمان - چشم - زایش - مکالمه - الان - ترکیه - مهوش - چاپلوس - کاروان - تیشه»

(۴) پنج

(۳) شش

(۲) هفت

(۱) هشت

نه چون گوسفندان مردم درید» قرابت دارد؟

که گر به قهر برانی به لطف بنوازی

که گیتی بسوزد چو گردد بلند

همین وضع خلاص از کلفت اسباب می‌سازد

که چو پر شد نتوان بستن جوی

(۴) د، ج

(۳) الف، ب

۱۸- کدام ابیات با «سرگرگ باید هم اول برد

الف) هنوز با همه عهدیت دعا گوییم

ب) بکش آتش خرد پیش از گزند

ج) جنون کن در بنای خانمان هوش آتش زن

د) ای سلیم آب ز سرچشمہ بیند

(۲) ب، د

(۱) ب، ج

۱۹- مفهوم نمادین «سرو» در همه گزینه‌ها یکسان است به جز ... .

که در این چمن پای در گل نشیند

ای خوش سرو که از بار غم آزاد آمد

آزاده من که از همه عالم بربیدام

که چو سرو پایبند است و چو لاه داغ دارد

(۱) عجب نیست از گل که خنده به سروی

(۲) زیر بارند درختان که تعلق دارند

(۳) ای سرو پای بسته به آزادگی مناز

(۴) دل ما به دور رویت ز چمن فراغ دارد

۲۰- عبارت زیر با کدام بیت قرابت معنایی ندارد؟

«کجا هستند پادشاهانی که به هنگام نوشیدن ساغر مرگ، در این کاخ‌ها فرمانروایی می‌کرند؟ چه بناهایی که صبح بر پا بود و عصر ویران گشت!؟»

(۱) سپه بلندر ار کشد زین تو / سرانجام خشت است بالین تو

(۲) تو مانی و بد و نیک چو زین عالم برون رفتی / نیاید با تو در حاکت نه فغفوری نه خاقانی

(۳) اگر ملک بر جم بمانید و بخت / تو را چون میسر شدی تاج و تخت؟

(۴) چو روزگار نسازد ستیزه نتوان برد / ضرورت است که با روزگار در سازی

۲۱- «لَا يَتَّخِذُ الْمُؤْمِنُونَ الْكَافِرِينَ أُولَيَاءَ مِنْ دُونِ الْمُؤْمِنِينَ.»:

(۱) مؤمنان به جای یکدیگر، کافران را به عنوان دوست و سرپرستشان انتخاب نمی‌نمایند!

(۲) نباید مؤمنینی که کافر گشته‌ند، دوستان خود را از مؤمنین دیگر برگزینند!

(۳) افراد با ایمان نباید به جای مؤمنین، کافران را دوستان خود انتخاب نمایند!

(۴) انسان کافر در غیاب مؤمن، برای آنان که ایمان دارند، نباید سرپرست گرفته شود!

۲۲- «لَيَتَ رَجُالُنَا عَازِمُونَ عَلَىٰ مُوَاصِلَةِ أَعْمَالِهِمُ الْكَثِيرَةِ وَ لَكُنَّا نَرَاهُمْ مُتَّدِّيِنَ فِي تَحْقِيقِهَا.»:

(۱) ای کاش مردان ما برای ادامه کارهای بسیارشان مصمم باشند ولی ما می‌بینیم آنها را که در به تحقق رساندن آنها تردید دارند!

(۲) شاید مردان مصمم ما بر ادامه کار بسیار قوی باشند ولی ایشان را می‌بینیم که در انجام آنها مردّ می‌باشند!

(۳) کاش مردان ما بر ادامه این کارهای فراوان مصمم باشند ولی آنها را در انجام آن مردّ می‌بینیم!

(۴) شاید مردان ما بر انجام کارهای بسیار خوبیش مصمم می‌بودند ولی ایشان را می‌بینیم که در به تحقق رساندن آنها مشکوک هستند!

## ٤٣ - «كنت أتمنى أن أنجح في دروسي، ولكنني كنت أعرف جيداً أن هذه الغاية صعبة جداً ولكن نجحت!»:

- ١) آرزو کرده بودم که در دروس موفق شوم، ولی بخوبی دریافتہام که این هدفی غیرممکن است ولی موفق شدم!
- ٢) آرزو می کردم در دروس موفق شوم، ولی خوب می دانم که این هدف سخت بود ولی موفق شدم!
- ٣) آرزویم بدست آوردن موفقیت در درس بود، اما خوب دانسته بودم همانا این هدفی واقعاً سخت است ولی موفق شدم!
- ٤) آرزو می کردم که در درسها یعنی موفق شوم، اما بخوبی می دانستم که این هدف واقعاً سخت است ولی موفق شدم!

## ٤٤ - عین الخطأ:

- ١) كُل ما يكون في الخلق يعلم صلاته و تسبيحه: هر آنچه در آفرینش می باشد، نماز و تسبیح خود را می داند!
- ٢) إذا لستُ أصلبَ مِن الصَّخْرَةِ فَلِمْ أصِيرُ مَأْيُوسًا؟! وقتی من از صخره سخت‌تر نیسیتم، پس چرا نامید شوم؟!
- ٣) لفائدة في صدقة الكاذب الذي ما ندم مِن كذبه: هیچ فایده‌ای نیست در دوستی با دروغگویی که از دروغ خود پشیمان نشده است!
- ٤) ليتنا ندرك جمال الطبيعة التي تزين في الربع باللباس الأخضر: کاش ما زیبایی طبیعت را که در بهار با لباس سبز آراسته می شود، درک می کردیم!

## ٤٥ - «كُل نفسٍ إِمَا كَسَبَتْ رَهِينَةً» عین غیرالمناسب مفهوم الآية:

- ١) الجزء يكون من جنس العمل!
- ٢) «ليس للإنسان إلا ما سعى!»
- ٣) جمال النفس في إكتساب التواب!
- ٤) «قُمْنَ يَعْمَلُ مُثْقَلَ ذَرَّةً خَيْرًا يَرَهُ».

## ٤٦ - میز الصحیح فی التعرب لـ «برخی از بزرگان دردها و سختی‌های بزرگی را در طول زندگی خود جرעה سرکشیده‌اند و نتیجه صبر خود را پس از سالهای طولانی دیده‌اند.»

- ١) بعض العُظَمَاء تَجَرَّعوا طَوْلَ حَيَاتِهِمْ آلاً و الصَّعُوبَاتِ الْكَبِيرَةِ و لاحظوا نَتْيَجَةَ صِرَاطِهِمْ بَعْدَ سَنَوَاتٍ طَوِيلَةٍ.
- ٢) قد تَجَرَّعُوا بعض العُظَمَاء طَوْلَ حَيَاتِهِمْ آلاً و صَعُوبَاتٍ كَبِيرَةً و شاهدوا نَتْيَجَةَ صِرَاطِهِمْ بَعْدَ السَّنَوَاتِ الطَّوِيلَةِ.
- ٣) قد تَجَرَّعَ بعض العُظَمَاء طَوْلَ حَيَاتِهِمْ آلاً و صَعُوبَاتٍ كَبِيرَةً و رأوا ثَمَرَةَ صِرَاطِهِمْ بَعْدَ سَنَوَاتٍ طَوِيلَةٍ.
- ٤) بعض العُظَمَاء قد تَجَرَّع طَوْلَ حَيَاتِهِمْ آلاً و صَعُوبَاتٍ كَبِيرَةً و لاحظوا نَتْيَجَةَ صِرَاطِهِمْ بَعْدَ سَنَوَاتٍ طَوِيلَةٍ.

## ٤٧ - عین الخطأ للتعریب: «این دانشآموزان درستکار می دانستند که علم از آنها محافظت می کند و آنها را به خدا نزدیک خواهد کرد.»

- ١) كانت هؤلاء الطالبات الصالحات يعلمون أن العلم يحرسهن و سيقربهن إلى الله.
- ٢) هؤلاء التلاميذ صالحون كانوا يعلمون أن العلم يحرسهم و سوف يقربهم إلى الله.
- ٣) كانت هاتان التلميذتان الصالحتان تعلمأن أن العلم يحرسهما و سوف يقربهما إلى الله.
- ٤) هذان التلميذان الصالحان كانوا يعلمأن أن العلم يحرسهما و سيقربهما إلى الله.

«كما نعلم كثیر من أعاظم العلماء تحملوا في حياتهم صعوبات و مشاكل كثيرة حتى بلغوا إلى المكانة الرُّفيعة التي نراهم فيها و عدد من هؤلاء العلماء مع أنهم لم يشاهدو تقدماً في درسهم في بداية الأمر، لكنهم لم يسمحوا للإيأس أن يتغلب عليهم، فحصلوا على التقدُّم في مجال العلم و صاروا من بعد من أعاظم علماء عصرهم وأحددهم كان السَّكَاكِي الذي كان في بداية أمره رجلاً أمياً. ولكنه ظفر في اكتساب العلم بسبب الاستقامة و تحمل المشاكل و العالم الشَّهير الغَزَالِي غَيْرُ أسلوب تعلُّمه الكلام الذي قاله سارق له و قد أشار ميكيل آنجلو الفنان الإيطالي إلى المشاكل التي تحملها هو في حياته لا يعلمها الناس. فعلينا أن نعلم أن العزة لاتتنزل من السماء جاهزة، كما قال الشاعر: بقدر الكَدْ تُكتسب المعالي / و من طلب العلَى سَهَر اللَّيَالِي.»

## ٢٨- المفهوم البعيد عن النص هو ...

- ١) زکوشش به هر چیز خواهی رسید / به هر چیز خواهی کماهی رسید!
- ٢) تن شهریاران گرامی بود / که از کوشش سخت نامی بود!
- ٣) نابرده رنج گنج میسر نمی شود / مزد آن گرفت جان برادر که کار کرد!
- ٤) مرد آنسست که در کشاکش دهر / سنگ زیرین آسیا باشد!

## ٢٩- عین الخطأ حسب النص:

- ١) جميع العلماء تحملوا مشاكل كثيرة في حياتهم!
- ٢) قد يغيِّرُ كلام سارِي أسلوب تعلُّم عالم!
- ٣) كان الناس لا يعرفون مشاكل حياة ميكيل آنجلو!
- ٤) الإستقامة ساعدت كثيراً من العلماء في سبيل التقدُّم العلمي!

## ٣٠- عين الصحيح حسب النص:

- ١) السَّكَاكِي غَيْرُ أسلوب حياته بعد الظُّفر في المجالات العلمية!
- ٢) كُلُّ أمرٍ تقدُّم في درسه، صارَ من أعاظم علماء عصره!
- ٣) إذا أردت أن تكتسب المعالي فعليك أن تَسْهَرَ اللَّيَالِي!
- ٤) من يسمح لليأس أن يتغلب عليه، فهو ناجح في التقدُّم العلمي حتماً!

## Konkur.in

## ٣١- «كما نعلم كثیر من أعاظم العلماء تحملوا في حياتهم صعوبات و مشاكل كثيرة»:

- ١) كثِيرٌ - أعاظِمٌ - صُعوبَاتٍ
- ٢) تعلُّم - العُدَمَاء - كثِيرٌ
- ٣) تحَمَّلُوا - حَيَاة - صُعوبَاتٍ
- ٤) أعاظِمٌ - العُلَمَاء - مشاكلٌ

-٣٢ - «تكتسب»

- ١) فعل مضارع - مزيد ثلثي بزيادة حرفين - مبنيٌ للمعلوم / فاعله ضمير «هي» المستتر و الجملة فعلية
- ٢) فعل مزيد بزيادة حرف واحد - متعدٌ - معرب / فعل و مع فاعله جملة فعلية
- ٣) فعل - من باب الافتعال - لازم - مبنيٌ / فعل و فاعله الاسم الظاهر.
- ٤) فعل مضارع - متعدٌ - مبنيٌ للمجهول - معرب / نائب فاعله «المعالي»

-٣٣ - «العلى»

- ١) اسم - مذكر - جامد - مبنيٌ - ممنوع من الصرف / صفة و مجرور بالتبعة
- ٢) جامد - معرفة - معرب - منصرف / مفعول به و منصوب بالإعراب التقديرية
- ٣) اسم - مشتق (اسم التفضيل) - معرب - منصرف / مضارفه اليه و مجرور بعلامة فرعية للإعراب
- ٤) مؤنث - مشتق (صفة مشبّهة) - مبنيٌ - ممنوع من الصرف / صفة و مجرور بالتبعة من الموصوف

-٣٤ - عين الخطأ حول الأفعال الناقصة، اسمها و خبرها:

- ١) الطالباث في هذه المدرسة صارت ناجحةٍ في المسابقة.
- ٢) ليس المؤمنون الصالحونَ صيادي الحيواناتِ في البلاد.
- ٣) مادام على أغصان أشجار الحديقة بلبنان يُفرَدانَ لَنَا نحنُ مسرورون.
- ٤) هاتان المديريتانِ كائنانِ نشطيتينِ في مدرستهما الكبيرة.

-٣٥ - عين ما فيه ليست «الباء» علامة للنصب:

- ١) إنَّ في هذا الصَّفَ طالبِينَ مُجَدِّدينَ !
- ٢) إنَّ للتلَامِيدِ المجتهدينَ حفلةً عالِيَّةً !
- ٣) إنَّ العلماءَ المسلمينَ يعلمونَ بما أنزلَ اللهُ إِلَيْهم!!

-٣٦ - عين الجواب الذي يقدم خبر النواسخ على اسمها:

- ١) أصبحت هناك في المسجد عند والدى مسورة حين عَمِلْنَا بالقرآن
- ٢) ليتنا ما كنا عن عباداتنا اليومية غافلين!
- ٣) ليس للفرار مجال مادام هناك عدو!
- ٤) كانوا هناك شباباً لانقين لم يُستخدموا!!

-٣٧ - عين الكلمة «مسلم» مبنية على الفتح:

- ١) مسلم؛ هل تدعوه من لا يستجيب دعوتك!
- ٢) المسلم من سلم المسلمين من يده و لسانه!
- ٣) لامسلم أفضل من الآخرين إلا بالتقوى!
- ٤) يصبح المسلم كافراً عندما يطيع الشيطان!

### ٣٨ - عین خبر النواخ يختلف نوعه عن الباقى:

- ١) إن في اختلاف فصول السنة رحمة للعاملين.  
٢) إن المؤمنين الذين يصلون خاشعين فائزون في الآخرة!  
٣) إن قيمة الإنسان ما يحسنه في الدنيا!  
٤) إن هواء البحر هذه الأيام هائج بشدة.

### ٣٩ - عین «من» منصوبه:

- ١) الائق ليس من له الشهادات الكثيرة!  
٢) إن إبراهيم (ع) من كسر جميع الأصنام في المعابد!  
٣) ليس من أصدقائنا من لا يحاسب أعماله اليومية!  
٤) ناداني من كان أحسن مني خلقاً لسعادة!

### ٤٠ - عین الصحيح في استعمال النواخ:

- ١) ليس عندي شيئاً فأخدم الناس!  
٢) المسلمات كن في المجالات العديدة متتصرةً دائماً!  
٣) لا تعلم أن المبدرين إخوان الشياطين!  
٤) فإن الشمس والرياح وأماء مفيدة لنمو الشجرة!

### ٤١ - عهدها و پیمانها بر اساس کدام يك از شواهد اختيار استوار شده و با کدام شعر ارتباط مفهومی دارد؟

- ١) مسئولیت‌پذیری- گر نبودی اختيار این شرم چیست/ این دریغ و خجلت و آزم چیست?  
٢) احساس رضایت یا پشیمانی- گر نبودی اختيار این شرم چیست/ این دریغ و خجلت و آزم چیست?  
٣) مسئولیت‌پذیری- هیچ گویی سنگ را فردا بیا/ ور نیایی من دهم بد را سزا!  
٤) احساس رضایت یا پشیمانی- هیچ گویی سنگ را فردا بیا/ ور نیایی من دهم بد را سزا!

### ٤٢ - «تعمیم تناسب قضا و قدر الهی به کل آفرینش» و «هدف از بیان منت خدا بر بندگان در نعمت‌دهی» به ترتیب از کدام عبارات شریفه مستفاد می‌گردد؟

- ١) «وَ كُلُّ فِي فَلَكٍ يَسْبُحُونَ» - «لِتَبَتَّغُوا مِنْ فَضْلِهِ»  
٢) «وَ كُلُّ فِي فَلَكٍ يَسْبُحُونَ» - «أَعْلَمُكُمْ تَشَكُّرُونَ»  
٣) «كُلُّ شَءٍ خَلَقْنَاهُ بِقَدْرٍ» - «أَعْلَمُكُمْ تَشَكُّرُونَ»  
٤) «كُلُّ شَءٍ خَلَقْنَاهُ بِقَدْرٍ» - «لِتَبَتَّغُوا مِنْ فَضْلِهِ»

### ٤٣ - مهمترین گام برای درک صحیح نظام حاکم بر جهان خلقت چیست و با کدام آیه ارتباط دارد؟

- ١) اعتقاد به خداوند حکیم-«إِنَّ اللَّهَ يُمْسِكُ السَّمَاوَاتِ...»  
٢) اعتقاد به قضا و قدر الهی-«إِنَّ اللَّهَ يُمْسِكُ السَّمَاوَاتِ...»  
٣) اعتقاد به خداوند حکیم-«الله الذي سخر لكم...»  
٤) اعتقاد به قضا و قدر الهی-«الله الذي سخر لكم...»

### ٤٤ - اختيار انسان چگونه امری بوده و از کدام آیه می‌توان این مفهوم را برداشت نمود؟

- ١) وجданی و مشهود-انا هدیناه السبيل اما شاکرا و اما کفورا  
٢) انکارپذیر و مشهود-انا هدیناه سبیل اما شاکرا و اما کفورا  
٣) وجدانی و مشهود-هو الذى يحيي و يميت فإذا قضى أمراً  
٤) انکارپذیر و مشهود- هو الذى يحيي و يميت فإذا قضى أمراً

۴۵- معرفی قدرت و ثروت به چنگ آمده از سوی زورگویان و متجاوزان به حقوق مردم به عنوان موهبت الهی و نشات گرفته از تقدیر و سرنوشت، با مفهوم مستنبط از کدام آیه در تعارض است؟

- (۱) «لَا الشَّمْسُ يَنْبَغِي لَهَا أَنْ تَدْرِكَ الظَّهَارَ وَلَا اللَّيلُ سَابِقُ النَّهَارِ»
- (۲) «هُوَ الَّذِي يَحْيِي وَيُمْتَدِّ فَإِذَا قَضَى امْرًا فَأَنَّمَا يَقُولُ لَهُ كَنْ فِي كُونَ»
- (۳) «قَدْ جَاءَكُمْ بِصَانُورٍ مِّنْ رَّبِّكُمْ فَمِنْ أَبْصَرَ فَلِنَفْسِهِ وَمِنْ عَمَى فَعَلَيْهَا وَمَا أَنَا عَلَيْكُمْ بِحَفِظٍ»
- (۴) «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ أَنْ تَرْزُلا وَلَئِنْ زَالَتَا إِنَّ أَمْسِكَهُمَا مِّنْ أَحَدٍ مِّنْ بَعْدِهِ»

۴۶- با توجه به آیه «وَلَا يَحْسِنُ الَّذِينَ كَفَرُوا إِنَّمَا نَهَىٰ لَهُمْ خَيْرٍ لِنَفْسِهِمْ...» چرا خداوند به بدکاران مهلت می دهد؟

- (۱) فاخذناهم بما كانوا يكسبون
- (۲) وَإِنَّمَا نَهَىٰ لَهُمْ أَنْ يَكِيدُوا مُتَّيِّنًا
- (۳) فَلَا يَجِزُّ إِلَّا مِثْلُهَا وَهُمْ لَا يَظْلَمُونَ
- (۴) لَيَزَادُوا إِنَّمَا وَلَهُمْ عِذَابٌ مُّهِينٌ

۴۷- تفکیک انسان‌های خوب از بد و دادن امکانات برای آسان‌تر رسیدن به مقصد، مربوط به سنت‌های قابل برداشت از کدام

عبارات شریفه زیر است؟

- (۱) «إِنَّمَا الْمُؤْمِنُونَ إِيمَانَ الْكَفَّةِ الْمِيزَانِ...» - «كُلَّا مُنْدُّ هُؤُلَاءِ وَهُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ»
- (۲) «كُلَّا مُنْدُّ هُؤُلَاءِ وَهُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ» - «وَلَوْ أَنْ أَهْلَ الْقُرْبَى أَمْنَوْا وَأَنْقَوْا لَفَتَحَنَا عَلَيْهِمْ بَرَكَاتٍ مِّنَ السَّمَاءِ»
- (۳) «إِنَّمَا الْمُؤْمِنُونَ إِيمَانَ الْكَفَّةِ الْمِيزَانِ...» - «وَلَوْ أَنْ أَهْلَ الْقُرْبَى أَمْنَوْا وَأَنْقَوْا لَفَتَحَنَا عَلَيْهِمْ بَرَكَاتٍ مِّنَ السَّمَاءِ»
- (۴) «كُلَّا مُنْدُّ هُؤُلَاءِ وَهُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ» - «كُلَّا مُنْدُّ هُؤُلَاءِ وَهُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ»

۴۸- مبنای پاداش دادن خداوند به میزان اعمال بندگانش در کدام آیه کریمه ترسیم گشته است و نمونه‌ای از جنبه فردی سنت «تأثیر نیکی یا بدی در سرنوشت» چیست؟

- (۱) «وَهُمْ لَا يُظْلَمُونَ» - طول عمر یا کوتاهی عمر در اثر نیکوکاری یا گناه
- (۲) «إِنَّمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ» - طول عمر یا کوتاهی عمر در اثر نیکوکاری یا گناه
- (۳) «وَهُمْ لَا يُظْلَمُونَ» - گشوده شدن درهای رحمت الهی به روی جامعه‌ای که در مسیر خوبی گام بردارد.
- (۴) «إِنَّمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ» - گشوده شدن درهای رحمت الهی به روی جامعه‌ای که در مسیر خوبی گام بردارد.

۴۹- مفهوم آیه «كُلَّا مُنْدُّ هُؤُلَاءِ وَهُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ وَمَا كَانَ عَطَاءُ رَبِّكَ مَحْظُورًا» از کدام گزینه قابل برداشت است؟

- (۱) بیانگر چگونگی و فرایند رشد و تکامل انسان و عامل ظهر و بروز استعدادهای اوست.
- (۲) خداوند برای هر انسانی امکانات و لوازم رسیدن به خواسته‌ها و هدف‌هایش را فراهم می‌کند.
- (۳) مهلت‌ها و امکانات با اختیار و اراده خود انسان به صورت بلای الهی جلوه‌گر می‌شود.
- (۴) خداوند بر امکانات گمراهان می‌افزاید و آن‌ها با استفاده از همین امکانات و با اصرار خود بیشتر در فساد فرو می‌روند.

٥٠- با توجه به مفهوم آیه «والذین جاهدوا فینا ...» نتیجه تلاش و مجاهدت چیست و از جلوه‌های کدام سنت الهی است؟

(۱) نصرت و هدایت الهی - امداد الهی

(۲) گشودن درهای رحمت و مغفرت الهی - توفیق الهی

(۳) نصرت و هدایت الهی - توفیق الهی

(۴) گشودن درهای رحمت و مغفرت الهی - امداد الهی

٥١- بر اساس سخن امام صادق (ع)، کدام رفتار شگفت‌آور است و ایشان در راستای کدام‌یک از آثار

محبت به خدا می‌فرماید: «ما احباب الله من عصابة؟»

(۱) طلب دوستی با غیر خدا - دوستی با دوستان خداوند

(۲) اظهار دوستی با خدا در عین نافرمانی - پیروی از خدا

(۳) طلب دوستی با غیر خدا - پیروی از خدا

(۴) اظهار دوستی با خدا در عین نافرمانی - دوستی با دوستان خداوند

٥٢- در کدام یک از آیات زیر از رو شدن دو گروه سخن گفته شده و تنها راه حل اتمام منازعه بین این دو گروه چیست؟

(۱) قد کانت لكم اسوة حسنة فی ابراهیم و ... - تبری

(۲) قد کانت لكم اسوة حسنة فی ابراهیم و ... - ایمان

(۳) قد کانت لكم اسوة حسنة فی ابراهیم و ... - تولی

٥٣- با رعایت مسئولیت ذکر شده در کدام آیه شریفه، بخش قابل توجهی از سلامت جامعه تأمین می‌شود؟

(۱) «ولا يبدِّين زَيْتَهُنَّ إِلَّا مَا ظَهَرَ مِنْهُنَّ»

(۲) «يَغْضُوا مِنْ أَبْصَارِهِمْ وَيَحْفَظُوا فَرْجَهُمْ»

٥٤- با توجه به آیه «لَا تَجِدُ قوماً يُومنُونَ بِاللهِ وَالْيَوْمِ الْآخِرِ يَوَادُونَ مِنْ حَادَّ اللَّهِ وَرَسُولِهِ» کدام مفهوم دریافت می‌شود؟

(۱) فعالیت‌هایی که آدمی در طول زندگی انجام می‌دهد، ریشه در دل بستگی‌ها و محبت‌های او دارد.

(۲) خواسته و فرمان خداوند، یعنی دین، همان برنامه سعادت و راه رستگاری و کمال ماست.

(۳) آن کس که به دوستی با خدا افتخار می‌کند، با هر چه ضد خدایی است، مقابله می‌نماید.

(۴) وقتی محبت خدا در دلی خانه کرد، آن دل محبت همه کسانی را که رنگ و نشانی از او دارند، در خود می‌یابد.

٥٥- روزی‌های پاک برای مؤمنان و بندگان در کجا اختصاص پیدا می‌کند و پیام کدام آیه شریفه مؤید آن است؟

(۱) همه بندگان در آخرت و مومنان در دنیا و آخرت از روزی‌های پاک بپرهمند می‌شوند - «قل اما ربی الفواحش ما ظهر منها...»

(۲) مومنان در آخرت و همه بندگان در دنیا و آخرت از روزی‌های پاک بپرهمند می‌شوند - «قل من حرم زينة الله التي اخرج لعباده...»

(۳) همه بندگان در دنیا و آخرت و مومنان در دنیا از روزی‌های پاک بپرهمند می‌شوند - «قل اما ربی الفواحش ما ظهر منها»

(۴) مومنان در دنیا و آخرت و همه بندگان در دنیا از روزی‌های پاک بپرهمند می‌شوند - «قل من حرم زينة الله التي اخرج لعباده ...»

٥٦- بر مبنای آیه «یا بنی آدم قد انزلنا علیکم لباساً یواری ...» رعایت پوشش و لباس ظاهری در گرو چیست و منع پوشیدن

لباس نازک و بدن‌نما از جانب امام صادق (ع) به سبب چه بود؟

(۱) برخورداری از تقوا - پوشیدن این نوع لباس منجر به انجام گناه و جنگ با خدا خواهد شد.

(۲) برخورداری از تقوا - چنین لباسی نشانه سستی و ضعف دین است.

(۳) آراستگی به ایمان - پوشیدن این نوع لباس منجر به انجام گناه و جنگ با خدا خواهد شد.

(۴) آراستگی به ایمان - چنین لباسی نشانه سستی و ضعف دین است.

۵۷- با توجه به آیه شریفه «... يحببكم الله و يغفر لكم ذنوبكم و الله غفور رحيم» کدامیک از موارد زیر قابل استناد است؟

- ۱) برخورداری از محبت و مغفرت الهی در پاداش محبت و مودت اهل بیت (ع) است.
- ۲) محبوب خدا واقع شدن و آمرزش گناهان، از ثمرات پیامبر اسلام (ص) است.
- ۳) برخورداری از محبت و مغفرت الهی علت پیروی از اهل بیت (ع) است.
- ۴) محبوب خدا واقع شدن و آمرزش گناهان، از ثمرات مبارزه با شرک و بتپرستی است.

۵۸- کدام یک از آیات زیر به ترتیب به عفاف حضرت یوسف و حضرت مریم اشاره می‌کند؟

- ۱) و ما ابرئ نفسی أَنَّ النَّفْسَ لِمَارَةٍ بِالسَّوْءِ- یا اخت هارون ما کان ابوک امراً سوء و ما کانت امک بغیا«
  - ۲) وَ قَالَ الَّذِي اشْتَرَاهُ مِنْ مَصْرَ لَمَرْأَتِهِ أَكْرَمِي مَثَواهُ عَسْى أَنْ يَنْفَعَنَا- یا اخت هارون ما کان ابوک امراً سوء و ما کانت امک بغیا«
  - ۳) «قَالَ مَعَاذُ اللَّهِ أَنَّهُ رَبِّي أَحْسَنَ مَثَواهُ عَسْى أَنْ يَنْفَعَنَا- فَأَجَاءَهَا الْمَخَاضُ إِلَى جَذْعِ النَّخْلَةِ قَالَتْ يَا لَيْتِنِي مَتَّ قَبْلَ هَذَا وَكُنْتُ نَسِيًّا مَنْسِيًّا»
  - ۴) «وَ قَالَ الَّذِي اشْتَرَاهُ مِنْ مَصْرَ لَمَرْأَتِهِ أَكْرَمِي مَثَواهُ عَسْى أَنْ يَنْفَعَنَا- فَأَجَاءَهَا الْمَخَاضُ إِلَى جَذْعِ النَّخْلَةِ قَالَتْ يَا لَيْتِنِي مَتَّ قَبْلَ هَذَا وَكُنْتُ نَسِيًّا مَنْسِيًّا»
- ۵۹- مطابق فرمایش پیامبر اسلام (ص) تعبیر : «پاک تر و پاکیزه‌تر » درباره‌ی ..... به کار رفته و مؤید ..... است و با آیه‌ی .... قرابت معنایی دارد.

۱) لباس سفید و روشن- عفاف- قُلْ مَنْ حَرَمَ زِينَةَ اللَّهِ الَّتِي أَخْرَجَ لِعِبَادِهِ وَ الطَّيَّبَاتِ مِنَ الرِّزْقِ

۲) لباس زیبا و روشن- عفاف- و لَا يَبْدِي زِينَتَهُنَّ إِلَّا مَا ظَهَرَ مِنْهَا وَ لِيَضْرِبَنَّ بِخَمْرَهُنَّ عَلَى جَبَوَبَهُنَّ

۳) لباس زیبا و روشن- آراستگی- و لَا يَبْدِي زِينَتَهُنَّ إِلَّا مَا ظَهَرَ مِنْهَا وَ لِيَضْرِبَنَّ بِخَمْرَهُنَّ عَلَى جَبَوَبَهُنَّ

۴) لباس سفید و روشن- آراستگی- قُلْ مَنْ حَرَمَ زِينَةَ اللَّهِ الَّتِي أَخْرَجَ لِعِبَادِهِ وَ الطَّيَّبَاتِ مِنَ الرِّزْقِ

۶۰- علت حجاب و پوشش در آیه ..... نهفته است و عبارت «آنچه زیر روسربی است نباید پیدا شود» به آیه... اشاره دارد.

۱) وَ لِيَضْرِبَنَّ بِخَمْرَهُنَّ عَلَى جَبَوَبَهُنَّ- وَ لَا يَبْدِي زِينَتَهُنَّ إِلَّا مَا ظَهَرَ مِنْهَا

۲) ذَلِكَ ادْنَى أَنْ يَعْرَفَنَ فَلَا يَوْذِيْنَ- يَغْضَبُنَ مِنْ ابْصَارَهُنَّ وَ يَحْفَظُنَ فَرْوَجَهُنَّ

۳) وَ لِيَضْرِبَنَ بِخَمْرَهُنَ عَلَى جَبَوَبَهُنَ- ذَلِكَ ادْنَى أَنْ يَعْرَفَنَ فَلَا يَوْذِيْنَ

۴) ذَلِكَ ادْنَى أَنْ يَعْرَفَنَ فَلَا يَوْذِيْنَ- وَ لَا يَبْدِي زِينَتَهُنَّ إِلَّا مَا ظَهَرَ مِنْهَا

**61- After the holidays there was ... heavy traffic that it took me two hours to reach my office.**

- 1) very                    2) such                    3) enough                    4) so

**62- A: "What happened to the jewelry I put in the counter?"**

**B: "I think one of the customers ... ."**

- 1) picked it up            2) picked them up            3) picked up it            4) picks it up

**63- I don't assume we possess ... information about the election to advertise against them.**

- 1) too useful                    2) useful enough  
3) enough useful                    4) so useful

**64- Scientists, after a great deal of research, eventually came to this conclusion that ... of aftershocks is impossible.**

- 1) comparison                    2) mechanism                    3) prediction                    4) experience

65- Some movies have been forbidden on the ... that they may not be proper for kids.

- 1) basis      2) reason      3) fact      4) event

66- Most people are accepting occupations with fewer ... and lower salaries because they want to live a less stressful life.

- 1) procedures      2) interests      3) responsibilities      4) problems

67- When you spend a considerable amount of time in a country, you begin to ... the language.

- 1) pick up      2) look for      3) take off      4) call up

Earthquakes are the sudden shock of the earth's surface that result in the earth shaking and rolling. They can be felt over large geographical areas for brief moments of ... (68) . This is a natural way for the earth to release stress. Did you know that more than a million earthquakes ... (69) the world each year? Let's look at what causes this unpredictable phenomenon. There are nearly 20 tectonic plates that are ... (70) the earth's surface. The plates move and put ... (71) forces on each other that the earth's crust breaks from this stress and so much energy is released. This energy then moves at a/an ... (72) rate through the earth as an earthquake.

68- 1) variety      2) time      3) contact      4) condition

69- 1) cause      2) occur      3) surround      4) shock

70- 1) through      2) over      3) between      4) along

71- 1) such      2) enough      3) too many      4) so

72- 1) general      2) frightening      3) flexible      4) anxious

سایت کنکور

Konkur.in

**Memory is our ability to encode, store, retain and recall information and past experiences in the human brain. It can be thought of in general terms as the use of past experience to affect or influence current behaviour.**

Etymologically, the modern English word “memory” comes from the middle English memorie, which in turn comes from the Anglo-French memoire and ultimately from the Latin memoria and memor, meaning “mindful” or “remembering”.

Memory is related to but distinct from learning, which is the process by which we acquire knowledge of the world and modify our subsequent behaviour. During learning neurons that fire together to produce a particular experience are altered so that they have tendency to fire together again. For example, we learn a new language by studying it, but we then speak it by using our memory to retrieve the words that we have learned. Thus, memory depends on learning because it lets us store and retrieve learned information. But learning also depends to some extent on memory.

Since the development of the computer in the 1940, memory is also used to describe the capacity of a computer to store information subject to recall, as well as the physical components of the computer in which such information is stored.

The invention of writing made it possible for the first time for human beings to preserve precise records of the knowledge outside of their brains. Writing, audiovisual media and computer records can be considered a kind of external memory for humans.

**73- In which paragraph has the author used exemplification to make herself better understood?**

- 1) Only paragraph 3.
- 2) Only paragraph 5.
- 3) Only paragraph 4.
- 4) Both paragraph 3 and 5.

**74- The passage is most likely to continue with ....**

- 1) more description of external memory for humans
- 2) the role of writing to preserve precise record of knowledge
- 3) the development of the computer and human memory
- 4) the relationship between learning and human memory

**75- The passage provides enough information to answer all the following questions except .... .**

- 1) when is the exact year of computer development?
- 2) what is the definition and function of memory?
- 3) what is the effect of invention of writing on recording knowledge?
- 4) why is memory considered dependent on learning?

**76- The word “tendency” is closest in meaning to .... .**

- 1) reaction
- 2) opinion
- 3) leaning
- 4) purpose

**Earthquakes are usually caused when rock underground suddenly breaks along a fault. This sudden release of energy causes the seismic waves that make the ground shake. When two blocks of rock or two plates are rubbing against each other, they stick a little. They do not just slide smoothly; the rocks catch on each other. The rocks are still pushing against each other, but not moving. After a while, the rocks break because of all the pressure that is built up. When the rocks break, the earthquake occurs. During the earthquake and afterward, the plates or blocks of rock start moving and they continue to move until they get stuck again. The spot underground where the rock breaks is called the focus of the earthquake. The place right above the focus on the surface of the earth is called the epicenter of the earthquake.**

**77- The paragraph states that the seismic waves ... .**

- 1) break rock along a fault
- 2) release energy
- 3) shake the ground
- 4) move very fast

**78- It is mentioned in the passage that the rocks break as ... .**

- 1) they catch on each other
- 2) they release a lot of energy
- 3) a block rock hits another
- 4) the pressure increases

**79- According to the passage, earthquakes cause ... .**

- 1) the movements of blocks of rock
- 2) huge waves in oceans
- 3) destruction in large cities
- 4) the sudden release of energy

**80- The pronoun “They” in the passage refers to ... .**

- 1) earthquakes
- 2) energy
- 3) two plates
- 4) seismic waves

- ۸۱ نمودار تابع  $y = f(x)$  به صورت زیر است. حاصل حد  $\lim_{x \rightarrow 2^+} (f \circ f \circ f)(x)$  کدام است؟
- 
- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) صفر  
(۴) -۱

- ۸۲ اگر  $f$  تابعی فرد باشد و داشته باشیم  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f'(x) - f(-x) + 1}{x^2 - 2x + 5}$  کدام است؟

- $\frac{3}{7}$  (۴)       $\frac{2}{5}$  (۳)       $\frac{3}{5}$  (۲)       $\frac{1}{5}$  (۱)

- ۸۳ در بازه  $(0, 2\pi)$  تابع  $y = [\sin x][\cos x]$  در چند نقطه دارای حد نیست؟ ( )، علامت جزء صحیح است.

- (۱) صفر      (۲) ۲      (۳) ۱      (۴) -۱

- ۸۴ اگر  $f$  باشد، مقدار  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x)]$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x)]$  به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ ( )، علامت جزء صحیح است.

- (۱) صفر - وجود ندارد.  
(۴) وجود ندارد - وجود ندارد.

- (۳) صفر - (-1)

- ۸۵ حد کسر  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x-2|}{1 - \sqrt{x^2 - 4x + 4}}$  کدام است؟

- ۶ (۴)      -۶ (۳)       $\frac{-1}{6}$  (۲)       $\frac{1}{6}$  (۱)

- ۸۶ حاصل حد  $A = \lim_{x \rightarrow \infty} (\tan^3 x \cot x - \tan x \cot^3 x)$  کدام است؟

- (۱) صفر

- $\frac{4}{3}$  (۴)       $\frac{4}{3}$  (۳)

- ۸۷ اگر  $a$  باشد، مقدار  $a$  کدام است؟  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{ax - 4}{x^2 - 2x} - \frac{x + 2}{x^2 + x} \right) = 1$

- ۴ (۴)      ۲ (۳)      ۲ (۲)      ۱ (۱)

- ۸۸ تابع  $f(x) = \begin{cases} (x^2 - 1)\sin x & ; x \in Q \\ (x^2 - 1)\cos x & ; x \notin Q \end{cases}$  در بازه  $[-1, 1]$  در چند نقطه حد دارد؟

- (۴) صفر      ۱ (۳)      ۲ (۲)      ۳ (۱)

-۸۹ به ازای کدام مجموعه مقادیر  $a$ ، تابع با ضابطه  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x+a} & ; x \geq -1 \\ x^r + ax & ; x < -1 \end{cases}$  پیوسته است؟

$\{1+\sqrt{2}, 1-\sqrt{2}\}$  (۲)

$\{1, \sqrt{2}\}$  (۱)

$R$  (۴)

$\emptyset$  (۳)

-۹۰ در بازه  $(\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$  همواره  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{\tan \pi x}{1-x} = 0$  است، اگر  $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) \leq \frac{f(x)+1}{f(x)-1} \leq \frac{\tan \pi x}{1-x}$  باشد، آن‌گاه  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  کدام است؟

-۱ (۴)

$\frac{\pi-1}{\pi+1}$  (۳)

$\frac{\pi+1}{\pi-1}$  (۲)

۱ (۱)

-۹۱ حاصل حد  $\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{4})^-} \left( \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos 3x} \right)$  کدام است؟

$-\infty$  (۴)

$+\infty$  (۳)

$\frac{1}{3}$  (۲)

۰ (۱)

-۹۲ اگر  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^r - 3bx - 2}{x^r + ax}$  حاصل کدام است؟

$\frac{9}{2}$  (۴)

۱ (۳)

$\frac{3}{2}$  (۲)

۲ (۱)

-۹۳ تابع  $f$  در بازه  $(0, 2)$  پیوسته است. با توجه به اطلاعات جدول زیر، معادله  $f(x) = \cos \frac{\pi}{x}$  در بازه  $(0, 2)$  حداقل چند جواب دارد؟

x	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	۱	$\frac{3}{2}$
f(x)	$-\frac{1}{2}$	-۱	۲	-۱

۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

-۹۴ به ازای چند مقدار برای  $a$ ، تابع  $f(x) = \frac{x^r - 3x + 2}{x^r + ax}$  دارای دو مجانب قائم است؟

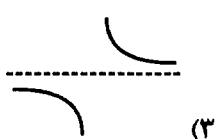
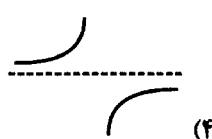
۰ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

-۹۵ نمودار تابع  $y = x \tan \frac{1}{x}$  در اطراف مجانب افقی خود به کدام صورت است؟



-۹۶ اگر مجانب مایل نمودار تابع  $y = (3x+1)\sqrt{\frac{ax+1}{x+2}}$  با خط  $y = 2x+5$  موازی باشد، مقدار عددی  $a$  کدام است؟

۱/۴ (۴)

۴/۹ (۳)

۳/۲ (۲)

۲/۳ (۱)

-۹۷ حاصل  $A = \lim_{x \rightarrow \infty} (\pi x \tan \frac{\pi}{2(x+1)})$  کدام است؟

۱/۲ (۴)

-۱ (۳)

-۲ (۲)

۲ (۱)

-۹۸ اگر تابع  $f(x) = \begin{cases} \frac{ax^r + bx}{x^r - 1}, & x \neq 1 \\ 1, & x = 1 \end{cases}$  در نقطه  $x=1$  پیوسته باشد،  $a-b$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

-۴ (۱)

-۹۹ فاصله خطوط مجانب افقی تابع  $f(x) = \log_7(\frac{9^{x+1} + 1}{9^x + 27})$  از یکدیگر، کدام است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

-۱۰۰ مجانب‌های مایل دو منحنی  $(f(x) = \frac{x}{\pi} \tan^{-1}(1-x^r)$  و  $g(x) = ax(3e^{-x} + 2)$  با هم موازی‌اند.  $a$  کدام است؟

-۳/۴ (۴)

-۱/۴ (۳)

۱/۴ (۲)

۳/۴ (۱)

-۱۰۱ به ازای کدام مقدار  $m$ ، معادله  $\sqrt{x^r - 4x + 3} + \sqrt{x^r - mx + m - 3} = 0$  فقط یک ریشه دارد؟

-۱۲ (۴)

۱۲ (۳)

-۶ (۲)

۶ (۱)

-۱۰۲ معادله  $\frac{2x^r + x + 1}{x + 1} + \frac{3x + 3}{2x^r + x + 1} = 4$  چند جواب دارد؟

۰ (۴) سه

۵ (۳) دو

۱ (۲) یک

۱) صفر

-۱۰۳ مجموعه جواب معادله  $(5+x)(x-2) = |x-2| (5+x)$  شامل چند عدد صحیح است؟

۴) بی‌شمار

۳ (۳)

۷ (۲)

۸ (۱)

-۱۰۴ اگر مجموعه جواب نامعادله  $|x-2| - |x-1| + x \geq 2a - 3$  کدام است؟

۵ (۴)

۷ (۳)

-۷ (۲)

-۵ (۱)

-۱۰۵ در کدام بازه، نمودار تابع  $y = \sqrt{-x^r + 2x + 3}$  زیر منحنی  $y = |x+1| - 2$  قرار دارد؟

 $(1, 1 + \sqrt{2})$  (۴) $(1, 1 + \sqrt{2})$  (۳) $(1 - \sqrt{3}, 3)$  (۲) $(1 + \sqrt{2}, 3]$  (۱)

-۱۰۶ معادله  $\sqrt{x+3 - 4\sqrt{x-1}} + \sqrt{x+8 - 6\sqrt{x-1}} = 1$  دارای چند ریشه صحیح است؟

۴) بی‌شمار

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

- ۱۰۷ - جواب معادله  $\cos^3x \cos x + \sin^3x \sin x = \sin 2x$  در بازه  $[0, 2\pi]$  چند نقطه را روی دایره مثلثاتی نشان می‌دهد؟

۱۶) ۴

۸) ۳

۴) ۲

۲) ۱

$$\frac{1+\cos x}{\cos \frac{x}{2}} = \frac{\sin x}{1-\cos x}$$

کدام است؟ - ۱۰۸

$\frac{4k\pi}{3} + \frac{\pi}{3}$  ۴)

$\frac{4k\pi}{2} + \frac{\pi}{3}$  ۳)

$\frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{3}$  ۲)

$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{3}$  ۱)

- ۱۰۹ - معادله  $\sin^3x - \sin x = \cos^3x + \cos x$  در بازه  $[0, 2\pi]$  چند جواب دارد؟

۴) ۴

۲) ۳

۲) ۲

۶) ۱

- ۱۱۰ - مجموع ریشه‌های معادله  $\sin x - \cos x + \sin x \cos x - 1 = 0$  در بازه  $[0, 2\pi]$  کدام است؟

$\frac{5\pi}{2}$  ۴)

$2\pi$  ۳)

$\frac{3\pi}{2}$  ۲)

$\pi$  ۱)

- ۱۱۱ - معادله مکان هندسی نقاطی از صفحه که فاصله آنها از نقطه  $A(1, 0)$  برابر فاصله آنها از خط  $x=2$  باشد، کدام است؟

$x^r + \frac{y^r}{2} = 1$  ۲)

$x^r + \frac{y^r}{4} = 1$  ۱)

$\frac{x^r}{2} + y^r = 1$  ۴)

$\frac{x^r}{4} + y^r = 1$  ۳)

- ۱۱۲ - مرکز یک بیضی، مبدأ مختصات و محور کانونی آن منطبق بر محور  $x$  هاست. اگر نمودار این بیضی از نقطه  $(-1, -\sqrt{2})$  بگذرد و

محور طول‌ها را در نقطه  $(2, 0)$  قطع کند، خروج از مرکز آن کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  ۲)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  ۱)

Konkur.in

$\frac{2}{3}$  ۴)

$\frac{1}{2}$  ۳)

- ۱۱۳ - بیضی‌ای درون یک مستطیل محاط شده است، به گونه‌ای که قطرهای کوچک و بزرگ بیضی موازی با ضلع‌های مستطیل‌اند. اگر

اندازه قطر این مستطیل برابر  $\sqrt{6}$  و خروج از مرکز بیضی برابر  $\frac{\sqrt{6}}{3}$  باشد، آنگاه فاصله بین دو کانون این بیضی کدام است؟

$\frac{\sqrt{6}}{2}$  ۲)

$\sqrt{2}$  ۱)

$2\sqrt{2}$  ۴)

$\sqrt{6}$  ۳)

- ۱۱۴ - کانون‌های بیضی به معادله  $x^2 + 2y^2 - 2x - 15 = 0$ ، دو سر قطعی از یک دایره هستند. این دایره و بیضی نسبت به هم چه

وضعیتی دارند؟

(۱) فقط در یک نقطه بر هم مماس‌اند.  
 (۲) در دو نقطه بر هم مماس‌اند.

(۳) در چهار نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند.  
 (۴) یکدیگر را قطع نمی‌کنند.

- ۱۱۵ - فرض کنید 'AA' و 'BB' به ترتیب بلندترین و کوتاه‌ترین قطرهای بیضی  $3x^2 + 2y^2 - 2x = 3$  باشند. طول پاره خط AB کدام

است؟

$\sqrt{2}$  (۲)  $\sqrt{3}$  (۱)

$\sqrt{6}$  (۴)  $2\sqrt{3}$  (۳)

- ۱۱۶ - معادله مکان هندسی نقاطی از صفحه که از خط  $x = -3$  و نقطه  $(2, -3)$  به یک فاصله هستند، کدام است؟

$$(y - 2)^2 = 4(x + 2) \quad (۲) \quad (x + 2)^2 = 4(y - 2) \quad (۱)$$

$$(x + 2)^2 = -4(y - 2) \quad (۴) \quad (y - 2)^2 = -4(x + 2) \quad (۳)$$

- ۱۱۷ - نقاط  $S(-4, 5)$  و  $F(2, m)$  به ترتیب کانون و رأس یک سهمی هستند که محور تقارن آن با یکی از محورهای مختصات موازی

است. معادله خط هادی این سهمی کدام است؟

$$x = 8 \quad (۴) \quad y = 8 \quad (۳) \quad x = -4 \quad (۲) \quad y = -4 \quad (۱)$$

- ۱۱۸ - سهمی  $x^2 + 4y - 4x = 0$  مفروض است. شعاع دایره‌ای که مرکز آن، مبدأ مختصات بوده و بر خط هادی سهمی مماس باشد،

کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad (۴) \quad 1 \quad (۳) \quad \frac{3}{2} \quad (۲) \quad 2 \quad (۱)$$

- ۱۱۹ - اگر نقطه  $A(-3, 3)$  روی یک سهمی قائم با کانون  $F(1, 0)$  قرار داشته باشد، آنگاه کدام یک از خطوط زیر می‌تواند خط هادی این

سهمی باشد؟

$$y = -2 \quad (۴) \quad y = -1 \quad (۳) \quad y = 5 \quad (۲) \quad y = 6 \quad (۱)$$

- ۱۲۰ - از کانون سهمی  $3 = x^3 - 4y - 2x$ ، چند مماس می‌توان بر منحنی  $x^3 + y^3 = 16$  رسم کرد؟

۱) ۲

(۱) صفر

۴) بی‌شمار

۲) ۳

- ۱۲۱ - برای تعیین اول بودن یک عدد طبیعی، آن عدد را بر عامل‌های اول مشخصی تقسیم می‌کنیم. در کدام یک از گزینه‌های زیر، تعداد عامل‌های اول مورد بررسی برای اول بودن هر سه عدد، یکسان است؟

۱۳۷, ۱۲۷, ۱۰۷ (۴)

۸۹, ۷۹, ۵۹ (۳)

۵۳, ۴۳, ۲۳ (۲)

۸۷, ۶۷, ۴۷ (۱)

- ۱۲۲ - چند جفت عدد اول  $p$  و  $q$  وجود دارد که در رابطه  $16 = 13p - q^3$  صدق کنند؟

۴) هیچ

۳) یک

۲) دو

(۱) بی‌شمار

- ۱۲۳ - عدد  $16!$  را به صورت  $q \times 12^k = 16!$  نوشته‌ایم. بیشترین مقدار  $k$ ، کدام است؟ ( $\mathbb{N}$ )

۴ (۴)

۵ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

- ۱۲۴ - عدد  $45000$ ، چند مقسوم‌علیه طبیعی مضرب  $18$  دارد؟

۳۰ (۴)

۲۴ (۳)

۱۸ (۲)

۱۵ (۱)

- ۱۲۵ - اگر اعداد صحیح  $a$ ،  $b$  و  $c$  مفروض باشند به طوری که  $a^3b + 3c = 5a + 3c$  و  $a^3b + 3c = 1$ ، آنگاه کوچک‌ترین عضو مثبت

مجموعه  $A = \{mb + nc \mid m, n \in \mathbb{Z}\}$  کدام است؟۱)  $|c|$  (۴)۲)  $|b|$  (۳)۳)  $c^3$  (۲)۴)  $c$  (۱)

- ۱۲۶ - به ازای چند عدد صحیح  $n$ ،  $b \cdot m$  دو عدد  $n^3 - n$  و  $n^3 + n$  برابر  $9$  است؟

۴) هیچ

۳) ۴ (۳)

۲) ۲

۱) (۱)

- ۱۲۷ - اگر  $p$  و  $q$  دو عدد اول متمایز و  $A$  و  $B$  به ترتیب مجموعه مضرب‌های طبیعی مضرب  $p$  و  $q$  باشند، آنگاه کوچک‌ترین عضو

مجموعه  $A \cap B$  چند شمارنده طبیعی دارد؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

- ۱۲۸ - اگر  $(a, 84) = 12$  و  $(a, 75) = 15$  باشد، آنگاه حداقل مقدار ممکن برای  $(a, 1800)$  کدام است؟

۳۶۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

۶۰ (۲)

۳۰ (۱)

- ۱۲۹ - اگر دو عدد  $1 + 4n^2$  و  $4 + n^2$  نسبت به هم اول باشند، آنگاه بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک آن‌ها کدام است؟

۲۳ (۴)

۱۹ (۳)

۱۷ (۲)

۱۳ (۱)

- ۱۳۰ - اگر مجموع دو عدد طبیعی برابر  $68$  و کوچک‌ترین مضرب مشترک این دو عدد،  $6$  برابر بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک آن‌ها باشد، بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک این دو عدد کدام است؟

۱۷ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۳۱ - طبق اصل استقرای تعمیم یافته، کوچکترین مقدار طبیعی  $m$  برای این که عبارت « $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{2^n}$  » به ازای هر عدد طبیعی  $n$ ، درست باشد، کدام است؟

(۴) ۶

(۳) ۵

(۲) ۴

(۱) ۳

- ۱۳۲ - عکس کدام یک از قضایای شرطی زیر، خود یک قضیهٔ شرطی است؟ ( $n$  یک عدد طبیعی است)

(۲) اگر  $n^2$  مضرب ۲۰ باشد، آنگاه  $n$  مضرب ۵ است.(۱) اگر  $n^2$  مضرب ۱۸ باشد، آنگاه  $n$  مضرب ۳ است.(۴) اگر  $n^2$  مضرب ۳۲ باشد، آنگاه  $n$  مضرب ۸ است.(۳) اگر  $n^2$  مضرب ۲۴ باشد، آنگاه  $n$  مضرب ۴ است.

- ۱۳۳ - از اعداد مجموعه  $\{1, 2, 3, \dots, 19, 20\}$  حداقل چند عدد انتخاب کنیم تا همواره مطمئن باشیم که تفاضل دو عدد از میان آن‌ها برابر ۶ است؟

(۴) ۱۱

(۳) ۱۲

(۲) ۱۳

(۱) ۱۴

- ۱۳۴ - هر زیرمجموعه‌ای از مجموعه  $\{1, 2, 3, \dots, 9\} = S$  که دارای ۶ عضو باشد، حداقل دو عضو دارد که مجموع آن‌ها برابر  $n$  است.  $n$  کدام عدد نمی‌تواند باشد؟

(۴) ۱۱

(۳) ۱۰

(۲) ۹

(۱) ۸

- ۱۳۵ - فرض کنید  $A$  و  $C$  زیرمجموعه‌های مجموعه  $S = \{1, 2, 3\}$  باشند، به گونه‌ای که  $B \subseteq C$ ،  $A \subseteq B$ ،  $A \neq B$  و  $C \neq A$ . کدام گزینهٔ الزاماً صحیح است؟

 $C = \{1, 2\}$  (۴) $A = \emptyset$  (۳) $B = \{1\}$  (۲) $A = \{3\}$  (۱)

- ۱۳۶ - سه مجموعه  $A$ ،  $B$  و  $C$  طوری مفروض‌اند که  $(A \cap B)' \cap (A \cup B') \cap C = C$ ، کدام گزینهٔ الزاماً درست است؟

 $A \cap C' = \emptyset$  (۴) $A \cap C = \emptyset$  (۳) $B \cap C' = \emptyset$  (۲) $B \cap C = \emptyset$  (۱)

- ۱۳۷ - اگر  $\{A\} = \{a, \{a\}, \{\{a\}\}\}$  باشد، آنگاه تعداد عضوهای  $P(A) - P(P(A) - A)$  مجموعهٔ توانی  $A$  است

(۴) ۱۲۸

(۳) ۲۲

(۲) ۲۵۶

(۱) ۶۴

- ۱۳۸ - کدام یک از گزینه‌های زیر، ناحیهٔ هاشورزده در نمودار ون را نشان می‌دهد؟

 $(A \cup B \cup C) - (A \cap B \cap C)$  (۱) $(A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C)$  (۲) $(A \Delta B) \cap (A \Delta C) \cap (B \Delta C)$  (۳) $A \cap B \cap C$  (۴)

- ۱۳۹ - اگر  $(A \cup B') \subseteq (A \cap C)$  باشد، آنگاه کدام گزاره همواره درست است؟

 $B' \subseteq A$  (۴) $A \subseteq B$  (۳) $A \subseteq B'$  (۲) $B \subseteq A$  (۱)

- ۱۴۰ - حاصل  $[A - B] \cap [(C \cup A) \cap (B - C)]$  همواره برابر کدام است؟

 $B - A$  (۴) $A$  (۳) $A - B$  (۲) $B$  (۱)

- ۱۴۱ - کدام تغییر می‌تواند حرکت یک آونگ ساده کم‌دامنه را گند نماید؟

(۲) افزایش طول نخ آونگ

(۱) افزایش جرم گلوله آونگ

(۴) افزایش شتاب گرانش در محل آونگ

(۳) افزایش زاویه انحراف آونگ کم‌دامنه از حالت قائم

- ۱۴۲ - طول آونگ ساده کم‌دامنه‌ای که در هر دقیقه ۳۰ نوسان کامل انجام می‌دهد، چند سانتی‌متر است؟ ( $g = \pi^2 \frac{m}{s^2}$ )

(۴) ۱۰۰

(۳) ۵۰

(۲) ۱۰

(۱) ۱۱

- ۱۴۳ - دو آونگ ساده با طول های  $l_1$  و  $l_2$  که جرم گلوله های آن ها به ترتیب  $m_1$  و  $m_2$  است، در یک مکان با دامنه کم نوسان می کنند. اگر

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{m_1}{m_2} = \frac{25}{64} \quad \text{و} \quad \frac{l_1}{l_2} = \frac{64}{25}$$

۱) (۴)

$$\left(\frac{8}{5}\right)^2$$

$$\frac{8}{5}^2$$

$$\frac{5}{8}^2$$

- ۱۴۴ - یک آونگ ساده به طول  $l$  و یک نوسانگر جرم و فنر که وزن و زنگ آن  $W$  و ثابت فر آن  $k$  است، هم زمان به نوسان در می آیند. اگر دوره تناوب آونگ ساده و نوسانگر جرم و فنر یکسان باشد، کدام رابطه زیر برقرار است؟

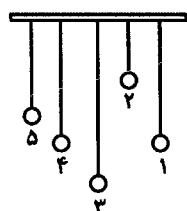
$$W = \frac{1}{2} kl \quad (۴)$$

$$W = \sqrt{2} kl \quad (۳)$$

$$W = 2kl \quad (۲)$$

$$W = kl \quad (۱)$$

- ۱۴۵ - در شکل زیر، به میله افقی، آونگ های ساده با جرم های یکسان و طول های متفاوت آویخته ایم، به طوری که طول آونگ های ۱ و ۴ با هم مساوی اند. با به نوسان در آوردن آونگ ۱، چه اتفاقی می افتد؟



۱) فقط آونگ ۴ در اثر پدیده تشدید نوسان می کند.

۲) همه آونگ ها شروع به نوسان می کنند و دوره نوسان آن ها با هم برابر است.

۳) آونگ ۴ ساکن می ماند و بقیه آونگ ها شروع به نوسان می کنند.

۴) به همه آونگ ها انرژی منتقل می شود، ولی بیشترین انرژی در حالت تشدید به آونگ ۴ منتقل می شود.

- ۱۴۶ - در یک محیط کشسان، با افزایش بسامد موج، طول موج ... و سرعت انتشار موج ...

۱) افزایش - افزایش می باید.

۲) افزایش - نیز افزایش می باید.

۳) کاهش می باید - ثابت می ماند.

- ۱۴۷ - سیمی به چگالی  $\rho = 8 \text{ g/cm}^3$  و قطر مقطع  $5 \text{ mm}^2$ ، بین دو نقطه با نیرویی به بزرگی  $234 \text{ N}$  کشیده شده است. اندازه سرعت انتشار امواج عرضی در این سیم چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )

۴۰۰) (۴)

۱۰۰) (۳)

۴۰) (۲)

۲۵۰) (۱)

- ۱۴۸ - در یک تار مرتعش به چگالی  $\rho = 8 \text{ g/cm}^3$  و سطح مقطع  $1 \text{ mm}^2$ ، امواج عرضی با بسامد  $20 \text{ Hz}$  منتشر می شود. اگر فاصله دو قله متولی موج برابر با  $5 \text{ m}$  باشد، نیروی کشش این تار چند نیوتون است؟

۵۰) (۴)

$8 \times 10^4$  (۳)

۱۲۸۰) (۲)

۸۰) (۱)

- ۱۴۹ - جرم واحد طول در یک سیم که میان دو نقطه بسته شده است، یکنواخت نبوده، بلکه  $\mu_B > \mu_A$  است. یک طرف سیم به ارتعاش درآمده و نوسان به سر دیگر منتقل می شود. طول موج در حوالی نقطه A را  $\lambda_A$  و در حوالی نقطه B را  $\lambda_B$  می نامیم. کدام یک از گزینه های زیر درست است؟

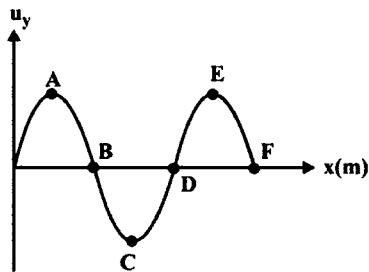


$$\lambda_B = \lambda_A \quad (۲)$$

$$\lambda_B > \lambda_A \quad (۱)$$

۴) داده های مسئله کافی نیست.

$$\lambda_B < \lambda_A \quad (۳)$$



- ۱۵۰- شکل مقابل، نقش یک موج عرضی که در جهت مثبت محور  $x$  در امتداد طناب تحت کشش در حال انتشار است را نشان می‌دهد. در کدام یک از گزینه‌های زیر، نقاط مشخص شده دارای شتاب نوسانی برابر با صفر هستند؟

C, B, A (۲)

E, C, A (۱)

F, D, B (۴)

E, D, C (۳)

- ۱۵۱- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱) در یک محیط انتشار موج، دو نقطه هم بعد الزاماً هم فازند.

(۲) در یک محیط انتشار موج، دو نقطه هم سرعت، الزاماً هم فازند.

(۳) اختلاف فاز دو نقطه هم فاز، ثابت است و هر مقدار دلخواهی می‌تواند باشد.

(۴) در یک محیط انتشار موج، دو نقطه هم بعد و هم سرعت الزاماً هم فازند.

- ۱۵۲- هرگاه موجی در یک محیط کشسان فاصله مستقیم  $12m$  را در مدت زمان دو دوره پیمایید، در محیط انتشار موج، کدام یک از فاصله‌های زیر بر حسب متر، مربوط به فاصله بین دو نقطه در فاز مخالف نمی‌باشد؟

۲۷ (۴)

۱۵ (۳)

۹ (۲)

۶ (۱)

- ۱۵۳- منبع موجی در یک محیط، امواجی با طول موج  $\lambda$  منتشر می‌کند. اگر منبع موج را به محیطی ببریم که سرعت انتشار موج در آن  $2$

برابر محیط اول باشد و بسامد منبع هم  $\frac{1}{3}$  برابر حالت اول شود، در این حالت، طول موج چند برابر  $\lambda$  می‌گردد؟

 $\frac{1}{4}$  $\frac{3}{2}$  $\frac{3}{2}$  $\frac{2}{3}$ 

- ۱۵۴- موجی به معادله  $U = 0.02 \sin[\pi(10t - 2x)]$  (در SI) در یک راستا منتشر می‌شود. اگر فاصله بین دو نقطه در راستای انتشار این موج ... متر باشد، آن دو نقطه با یکدیگر هم فازند.

۲/۵ (۴)

۳ (۳)

۱/۵ (۲)

۰/۵ (۱)

- ۱۵۵- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(۱) موج‌های عرضی در فنر و یا طناب با قله‌ها و دره‌ها قابل تشخیص است.

(۲) امواج طولی را می‌توان با تراکم و انبساط‌های پی‌درپی در محیط انتشار مشخص کرد.

(۳) در امواج عرضی، راستای نوسان ذره‌های محیط عمود بر راستای انتشار موج می‌باشد.

(۴) در فنر فقط امواج طولی می‌توانند منتشر شوند.

- ۱۵۶- هنگام عبور موجی مکانیکی از یک محیط کشسان، فاز نقطه‌ای از آن محیط در مدت  $1s$  به اندازه  $\frac{2\pi}{3} rad$  تغییر می‌کند. در

صورتی که سرعت انتشار این موج در محیط برابر با  $\frac{m}{s}$  باشد، طول موج آن چند متر است؟

۲/۴ (۴)

۱/۸ (۳)

۱/۲ (۲)

۰/۶ (۱)

- ۱۵۷- موجی با معادله  $u = 0.2 \sin(120\pi t - kx)$  در SI، در محیطی همگن با سرعت  $\frac{m}{s}$  از نقطه A به طرف نقطه B در حال

پیشروی است. اگر فاصله بین دو نقطه A و B برابر با  $2m$  باشد، چند نقطه هم فاز با نقطه A بین این دو نقطه وجود دارد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۵۸- تابع موجی در SI به صورت  $u_y = 0 / 1 \sin(2\pi t - 3x)$  است. نسبت سرعت انتشار موج در محیط به بیشینه سرعت ارتعاش ذرات محیط انتشار، کدام است؟

$$\frac{7}{5} \quad (4)$$

$$\frac{4}{5} \quad (3)$$

$$\frac{10}{3} \quad (2)$$

$$(1)$$

- ۱۵۹- معادله نوسانی دو نقطه A و B از یک محیط کشسان که در آن موجی با سرعت  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در حال انتشار است، در SI به صورت

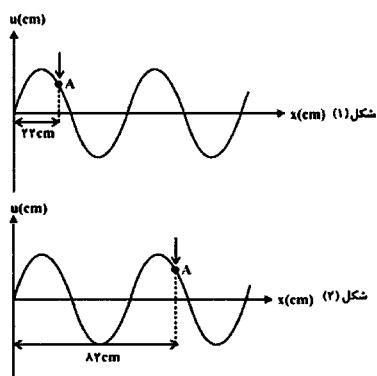
$y_A = 0 / 2 \sin(20\pi t - \frac{\pi}{\lambda})$  و  $y_B = 0 / 2 \sin(20\pi t - \frac{\pi}{12})$  نقطه A و B چند متر است؟

$$\frac{1}{24} \quad (4)$$

$$\frac{1}{8} \quad (3)$$

$$\frac{1}{48} \quad (2)$$

$$\frac{1}{6} \quad (1)$$



موج بر حسب  $\frac{\text{rad}}{\text{m}}$  کدام است؟  $(t_2 > t_1)$

$$\frac{10\pi}{3}, 4 \times 10^{-3} \quad (2)$$

$$\frac{10\pi}{3}, 2 \times 10^{-3} \quad (4)$$

$$\frac{5\pi}{3}, 4 \times 10^{-3} \quad (1)$$

$$\frac{5\pi}{3}, 2 \times 10^{-3} \quad (3)$$

- ۱۶۰- کدامیک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱) اجسام داغ گرمای بیشتری دارند.

(۲) راه و شیوه اندازه‌گیری دما را گرماسنجی گوییم.

(۳) ظرفیت گرمایی یک جسم همان گرمای ویژه آن است.

(۴) انرژی درونی مقداری آب صفر درجه سلسیوس بیشتر از همان مقدار یخ صفر درجه سلسیوس است.

- ۱۶۲- یک دماسنج در فشار یک اتمسفر، دمای ذوب یخ را با عدد ۳۲ و دمای جوش آب را با عدد ۲۱۲ نشان می‌دهد. این دماسنج

دمای  $40^{\circ}\text{C}$  را با چه عددی نشان می‌دهد؟

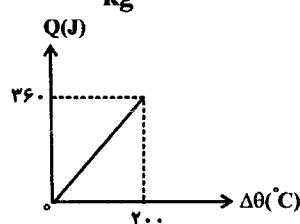
$$-40 \quad (4)$$

$$-15 \quad (3)$$

$$-32 \quad (2)$$

$$(1) \text{ صفر}$$

- ۱۶۳- سنگ مرمر ماده‌ای است که اگر به  $2\text{kg}$  از آن  $360\text{ J}$  گرما دهیم، دمای آن  $2^{\circ}\text{C}$  افزایش می‌یابد. شکل زیر نمودار گرمای داده شده به مقدار معینی سنگ مرمر را بر حسب تغییرات دمایی آن نشان می‌دهد. وزن این سنگ چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۱۶۴ - در کدام حالت، بین دو کره فلزی همان اندازه و هم جنس، گرما مبادله می شود؟

(۱) دو کره آهنی یکی توپر و دیگری توخالی با دمای یکسان را به هم تماس دهیم.

(۲) از دو کره آهنی هم دما یکی توپر و دیگری توخالی به یک اندازه گرمابگیریم، سپس آنها را با یکدیگر تماس دهیم.

(۳) دو کره آهنی یکی توپر و دیگری توخالی را داخل مخلوط آب و یخ در حال تعادل بیندازیم، سپس آنها را با یکدیگر تماس دهیم.

(۴) هر دو گزینه (۲) و (۳) صحیح هستند.

- ۱۶۵ - گرم یخ با دمای  $C = 0^\circ$  را در ظرف عایقی با  $m = 2\text{g}$  آب با دمای  $C = 0^\circ$  مخلوط می کنیم. دمای تعادل نهایی تقریباً چند درجه سلسیوس خواهد بود؟ (

$$L_f = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$$

فرض شود).

۲۳ (۴)

۱۱/۸ (۳)

-۲/۲ (۲)

(۱) صفر

- ۱۶۶ - در فشار یک اتمسفر، ظرفی با ظرفیت گرمایی ناچیز، حاوی  $20\text{g}$  آب در دمای  $0^\circ\text{C}$  است. قطعه یخی به جرم  $m$  و دمای صفر

درجة سلسیوس را داخل آب می اندازیم.  $m$  کدامیک از گزینه های زیر بر حسب گرم می تواند باشد تا تمام یخ ذوب شود؟

$$L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$$

«۱» و «۲»

۵۵ (۳)

۴۵ (۲)

۳۵ (۱)

- ۱۶۷ - دو میله A و B با ضرایب انبساط طولی  $K^{-1} = 11 \times 10^{-9}$  و  $K^{-1} = 18 \times 10^{-9}$  در دمای یکسان  $\theta$  قرار دارند. اگر در

دمای  $\theta$  و بالاتر از آن، اختلاف طول دو میله ثابت و برابر با  $5\text{cm}$  باشد، طول میله های A و B در دمای  $\theta$  به ترتیب از راست

به چپ، چند سانتی متر است؟

۲/۵، ۶ (۴)

۵/۵، ۹ (۳)

۸/۵، ۱۲ (۲)

۶/۵، ۱۰ (۱)

- ۱۶۸ - ظرفی به حجم  $1000\text{cm}^3$  و ضریب انبساط طولی  $K^{-1} = 10^{-3}$  از مایعی پُر شده است. اگر دمای ظرف و مایع را  $0^\circ\text{C}$  افزایش

دهیم،  $36\text{cm}^3$  از مایع درون آن بیرون می ریزد. ضریب انبساط حجمی مایع چند واحد SI است؟ (فرض کنید مایع به دمای

جوش خود نمی رسد).

$10^{-3}$  (۴)

$7/5 \times 10^{-3}$  (۳)

$6 \times 10^{-3}$  (۲)

$4/5 \times 10^{-3}$  (۱)

- ۱۶۹ - در فشار یک اتمسفر، درون ظرفی استوانه ای به مساحت قاعده  $200\text{cm}^2$ ، یک لیتر آب با دمای  $0^\circ\text{C}$  وجود دارد. کف ظرف در

تماس با صفحه ای داغ با دمای  $110^\circ\text{C}$  است. در مدت ۱۳۵ ثانیه، چند گرم از آب درون ظرف در اثر جوشیدن بخار می شود؟

(رسانندگی گرمایی گرمایی ظرف برابر با  $100$  واحد SI، ضخامت کف ظرف  $5\text{cm}$ ، آب داخل ظرف فقط از طریق کف

ظرف گرما می گیرد و اتلاف انرژی ناچیز است).

۱۲۰ (۴)

۱۲ (۳)

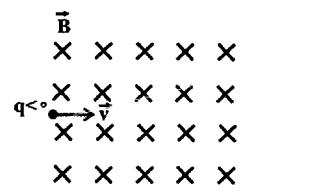
۲۴۰ (۲)

۲۴ (۱)

- ۱۷۰ - هوا با فشار یک اتمسفر درون استوانه یک دستگاه باد دوچرخه به طول  $24\text{cm}$  محبوس است. برای آن که در دمای ثابت، فشار هوای محبوس ۳ اتمسفر شود، طول استوانه را چند سانتی‌متر و چگونه باید تغییر دهیم؟ (هوا را گاز کامل فرض کنید).
- (۱) کاهش (۲) افزایش (۳) کاهش (۴) افزایش

- ۱۷۱ - از سیم راست و مستقیمی که در راستای قائم قرار دارد، جریانی از پایین به بالا عبور می‌دهیم. اگر این سیم در میدان مغناطیسی زمین که جهت آن به سمت شمال است قرار گیرد، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر آن کدام است؟
- (۱) شمال (۲) جنوب (۳) شرق (۴) غرب

- ۱۷۲ - مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم  $m$  و بار الکتریکی  $q$  با سرعت  $\vec{v}$  عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواخت درون سوی  $\vec{B}$ ، وارد فضای میدان می‌شود. ذره پس از ورود به فضای میدان به طرف ... منحرف شده و در مسیری ... حرکت می‌کند. (از نیروی وزن و اصطکاک صرف نظر شود).



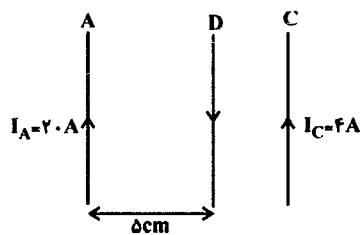
(۲) بالا-سهمی

$$(1) \text{ بالا-} \frac{mv}{|q|B} \text{ دایره‌ای به شعاع}$$

(۴) پایین-سهمی

$$(3) \text{ پایین-} \frac{mv}{|q|B} \text{ دایره‌ای به شعاع}$$

- ۱۷۳ - در شکل زیر، سه سیم موازی، مستقیم و بلند حامل جریان‌های  $I_A = 20\text{A}$ ،  $I_D = 4\text{A}$ ،  $I_C = 4\text{A}$  در صفحه کاغذ ثابت شده‌اند. به طوری که برایند نیروهای مغناطیسی وارد بر واحد طول سیم  $D$  از طرف جریان‌های دو سیم  $A$  و  $C$  برابر با صفر است. در این حالت فاصله بین دو سیم راست و موازی  $A$  و  $C$  چند سانتی‌متر است؟



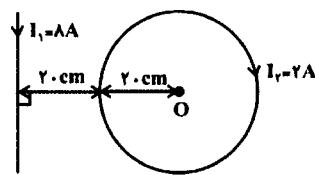
(۱) ۶

(۲) ۷

(۳) ۸

(۴) ۹

- ۱۷۴ - در شکل زیر، سیم راست، طویل و حلقه در صفحه کاغذ ثابت شده‌اند و جریان‌های  $I_1$  و  $I_2$  از آن‌ها عبور می‌کند. اندازه برایند میدان‌های مغناطیسی حاصل از این جریان‌ها در مرکز حلقه چند تسلا است؟ ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$ )



$$(1) 2 \times 10^{-9}$$

$$(2) 4 \times 10^{-9}$$

$$(3) 6 \times 10^{-9}$$

$$(4) 8 \times 10^{-9}$$

- ۱۷۵ - طول یک سیم‌لوله که هسته آهنی ندارد، برابر با  $28\text{cm}/6$  و جریان گذرنده از آن برابر  $5\text{A}$  است. اگر شعاع هر حلقه آن برابر با  $5\text{cm}$  و بزرگی میدان مغناطیسی در داخل آن  $1\text{T}/0$  باشد، طول سیمی که سیم‌لوله از آن ساخته شده‌است، چند متر است؟

$$(1) 31/4 \quad (2) 62/8 \quad (3) 314 \quad (4) 628 \quad (\mu_0 = 12/56 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}} \text{ و } \pi = 3/14)$$

(۱) ۳۱/۴

(۲) ۶۲/۸

(۳) ۳۱۴

(۴) ۶۲۸

- ۱۷۶- سیمی به طول  $60$  متر را به صورت یک پیچه مسطح که  $200$  دور دارد در می آوریم و آن را در یک میدان مغناطیسی طوری قرار می دهیم که سطح پیچه با خط های میدان زاویه  $53^\circ$  درجه بسازد. اگر بزرگی میدان مغناطیسی  $4/0$  تسللا باشد، شار مغناطیسی عبوری از پیچه چند وبر است؟ ( $\pi = 3$ ,  $\cos 37^\circ = 0/8$ )

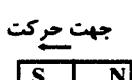
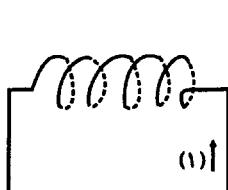
(۱)  $3 \times 10^{-3}$

(۲)  $2/4 \times 10^{-3}$

(۳)  $4/8 \times 10^{-3}$

(۴)  $3 \times 10^{-4}$

- ۱۷۷- مطابق شکل زیر، آهنربایی در جهت نشان داده شده به یک سیم‌وله نزدیک می‌شود. جهت جریان القاء شده در سیم‌وله کدام است؟



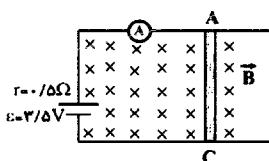
(۱) ۲

(۲)

(۳) جریانی القاء نمی‌شود.

(۴)

- ۱۷۸- در شکل زیر، طول سیم AC برابر با  $60$  cm و مقاومت الکتریکی آن برابر با  $5\Omega$  است. اگر بزرگی میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو برابر با  $G = 5000$  آمپر-سنج AC را با سرعت ثابت  $5$  m/s به سمت راست حرکت دهیم، آمپرسنج ایده‌آل چند میلی‌آمپر را نشان می‌دهد؟



(۱) ۲۰۰۰

(۲) ۵۰۰۰

(۳) ۲

(۴) ۵

- ۱۷۹- طول، قطر سطح مقطع و ضریب خودالقایی سیم‌وله A، چهار برابر طول، قطر سطح مقطع و ضریب خودالقایی سیم‌وله B است. تعداد حلقه‌های سیم‌وله A چند برابر تعداد حلقه‌های سیم‌وله B است؟ (سیم‌وله‌ها قادر هستند آهنی هستند).

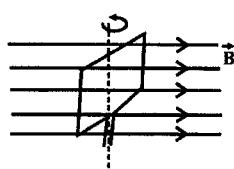
(۱)  $\frac{1}{4}$

(۲)  $\frac{1}{2}$

(۳) ۲۰۰

(۴) ۱

- ۱۸۰- مطابق شکل زیر، قابی مستطیل شکل به ابعاد  $10\text{cm} \times 20\text{cm}$  در هر دقیقه  $360$  بار به طور یکنواخت حول محور خود که عمود بر خط های میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی  $G = 10$  است، دوران می‌کند. ساده‌ترین معادله شار مغناطیسی عبوری از این



(۱)  $\Phi = 2 \times 10^{-3} \cos(6\pi t)$

(۲)  $\Phi = 2 \times 10^{-3} \cos(6\pi t)$

(۳)  $\Phi = 2 \times 10^{-3} \cos(12\pi t)$

(۴)  $\Phi = 2 \times 10^{-3} \cos(12\pi t)$

- ۱۸۱- همه موارد زیر درست هستند، به جز ...

(۱) در واکنش  $\text{H}_2\text{CO}_3 + \text{HCl(g)} + \text{NaHCO}_3 \rightarrow \text{NaCl(aq)} + \text{H}_2\text{CO}_3 \text{(aq)}$  اسید مزدوج  $\text{NaHCO}_3$  است.

(۲) در واکنش  $\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}_2\text{O(l)} \rightleftharpoons \text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{OH}^-(\text{aq})$  باز آرنیوس به شمار می‌رود.

(۳) در واکنش ماده‌ای آمفوتر با هیدروکلریک اسید، آمفوتر از دیدگاه لوری - برونستد به عنوان پذیرنده الکترون عمل می‌کند.

(۴) از دیدگاه آرنیوس، اکسید عنصر خانه شماره ۳۷ جدول دوره‌ای، باز محسوب می‌شود.

- ۱۸۲- کدام گزینه درست است؟

(۱) برای کاهش pH خاک‌های کشاورزی می‌توان به آن‌ها آهک افزود.

(۲) در واکنش اکسیدهای اسیدی  $\text{SO}_2$  و  $\text{NO}_2$  با آب، تعداد یکسانی یون تولید می‌شود.

(۳) بر اساس نظریه آرنیوس، گاز کربن‌دی‌اکسید و گاز آمونیاک به ترتیب اسید و باز به شمار می‌روند.

(۴) در واکنش تعادلی یون اکسید با آب، یک یون هم اسید مزدوج و هم باز مزدوج است.

- ۱۸۳ - کدام موارد نادرست هستند؟

الف) ساختار اسیدها و بازها، قبل از آشنایی با واکنش‌های خنثی شدن میان آنها شناخته شده بود.

ب) از واکنش گاز آمونیاک با گاز هیدروژن کلرید، یک جامد یونی سفید رنگ ایجاد می‌شود.

پ) گاز به دست آمده از انداختن یک قطعه از فلز سدیم در آب با گاز حاصل از انداختن همان قطعه در محلول  $1\text{ mol.L}^{-1}$  هیدروفلوئوریک اسید یکسان است.

ت) آنیون موجود در ترکیب  $\text{K}_2\text{O}_4$  یون اکسید است که در آب به سرعت به یون‌های هیدروکسید تبدیل می‌شود.

(۱) الف و ب (۲) پ و ت (۳) الف و ت (۴) ب و پ

- ۱۸۴ اگر  $3\text{ g}$  از  $\text{Ba}(\text{OH})_2$  را در  $3\text{ L}$  آب در دمای  $25^\circ\text{C}$  حل کنیم،  $\text{pH}$  محلول حاصل کدام خواهد بود؟ ( $K_w$  را در دمای  $25^\circ\text{C}$  برابر  $10^{-14}$  فرض کنید.)

(۱)  $13/3$  (۲)  $12/2$  (۳)  $11/2$  (۴)  $0/2$

- ۱۸۵ در  $4\text{ L}$  آب با دمای  $25^\circ\text{C}$   $24\text{ g}$  استیک اسید خالص را به طور کامل حل کرده‌ایم و  $0.8 \times 10^{24} / 0.8 \times 10^{20}$  عدد یون پدیده است. درصد یونش مولکول‌های حل شده این اسید کدام است؟ (از یونش مولکول‌های آب صرف نظر کنید.)

$(\text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$

(۱)  $0/0.1$  (۲)  $0/5$  (۳)  $1$  (۴)  $0/0.05$

- ۱۸۶ کدام گزینه نادرست است؟

۱) یکی از ترکیب‌های به دست آمده در واکنش ترمیت، یک آمفوتور است.

۲) یون هیدروکسید و گاز هیدروژن به ترتیب اسید مزدوج بازهای  $\text{O}^{2-}$  و  $\text{H}^-$  هستند.

۳) خاصیت اسیدی محلول حاصل از حل شدن ۱ مول گاز نیتروژن (V) اکسید در مقدار معینی آب، بیشتر از خاصیت اسیدی محلول حاصل از حل شدن ۱ مول گاز گوگرد (VI) اکسید در همان مقدار آب است. (سایر شرایط یکسان است.)

۴) اکسیدهای  $\text{SO}_4^2-$ ,  $\text{N}_3\text{O}_5$  و  $\text{K}_2\text{O}_4$  جزو اسیدهای آرنیوس به شمار می‌آیند.

- ۱۸۷ چه تعداد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

الف) با افزایش دما،  $\text{pH}$  محلول‌های خنثی افزایش می‌یابد.

ب) در دمای ثابت، با اضافه کردن اسید یا باز به آب خالص، ثابت یونش آب تغییر می‌کند.

پ) با افزایش نسبت غلظت  $\text{H}^+$  به  $\text{OH}^-$  در یک محلول، خاصیت اسیدی و  $\text{pH}$  محلول افزایش می‌یابد.

ت) در واکنش تعادلی خود یونش آب خالص، برخی از مولکول‌های آب نقش اسید آرنیوس و برخی دیگر هم نقش باز آرنیوس را ایفا می‌کنند.

(۱) صفر (۲)  $12/3$  (۳)  $2$  (۴)  $3$

- ۱۸۸ در رابطه با فسفوک اسید کدام یک از موارد زیر نادرست است؟

آ) شمار پیوندهای اشتراکی در این ماده از شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی ۲ واحد کمتر است.

ب) در پاک کننده‌های صابونی و غیرصابونی کاربرد دارد.

پ) طی سه مرحله یونش می‌یابد که مرحله اول برخلاف دو مرحله دیگر به طور کامل انجام می‌شود.

ت) در محلول آن غلظت مولی یون هیدرونیوم از سایر یون‌ها بیشتر است.

(۱) فقط (آ) (۲) فقط (پ) (۳) (آ) و (پ) (۴) (آ)، (پ) و (ت)

- ۱۸۹ در رابطه با کربنیک اسید و سولفور اسید کدام گزینه نادرست است؟

(۱) اسیدهایی دو پروتون دار هستند که بیشتر به واسطه نمک هایشان شهرت یافته اند.

(۲) اسیدهایی ناپایدار هستند که تاکنون به صورت خالص جدا نشده اند.

(۳) بهتر است آن ها را به ترتیب به صورت  $\text{CO}_\ell(\text{aq})$  و  $\text{SO}_\ell(\text{aq})$  نشان دهن.

(۴) در محلول حاصل از یونش کربنیک اسید، غلظت مولی  $\text{CO}_\ell(\text{aq})$  از  $\text{H}_\ell\text{O}^+(\text{aq})$  بیشتر است.

- ۱۹۰ غلظت یون هیدروکسید در محلول هیدروکسید اسید با  $\text{pH} = 1 / 7$  در دمای اتاق، چند برابر غلظت یون باریم در محلول

باریم هیدروکسید با  $\text{pH} = 13 / 7$  است؟ ( $\log 5 = 0.7$ )

$$(1) 10^{-12} \quad (2) 5 \times 10^{-12} \quad (3) 0.7 \quad (4) 0.2$$

- ۱۹۱ کدام یک از گزینه های زیر نادرست است؟

(۱) ترتیب قدرت پیوند هیدروژنی و نقطه جوش ترکیب های  $\text{HF}$ ,  $\text{H}_\ell\text{O}$  و  $\text{NH}_\ell$  به صورت مقابل است:  $\text{HF} > \text{H}_\ell\text{O} > \text{NH}_\ell$

(۲) شکل هندسی مولکول عامل بسیار مهمی در تعیین خواص شیمیایی آن است.

(۳) نوع نیروی جاذبه بین مولکولی در گازهای  $\text{CO}$  و  $\text{N}_\ell$  با یکدیگر متفاوت است.

(۴) نیروی جاذبه بین مولکول های آب، بسیار ضعیف تر از پیوند کووالانسی بین اتم های ید در ساختار یک مولکول آن است.

- ۱۹۲ چگالی ترکیب گازی حاصل از افزایش کلر به یک آنکن، ۲ برابر چگالی هیدروکربن اولیه است. هیدروکربن اولیه کدام یک از ترکیب ها می تواند باشد؟ ( $\text{C}_n\text{H}_{2n} + \text{Cl}_\ell \rightarrow \text{C}_n\text{H}_{2n}\text{Cl}_\ell$ )

(۱) ۲ - متیل - ۲ - بوتن      (۲) ۴ - متیل - ۲ - پنتن      (۳) ۳ - متیل - ۳ - پنتن      (۴) ۲ - متیل - ۲ - بوتن

- ۱۹۳ یون های فسفات و نیترات در چند مورد از موارد زیر با یکدیگر شباهت دارند؟

• شمار پیوندهای داتیو      • شکل هندسی

• عدد اکسایش اتم مرکزی      • میزان قطبیت پیوندها

$$(1) 1 \quad (2) 2 \quad (3) 2 \quad (4) 4$$

- ۱۹۴ نمودار زیر روند تغییر نقطه جوش ترکیب های هیدروژن دار در یکی از گروه های اصلی

جدول دوره ای (از دسته  $p$ ) را نشان می دهد. با توجه به نمودار، چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

• هیدرید موجود در تناوب ۳ این گروه توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی را ندارد.

• در آرایش الکترون - نقطه ای اسیدهای اکسیژن دار مربوط به عنصر این گروه، همواره پیوند داتیو دیده می شود.

• هیدرید عنصر تناوب ۵ این گروه، بیشترین نقطه جوش را میان هیدریدهای هم تناوب خود دارد.

• تعداد قلمروهای پیوندی اتم مرکزی در هر یک از هیدریدهای این گروه در مقایسه با هیدریدهای هم تناوب، بیشترین است.

$$(1) 1 \quad (2) 2 \quad (3) 3 \quad (4) 4$$

- ۱۹۵ کدام مطلب نادرست است؟

(۱) گرافیت به دلیل وجود پیوندهای دوگانه و رزونانس در یک لایه، رسانای جریان برق است.

(۲) در گرافیت طول پیوند میان دو اتم کربن در مقایسه با طول پیوند کربن - کربن در الماس، کوتاه تر است.

(۳) در هر لایه گرافیت هر اتم کربن با چهار پیوند و با آرایش سه ضلعی مسطح به سه اتم کربن دیگر متصل شده است.

(۴) در گرافیت فاصله میان مولکول های صفحه ای غول آسا کوتاه تر از طول پیوند کووالانسی کربن - کربن در الماس است.

- ۱۹۶ کدام یک از مقایسه های زیر بین زاویه پیوندی در مولکول های آب، آمونیاک، متان و گوگرد دی اکسید درست است و در چند

موردن از این ترکیب ها، اتم مرکزی دارای ۴ قلمرو الکترونی است؟

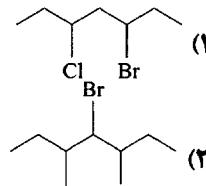
$$(1) \text{SO}_\ell > \text{CH}_\ell > \text{NH}_\ell > \text{H}_\ell\text{O} \quad (2) \text{NH}_\ell > \text{SO}_\ell > \text{CH}_\ell > \text{H}_\ell\text{O}$$

$$(3) \text{SO}_\ell > \text{CH}_\ell > \text{NH}_\ell > \text{H}_\ell\text{O} \quad (4) \text{H}_\ell\text{O} > \text{SO}_\ell > \text{CH}_\ell > \text{NH}_\ell$$

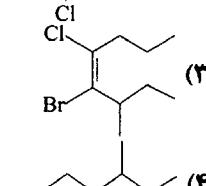
- ۱۹۷ - نام‌گذاری کدام یک از ترکیب‌های زیر درست است، اما در صد جرمی تقریبی کربن در آن به‌نادرستی بیان شده است؟

$$(Br = 80, Cl = 35 / 5, C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$

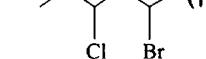
۳ - کلرو - ۵ - بromo هگزان - ۰۹ / ۳۶



۲ - متیل - ۳ - بromo - ۴ - کلروهگزان - ۳۴ / ۵۱



۴ - بروم - ۵ - کلرو - ۳ متیل - ۴ - اوکتن - ۴۵ / ۱



۲ - بromo - ۴ - کلرو - ۳ - متیل هگزان - ۳۱ / ۳۷



- ۱۹۸ - کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱) ماده هورمون مانندی است که در بیشتر گیاهان وجود دارد و باعث زودرسی میوه‌ها می‌شود.

(۲) تعداد پیوندهای کووالانسی در مولکول اتانول با تعداد پیوندهای کووالانسی فراورده واکنش اتن با برم مایع برابر است.

(۳) شمار اتم‌های کربن با شمار اتم‌های هیدروژن در مونومر تشکیل‌دهنده پلیمر پتوی آکریلیک برابر است.

(۴) از واکنش اتن با هیدروژن کلرید، ترکیبی به دست می‌آید که در تهیه پلی وینیل کلرید به کار می‌رود.

- ۱۹۹ - منتول یک ..... است که یک واحد فرمولی (فرمول مولکولی) آن شامل ..... اتم کربن می‌باشد و نسبت شمار اتم‌های کربن به شمار اتم‌های هیدروژن در آن ..... است.

۱) الکل حلقوی - ۱۰ -  $\frac{5}{9}$

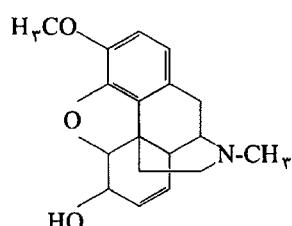
۱) الکل حلقوی -  $\frac{1}{2}$

۲) الکل آромاتیک - ۹ -  $\frac{1}{2}$

۳) الکل حلقوی - ۹ -  $\frac{5}{9}$

- ۲۰۰ - با توجه به ساختار مقابل، چه تعداد از عبارت‌ها درست‌اند؟

الف) دارای گروه‌های عاملی اسیدی، کتونی و آمینی در ساختار خود است.



ب) فرمول مولکولی آن  $C_{17}H_{16}NO_2$  است.

پ) تعداد اتم‌های با ۳ قلمرو الکترونی در آن با تعداد اتم‌های با ۴ قلمرو الکترونی، برابر نیست.

ت) تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی در آن برابر ۸ است.

- ۲۰۱ - گرماسنج بمبی یک سامانه ... و بمب فولادی درون گرماسنج یک سامانه ... است. این گرماسنج، گرما را در ... انسازه‌گیری می‌کند.

۱) منزوی - منزوی - حجم ثابت

۲) منزوی - بسته - حجم ثابت

۳) بسته - منزوی - حجم ثابت

۴) منزوی - بسته - فشار ثابت

- ۲۰۲ - با توجه به واکنش  $6C + 5E \rightarrow 7A$  اگر جرم مولی E برابر ۴۲ گرم بر مول باشد، از واکنش ۲۰۰ گرم از E با درصد خلوص

۱)  $A + B \rightarrow 2D + C, \Delta H = +52 \text{ kJ}$  ۲۰۲ / ۴ (۲) ۲۰۴ / ۸ (۱)

۲)  $4B \rightarrow E + A, \Delta H = +28 \text{ kJ}$  ۱۰۲ / ۴ (۲) ۲۰۴ / ۸ (۱)

۳)  $C + 3E \rightarrow 4D + A, \Delta H = -45 \text{ kJ}$  ۱۰۴ / ۴ (۴) ۲۰۸ / ۳ (۳)

- ۲۰۳ - کدام موارد از مطالب زیر درست‌اند؟

- الف)  $\Delta S$  واکنش تهیه گاز اتان از واکنش گاز اتین با گاز هیدروژن، مثبت است.
- ب) در قانون دوم ترمودینامیک آنتروپی به عنوان ملاکی برای توضیح خود به خود بودن فرایندهای طبیعی معرفی می‌شود.
- پ) کمیتی که آنتروپی و آنتالپی را به هم ربط می‌دهد، مقدار انرژی در دسترس برای انجام یک فرایند می‌باشد.
- ت) سوختن هیدروژن خود به خود انجام می‌شود و در آن کاهش آنتروپی بر کاهش آنتالپی غلبه می‌کند.
- ث) واکنش تجزیه  $H_2O$  یک واکنش گرماده می‌باشد و با افزایش آنتروپی همراه است.

(۱) (الف)، (ب)، (پ)      (۲) (ب)، (پ)، (ت)      (۳) (الف)، (ب)، (ت)      (۴) (ب)، (پ)

- ۲۰۴ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) علامت آنتروپی در حل شدن استون در آب مشابه علامت آن در طی انجام فرایندهای خودبهخودی در سامانه‌ای منزوی است.
- ۲) کلازیوس، به منظور توجیه جهت انجام فرایندهای فیزیکی و شیمیایی مفهوم آنتروپی را ارائه کرد.
- ۳) ویتامین (C) کربوکسیلیک اسیدی حلقوی و محلول در آب است.
- ۴) علامت  $\Delta H$  مرحله آب پوشی در انحلال نمک‌ها در آب، مشابه علامت  $\Delta H$  در واکنش سوختن متان است.

- ۲۰۵ - کدام گزینه درست است؟

- ۱) از آنجا که  $H_2S$  یک گاز قطبی و  $Cl_2$  گازی ناقطبی است، انحلال پذیری  $H_2S$  در آب در دمای ثابت بیشتر از  $Cl_2$  است.
- ۲) حل شدن مواد جامد در مایع‌ها همواره باعث افزایش آنتروپی می‌شود.
- ۳) الكل‌ها تا ۵ اتم کربن در آب به هر نسبتی حل می‌شوند.
- ۴) میزان انحلال پذیری ترکیب‌های یونی به نوع یون‌های سازنده و ساختار بلوری آن‌ها بستگی دارد.
- ۲۰۶ - اگر ۹۰ گرم از محلولی سیر شده را که انحلال پذیری آن ۸۰ گرم در ۱۰۰ گرم آب است سرد کنیم تا یک محلول ۲۰٪ جرمی از آن به دست آید، چند گرم رسوب تشکیل خواهد شد؟

(۱) ۴۰      (۲) ۱۳/۵      (۳) ۲۷/۵      (۴) ۵۳/۵

- ۲۰۷ - اگر بخواهیم ۲٪ لیتر محلول ۳۰ ppm یون سدیم ( $Na^+$ ) را از نمک‌های زیر تهیه کنیم، در کدام مورد به جرم بیشتری از نمک نیاز است؟



- ۲۰۸ - با توجه به جدول زیر، مولاریتۀ محلولی از  $CuSO_4$  با نقطۀ جوش  $C = 30^\circ/100^\circ$  چه قدر است؟ (چگالی محلول را  $\frac{g}{mL}$  در نظر بگیرید). ( $Cu = 64, S = 32, O = 16: \text{g.mol}^{-1}$ )

۲	۱	شمارۀ محلول $CuSO_4$
۰/۵	۰/۱	غلظت مولال محلول آبی
۱۰۰/۵	۱۰۰/۱	دمای شروع به جوش محلول (C)

(۱) ۰/۶۱      (۲) ۰/۷۵      (۳) ۱/۲۲      (۴) ۱/۵

- ۲۰۹ - کدام گزینه درست نیست؟

- ۱) فشار بخار محلول ماده فرآر در آب، بیشتر از فشار بخار آب خالص است.
- ۲) نسبت استوکیومتری کاتیون به آنیون در پاک‌کننده صابونی با پاک‌کننده غیرصابونی یکسان است.
- ۳) در مول برابر شمار اتم‌های اکسیژن در پاک‌کننده صابونی بیشتر از پاک‌کننده غیرصابونی است.
- ۴) در کلوبیدها لخته شدن زمانی اتفاق می‌افتد که یک محلول الکترولیت به آن اضافه شود.

- ۲۱۰ -

چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست‌اند؟

- الف) کلوبیدها برخلاف محلول‌ها و مانند سوسپانسیون‌ها، پس از مدتی ماندگاری تهنشین نمی‌شوند.
- ب) کلوبید جامد در مایع، سول جامد نام دارد که از نمونه‌های آن می‌توان رنگ‌های روغنی را نام برد.
- پ) ذره‌های یک کلوبید همگی بار الکتریکی هم نام دارند، ولی مقدار بار الکتریکی آن‌ها می‌تواند متفاوت باشد.
- ت) با افزایش الکترولیت به یک کلوبید، همچنان همه ذره‌های کلوبیدی به حرکت براونی خود ادامه می‌دهند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



سایت کنکور

Konkur.in

پاسخ نامه (کلید) آزمون ۱۳۹۷ آذر ۰۴ - گروه چهارم ریاضی دفترچه

1	✓	□	□	□	□	51	□	✓	□	□	101	□	□	□	✓	151	□	✓	□	□	201	□	✓	□	□
2	□	✓	□	□	□	52	□	□	✓	□	102	□	□	□	✓	152	✓	□	□	□	202	□	□	✓	□
3	□	□	✓	□	□	53	□	□	✓	□	103	□	□	□	✓	153	✓	□	□	□	203	□	✓	□	□
4	✓	□	□	□	□	54	□	✓	□	□	104	□	□	□	✓	154	□	✓	□	□	204	□	✓	□	□
5	✓	□	□	□	□	55	□	✓	□	□	105	✓	□	□	□	155	□	□	✓	□	205	□	□	✓	□
6	✓	□	□	□	□	56	□	✓	□	□	106	□	□	□	✓	156	□	✓	□	□	206	□	✓	□	□
7	□	□	✓	□	□	57	□	✓	□	□	107	□	✓	□	□	157	□	✓	□	□	207	□	✓	□	□
8	□	□	✓	□	□	58	□	✓	□	□	108	□	□	□	✓	158	✓	□	□	□	208	✓	□	□	□
9	✓	□	□	□	□	59	□	□	✓	□	109	□	□	□	✓	159	□	□	✓	□	209	□	✓	□	□
10	✓	□	□	□	□	60	□	✓	□	□	110	✓	□	□	□	160	✓	□	□	□	210	□	□	✓	□
11	✓	□	□	□	□	61	□	✓	□	□	111	□	✓	□	□	161	□	□	✓	□					
12	✓	□	□	□	□	62	✓	□	□	□	112	✓	□	□	□	162	□	□	✓	□					
13	✓	□	□	□	□	63	✓	□	□	□	113	✓	□	□	□	163	✓	□	□	□					
14	□	□	✓	□	□	64	□	✓	□	□	114	✓	□	□	□	164	□	✓	□	□					
15	□	□	✓	□	□	65	✓	□	□	□	115	✓	□	□	□	165	□	✓	□	□					
16	□	□	✓	□	□	66	□	✓	□	□	116	□	✓	□	□	166	□	✓	□	□					
17	✓	□	□	□	□	67	✓	□	□	□	117	✓	□	□	□	167	□	✓	□	□					
18	✓	□	□	□	□	68	□	✓	□	□	118	✓	□	□	□	168	✓	□	□	□					
19	✓	□	□	□	□	69	□	✓	□	□	119	□	□	□	✓	169	✓	□	□	□					
20	□	□	✓	□	□	70	□	✓	□	□	120	✓	□	□	□	170	□	✓	□	□					
21	✓	□	□	□	□	71	✓	□	□	□	121	✓	□	□	□	171	□	✓	□	□					
22	✓	□	□	□	□	72	□	✓	□	□	122	□	□	✓	□	172	□	✓	□	□					
23	□	□	✓	□	□	73	□	✓	□	□	123	✓	□	□	□	173	✓	□	□	□					
24	□	□	✓	□	□	74	✓	□	□	□	124	✓	□	□	□	174	✓	□	□	□					
25	✓	□	□	□	□	75	✓	□	□	□	125	✓	□	□	□	175	✓	□	□	□					
26	✓	□	□	□	□	76	□	✓	□	□	126	✓	□	□	□	176	✓	□	□	□					
27	✓	□	□	□	□	77	□	✓	□	□	127	✓	□	□	□	177	✓	□	□	□					
28	□	□	✓	□	□	78	□	✓	□	□	128	□	□	✓	□	178	✓	□	□	□					
29	✓	□	□	□	□	79	✓	□	□	□	129	✓	□	□	□	179	✓	□	□	□					
30	✓	□	□	□	□	80	□	✓	□	□	130	✓	□	□	□	180	□	✓	□	□					
31	□	□	✓	□	□	81	✓	□	□	□	131	✓	□	□	□	181	□	✓	□	□					
32	□	□	✓	□	□	82	□	✓	□	□	132	□	□	✓	□	182	□	✓	□	□					
33	✓	□	□	□	□	83	✓	□	□	□	133	✓	□	□	□	183	✓	□	□	□					
34	✓	□	□	□	□	84	✓	□	□	□	134	✓	□	□	□	184	□	✓	□	□					
35	✓	□	□	□	□	85	✓	□	□	□	135	✓	□	□	□	185	✓	□	□	□					
36	□	□	✓	□	□	86	□	✓	□	□	136	✓	□	□	□	186	□	✓	□	□					
37	✓	□	□	□	□	87	✓	□	□	□	137	✓	□	□	□	187	✓	□	□	□					
38	✓	□	□	□	□	88	✓	□	□	□	138	✓	□	□	□	188	✓	□	□	□					
39	✓	□	□	□	□	89	□	✓	□	□	139	□	□	✓	□	189	□	✓	□	□					
40	□	□	✓	□	□	90	□	✓	□	□	140	✓	□	□	□	190	□	✓	□	□					
41	✓	□	□	□	□	91	□	✓	□	□	141	✓	□	□	□	191	✓	□	□	□					
42	✓	□	□	□	□	92	□	□	✓	□	142	✓	□	□	□	192	✓	□	□	□					
43	✓	□	□	□	□	93	✓	□	□	□	143	✓	□	□	□	193	✓	□	□	□					
44	✓	□	□	□	□	94	✓	□	□	□	144	✓	□	□	□	194	□	✓	□	□					
45	✓	□	□	□	□	95	✓	□	□	□	145	✓	□	□	□	195	□	✓	□	□					
46	✓	□	□	□	□	96	✓	□	□	□	146	✓	□	□	□	196	□	✓	□	□					
47	✓	□	□	□	□	97	✓	□	□	□	147	✓	□	□	□	197	□	✓	□	□					
48	✓	□	□	□	□	98	✓	□	□	□	148	✓	□	□	□	198	✓	□	□	□					
49	✓	□	□	□	□	99	✓	□	□	□	149	✓	□	□	□	199	✓	□	□	□					
50	✓	□	□	□	□	100	✓	□	□	□	150	✓	□	□	□	200	✓	□	□	□					



# Konkur.in



## دفترچه پاسخ

# عمومی فارغ التحصیلان

(ریاضی و تجربی)

سایت کنکور  
۱۳۹۷ آذر ۳۰  
Konkur.in

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۸۴۵۱

« تمام دارایی‌ها و درآمدهای بنیاد علمی آموزشی قلمچی وقف عام است بر گسترش دانش و آموزش »



(رضا (زوالفاراري)

**۷- گزینه «۳»**

گزینه ۱ و ۲ و ۴ به مفهوم وجود اشاره دارد.  
گزینه ۳ شیفتگی و سرگشته‌ی عاشق

(مفهوم، صفحه ۱۶۸)

(علی بلال ویرنگ)

**ادیبات فارسی پیش‌دانشگاهی****۱- گزینه «۱»**

معنای درست واژه‌ها:

صعوبه: پرنده‌ای است هم اندازه گنجشک

آرنگ: چین و شکنی که به واسطه خشم به چهره و ابرو و پیشانی می‌افتد.

زغن: پرنده‌ای است شکاری کوچک‌تر از باز، موش‌گیر

(لغت، فهرست واکلران کتاب (رس))

(امیرحسین عبدالrahman)

**۸- گزینه «۳»**

مفهوم مشترک گزینه «۱»: تقابل عشق و عقل  
مفهوم مشترک گزینه «۲»: از ماست که بر ماست  
مفهوم مشترک گزینه «۴»: ناپایداری دنیا و یکی‌که سرانجام همه مرگ است.  
بیت اول گزینه «۳»: می‌گوید عشق با خوشگذرانی هیچ نقطه‌ای مشترکی ندارد و عاشق باید سختی بکشد.  
بیت دوم گزینه «۳»: به خوش باش و خوشحال بودن در زندگی حال اشاره دارد.

(مفهوم، صفحه‌های ۵۶، ۵۵ و ۵۶)

(سید رحیم میرعمادی)

**۲- گزینه «۲»**

تنعم: ثروت / خلق کردن: شوختی کردن، مراجح

(املا، صفحه ۱۴۵ تا ۱۴۶)

(عبدالالمید امانی)

**۹- گزینه «۲»**

در گزینه «۲» شیخ خود را گنه کار و مستحق آتش می‌داند.

(مفهوم، صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

(سید رحیم میرعمادی)

**۳- گزینه «۳»**

۱- بهل: رها کن

۲- نفر: گوارا، جالب / نقض: شکستن

۴- حلاج

(املا، صفحه ۱۴۵ تا ۱۴۶)

(سید رحیم میرعمادی)

**۱۰- گزینه «۲»**

مفهوم بیت ۲- تکیه بر والا مقامی درویشان دارد. یک عارف با آن که درویش و فقیر است ولی طبع بلندی دارد.  
مفهوم سایر بیتها نفی خودخواهی در عشق است. عاشق در پی منافع خود نیست. (اگر خلاف کنم سعدیا به سوی تو باشم: اگر به فکر خود باشم خلاف است؛ خودخواهی در عشق باطل است. مرجع ضمیر «تو» سعدی است).  
(مفهوم، صفحه ۱۰۰ تا ۱۰۱ کتاب (رس))

(امیرحسین عبدالrahman)

**۴- گزینه «۱»**

سیرت رسول الله از دکتر عباس زرباب خوبی

بدایع الواقع از محمود واصفی

المیزان از علامه طباطبائی

قصص العلماء تنکابنی

قصص الانبیاء ابواسحاق نیشاپوری

(تاریخ ادبیات، صفحه‌های ۱۴۵، ۱۴۶، ۱۴۷ و ۱۴۸)

(سید رحیم میرعمادی)

**۱۱- گزینه «۱»**

الف) شولا خرقه: خرقه درویشان / د) واعظ: نصیحت‌گو، اندزه دهنده. واعظ جمع مكسر آن است. به شکل مفرد نیز توجه شود.

(لغت، صفحه ۱۴۲ تا ۱۴۹ فهرست واکلران کتاب (رس))

(امیرحسین عبدالrahman)

**۵- گزینه «۲»**

ج) آتش عشق اضافه تشیبیه است.

الف) جان به نان فروختن کنایه از خودفروشی

ب) حسن تعلیل دارد زیرا دلیل سرخ بودن روی بار را خون جگر عاشق می‌داند.

د) تلمیح اشاره به داستان حضرت آدم و هبیط به زمین

(آرایه)

(امیرحسین عبدالrahman)

**۶- گزینه «۱»**

تشیبیه: صدای سخن عشق به یادگار

استعاره: صدای سخن عشق

حس آمیزی: ندیدن صدا، دیدن صدای سخن عشق

اغراق: به مفهوم بیت توجه شود.

کنایه: گنبد دور، کنایه از آسمان

(آرایه)

(عبدالالمید امانی)

**۱۲- گزینه «۲»**

الف) املا کلمه به شکل (صواب) صحیح است که معنای درست می‌دهد.  
ج) موحش درست است به معنای ترسناک، وحشت انگیز.  
د) حق‌گزار درست است به معنای به جای آوردن حق.

(املا، صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۱ زبان فارسی ۳)

(عبدالالمید امانی)

(علی بلال ویرنگ)

**۱۳- گزینه «۳»**

دستچین، تا ناکجا، عبور، چمن لاله ← سید علی موسوی گرمارودی  
«از بودن و سروden»، «از زبان برگ» ← دکتر محمد رضا شفیعی کدکنی «شبگیر»، «سراب»، «تختستان نغمه‌ها»، «سیاه مشق» ← هوشنگ ابتهاج «زمستان»، «ارغون»، «آخر شاهنامه»، «از این اوستا» ← مهدی اخوان ثالث (تاریخ ادبیات، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

**عربی (۲)****۲۱- گزینهٔ ۳**

(مسن امری)

«لایتخد»: با توجه به این که لای آن لای نهی است در ترجمه به شکل «تباید بر گزینند» معنی می‌گردد. (رد گزینهٔ ۱ و ۴ - در گزینهٔ ۲ در گزینهٔ ۴): زشت و زیبا ← منضاد / اسلوب معادله (تمثیلی بر مصراج اول) (آرایه‌های ادبی)

(رضا ذوالقدری)

گزینهٔ ۱: «کران گرفت ← کنایه / صوفی به جام می‌زد ← پارادوکس گب معادل گزینهٔ ۲»: چون خلیل ← تشییه / خلیل (پیامبر)، خلیل (درست) جناس تام (مصراج دوم)

گزینهٔ ۴: زشت و زیبا ← منضاد / اسلوب معادله (تمثیلی بر مصراج اول) (آرایه‌های ادبی)

**۱۴- گزینهٔ ۳****۱۵- گزینهٔ ۴**

۱- جوکار ← جو (اسم) + کار (بن مضارع کاشتن، تکواز آزاد) مرکب ولی ستمکار و شاهکار از اسم + اسم تشکیل شده‌اند.

۲- دلستان ← دل (اسم) + ستان (بن مضارع ستاندن) ولی بستان در گلستان و مهستان پسوند مکان است.

۳- چینه‌دان ← کار (اسم) + دان (بن مضارع دانستن) ولی «دان» در چینه‌دان و گلدان پسوند مکان است. در گزینهٔ ۴ (ین) همگی پسوند نسبت است و همگی (اسم + ین) تشکیل شده‌اند، روی، زیر، بلور + ین.

(ستور زبان فارسی، درس ۱۷)

**۱۶- گزینهٔ ۴**

شخصیت: مشتق، فیلم نامه: مرکب، ارزیابی: مشتق - مرکب (عبدالقیمید امانی)

(ستور زبان فارسی)

**۱۷- گزینهٔ ۱**

واژه‌های ساده: لاله، بیگانه، مسلمان، مکالمه، الان، چاپلوس، کاروان، تیشه (۸ مورد)

چشممه ← چشم + ه / زایش ← زا (بن مضارع زایدین) + ش . وندی / ترکیه ← ترک (اسم) + یه مهوش ← مه = ماه اسم + وش.

نکته: وندهای عربی مانند (ال) و یا تنوین و یا ه تأثیث تکواز به حساب نمی‌ایند.

(ستور زبان فارسی، صفحه ۱۳۱)

**۱۸- گزینهٔ ۲**

مفهوم مشترک (ب، د) و صورت سوال این است که هر چیز را قبل از اینکه به شکل جدی‌تری تبدیل شود باید راه چاره‌ای برایش اندیشید و در صورت لزوم نایبود کرد.

«پیشگیری بهتر از درمان است.»

(مفهوم، صفحه ۱۳۹ کتاب درس)

**۱۹- گزینهٔ ۲**

در گزینهٔ ۲ نماد آزادی و در سایر گزینه‌ها نماد گرفتار است.

(مفهوم، صفحه ۱۳۷ کتاب درس)

**۲۰- گزینهٔ ۴**

مفهوم مشترک ابیات ۱ و ۲ و ۳ ناپایداری دنیا و قدرت‌های دنیوی مفهوم گزینهٔ ۴ وقتی روزگار سر سازگاری ندارد با آن ستیزه نشاید کرد و

بهتر است با شرایط روزگار بسازیم.

(مفهوم، صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۵ کتاب درس)

(میدر همایی)

**۲۲- گزینهٔ ۱**

«لایت»، ای کاش. «رجائنا»: مردان ما. «اعازمون» مصمم باشند، «مواصلة»: ادامه دادن. «اعمالهم الكثيرة»: کارهای فراوانشان. «نراهم»: آنها را می‌بینیم. «مُتَرَدِّيَّة»: تردید دارند.

!

(ترجمه)

(بوزار پهابنش)

**۲۳- گزینهٔ ۴**

«کنت آتمنی»: آرزو می‌کردم (رد گزینهٔ ۱ و ۳) / «آن آنچه فی دروسی» در درس‌هایم موفق شوم (رد گزینهٔ ۳) / «ولکن کنت اعرف جیداً»: ولی خوب می‌دانستم (رد گزینه‌های ۱ و ۲ و ۳) / «آن» که (رد گزینهٔ ۳) / «هذه الغایة صعبه جداً»: این واقعاً سخت است (رد گزینهٔ ۲) / «ولكن نجحت»: ولی موفق شدم.

!

(ترجمه)

(قالم مشیرپناهی)

**۲۴- گزینهٔ ۴**

در گزینهٔ ۴ « فعل «ندرک» باید به صورت «مضارع التزامي» یعنی «درک کنیم» ترجمه شود و ترجمه شدن آن به صورت «درک می‌کردیم» نادرست است، چرا که اگر خبر «لیت» «فعل مضارع» باشد، باید به صورت «مضارع التزامي» ترجمه شود.

(ترجمه)

(فالد مشیرپناهی)

**۲۵- گزینهٔ ۳**

ایه شریفه می‌گوید: «هر کسی در گرو کار خویش است.» یعنی هر کاری که انجام دهیم پاداش یا جزای آن را می‌بینیم؛ کار بد، عقوبتشی بد و کار نیک، پاداشی نیک؛ با کمی دقت می‌توان دریافت که گزینهٔ ۳ که می‌گوید: «زیبایی نفس در به دست آوردن پاداش است.» با مفهوم آیه داده شده ارتباطی ندارد. گزینهٔ ۱ می‌گوید: پاداش یا عقوبت کار از جنس همان عمل خواهد بود. گزینهٔ ۲ می‌گوید: «انسان چیزی ندارد مگر آنچه خود تلاش کرده است.» گزینهٔ ۴ نیز می‌گوید: «هر کس ذرای کار نیک انجام دهد، پاداش آن را می‌بیند.» که آیات داده شده در گزینه‌های ۲ و ۴ با آیه داده شده ارتباط معنایی دارند.

(مفهوم)



(امدر طریق)

در این گزینه آمده است: «اگر بخواهی که مقام‌های بلند را به دست بیاوری، پس بر تو لازم است که در شبها، بیداری بکشی!» که مطابق متن، این معنی درست است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «سکاکی پس از پیروزی در زمینه‌های علمی، روش زندگی اش را تغییر داد!» مطابق متن، نادرست است.

گزینه «۲»: «هر کسی که در درس خویش پیشرفت کرد، از دانشمندان بزرگ روزگار خویش شد!» نادرست است، زیرا که این معنی در متن نیامده است.

گزینه «۳»: «هر کس به نالبیدی اجازه دهد که بر او غلبه کند، پس او حتماً در پیشرفت علمی موفق است!»، مطابق متن، نادرست است.

(درک مطلب)

(امدر طریق)

کلمه «مشایل» در این گزینه معطوف به کلمه «ضعوبات» است و باید منصب گردد و همچنین این کلمه غیرمنصرف است و تنوین نمی‌بذرد.

(درک مطلب)

(امدر طریق)

«تُكَسَّب» فعل مضارع، ثلاثی مزید از باب افعال، متعدی و مجھول است که اولین صيغه فعل مضارع آن، دو حرف زائد دارد. این فعل، معرب است و نایب فاعل آن، اسم ظاهر یعنی «أَلْعَالِي» است که به علت اسم منقوص بودن، معروف به اعراب تقدیری است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «لازم - مبنی للمعلوم - فاعله ضمیر «هي» المستتر» نادرست‌اند.

گزینه «۲»: «بزيادة حرف واحد - مع فاعله جملة فعلية» نادرست‌اند.

گزینه «۳»: «لازم - مبني - فاعله» نادرست‌اند.

(تشکیل)

(امدر طریق)

کلمه «الآلی» به معنی «بلندی مقام» مصدر و اسم جامد است و معرفه با «آل» و اسم مذکور و معرب و منصرف است که در اینجا، در نقش مفعول به قرار دارد و چون اسم مقصور است، لذا، منصوب به اعراب تقدیری است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «مبني - ممنوع من الصرف - صفة و مجرور بالشبيهة» نادرست‌اند.

گزینه «۳»: «مشتق (اسم التفضيل) - مضاف اليه و مجرور بعلامة فرعية للإعراب» نادرست‌اند.

گزینه «۴»: «مؤنث - مشتق (صفة مشبهة) - مبني - ممنوع من الصرف - صفة و مجرور بالشبيهة من الموصوف» نادرست‌اند.

(تمیل صرفی و مدل اعراب)

(میر همای)

در گزینه «۱» صریح است. زیرا فعل ناقصه بعد از الطالبات آمده و باید به صیغه للغایات باشد.

(قواعد)

(مسن اسری)

جرعه جرمه سرکشیده‌اند «قد تجرعوا» در آغاز عبارت «قد تجر» (رده ۲ و ۴) آلاماً و صعوبات کثیره: فردها و سختی‌های بزرگی (رد گزینه «۱»)

سال‌هایی طولانی «سنوات طويلة» (رد ۲)

(تبریز)

«گزینه «۳»

(یزدگار بهانپیش)

«درستکار» نقش صفت برای دانش‌آموزان دارد بنابراین باید در معرفه و نکره بودن با موصوف مطابقت کند که در گزینه ۲ «صالحون» بر خلاف موصوف معرفه به صورت نکره آمده است.

(ترمیمه)

## ترجمه متن در کمطلب:

چنان که می‌دانیم، بسیاری از بزرگ‌ترین دانشمندان، در زندگی خودشان، سختی‌ها و مشکلات بسیاری را تحمل کرده‌اند تا به جایگاه بلندی که آنان را در آن می‌بینیم، رسیدند. و عده‌ای از این دانشمندان با این که در درس خویش در ابتدای کار، پیشرفتی را مشاهده نکرند، اما آنان به نالبیدی اجازه ندادند که بر آنان غلبه کند، در نتیجه پیشرفت در زمینه دانش را به دست آورند و بعد از بزرگ‌ترین دانشمندان دوران خودشان شدند. یکی از آنان، سکاکی بود که در ابتدای کار خویش، مردی درس نخوانده بود. ولی او بر اثر پایداری و تحمل مشکلات در کسب دانش پیروز شد و دانشمند مشهور غزالی که روش علم آموختن او را سخنی تغییر داد که آن را یک دزد به او گفت و میکل آن هنرمند ایتالیایی به مشکلاتی اشاره کرده است که او آن را در زندگی خویش تحمل کرد در حالی که مردم آن را نمی‌دانند. پس ما باید بدانیم که عزت به صورت آماده از آسمان فرود نمی‌اید، همان‌طور که شاعر گفت: به اندازه زحمت، مقام‌های بلند به دست آورده می‌شود / هر کس بلندی مقام را بخواهد، در شبها، بیداری می‌کشد!

«گزینه «۴»

(فاطمه منصور فاک)

مفهوم گزینه «۴»: «مرد باید در بیچ و خم زندگی، بیش ترین سختی‌ها و دشواری‌ها را تحمل کند». با سه گزینه دیگر مرتبط نیست و از مفهوم متن دور است.

(درک مطلب)

«گزینه «۱»

(امدر طریق)

در این گزینه آمده است: «همه دانشمندان، در زندگی خودشان، مشکلات زیادی را تحمل کردندا» که مطابق متن، این معنی، درست نیست زیرا بسیاری از دانشمندان در زندگی‌شان، مشکلاتی را تحمل کرده‌اند، نه همه آن‌ها.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۲»: «گاهی سخن یک دزد، روش علم آموختن دانشمندی را تغییر می‌دهد!» مطابق متن، درست است.

گزینه «۳»: «مردم، مشکلات زندگی میکل آن را نمی‌دانستند!»، مطابق متن، درست است.

گزینه «۴»: استقامت به بسیاری از دانشمندان در راه پیشرفت علمی، کمک کرد.

**دین و زندگی پیش دانشگاهی**

(ممور فنوری)

تبیه و کیف و عدها و پیمان‌ها بر اساس مسئولیت‌پذیری استوار شده‌اند که اگر کار نیک انجام دادیم مورد تشویق قرار می‌گیریم و اگر کار نادرست انجام دادیم تبیه و کیفر می‌شویم، و اگر کسی پیمان شکنی کند او را مستحق مجازات می‌دانیم. بیت «هیچ گویی سنگ را فردا بیا/ ور نیایی من دهم بد را سزا؟» به مسئولیت‌پذیری اشاره می‌کند.

!(درس ۵، صفحه ۴۵)

(ممور رضایی‌پنا)

متاسب بودن قدر و قضای الهی به طور عمومی و تعیین دادن آن به کل آفرینش، در آیه «إِنَّا كُلَّ شَيْءٍ خَلَقْنَاهُ بِقَدْرٍ؛ مَا هُرَّ بِهِنَّا كَمِنْ أَنْدَازَهُ اَنْدَازِهِمْ» ترسیم شده است. خدا پس از بیان نعمت‌هایش در آیه «اللَّهُ الَّذِي سَخَّرَ لَكُمُ الْبَحْرَ لِتَجْرِيَ الْفُلُكُ فِيهِ يَأْمُرُهُ وَ إِتَّبَعُوهُ مِنْ فَضْلِهِ وَ لَعْنَكُمْ تَشْكُرُونَ» شکرگزاری بندگان را هدف منتگاری بر آن‌ها بیان می‌کند.

!(درس ۵، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(ممور فنوری)

مهم‌ترین گام برای در ک صحیح نظام حاکم بر جهان خلقت اعتقاد به خداوند حکیم است که با آیه «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ ... اَنَّهُ كَانَ حِلْيَمًا غَفُورًا» ارتباط دارد.

!(درس ۵، صفحه‌های ۴۲ و ۴۷)

(ممور فنوری)

اختیار انسان حقیقتی و جدایی و مشهود است که غیر قابل انکار است آیه ۳ سوره انسان: «إِنَّهُ دِينَنَا السَّبِيلُ اما شَاكِراً وَ اما كَفُورًا» اشاره به آن دارد.

!(درس ۵، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(کتاب بامع)

در آیه ۱۰۴ سوره انعام خداوند از شیوه راهنمایی خود با انسان سخن می‌گوید: خداوند رهنمودهای خود را به انسان اعلام می‌کند. این انسان است که باید انتخاب کند و چون انسان اختیار دارد، اگر انتخاب کرد و ضرر دید این ضرر از خودش به او رسیده و اگر به انتخاب خوبی دست زد این خوبی هم از ناحیه خودش می‌باشد و عبارت «مَا عَلَيْكُمْ بِحَفِظِهِ» هم بیانگر آن است که از انسان سلب اختیار نمی‌شود. این موضوع نقطه مقابل عقیده «جبری گری» است که فرصت را برای زورگویان و تجاوزگران به حقوق مردم فراهم می‌کند و آنان ثروت به چنگ آورده را موهبت الهی معرفی می‌کنند و مدعی می‌شوند که تقدير الهی این را رقم زده که عدهای ثروتمند و عدهای فقیر باشند.

!(درس ۵، صفحه‌های ۴۲ و ۴۶)

(پیزاره بیانیش)

«المجتهدين» صفت و مجرور است برای (التلمیذ) که در جمله نقش مجرور به حرف جر گرفته است.

(قواعد)

**«گزینه ۳»** (پیزاره بیانیش)

«للغار» خبر مقدم و «مجال» اسم مؤخر است و هم‌چنین «عدو» اسم مؤخر و «هناک» خبر مقدم برای «مادام» است. در گزینه ۱: « أصبحت» «ضمیر ت» اسم افعال ناقصه و «مسرورة» خبر است. در گزینه ۲: «غافلین» خبر است و در گزینه ۴ «شایا» خبر است.

(قواعد)

**«گزینه ۳»** (ممدر بیان‌پنی)

واژه‌های معرب وقتی در جای مبنی قرار می‌گیرند باید ذواللام نباشند لذا گزینه ۲ و ۴ فوری حذف می‌شوند و در گزینه ۱ منادا است و مبنی بر ضم و در گزینه ۳ اسم لای نفی جنس و مبنی بر فتح.

(قواعد)

**«گزینه ۱»** (قالد مشیرپناه)

صورت سؤال از ما گزینه‌ای را خواسته است که در آن خبر از سایر گزینه‌ها متفاوت باشد؛ در گزینه ۱ «في اختلاف» خبر شبه جمله می‌باشد، اما در سایر گزینه به ترتیب «فائزون»، «ما» و «هانج» خبر مفرد می‌باشند.

(قواعد)

**«گزینه ۱»** (پیزاره بیانیش)

در گزینه ۱: «من» خیر لیس و محلًا منصوب است. در گزینه ۲: «من» خبر إن و محلًا مرفوع است. در گزینه ۳: «من» اسم مؤخر لیس و محلًا مرفوع است. در گزینه ۴: «من» فاعل و محلًا مرفوع است.

(قواعد)

**«گزینه ۳»** (پیزاره بیانیش)

در گزینه ۱: «شیتا» اسم مؤخر لیس و مرفوع است. در گزینه ۲: «منتصرة» خبر کن و باید منتصرات باید. در گزینه ۴: «مفید» باید با اسم إن در جنس و عدد مطابقت کند و بصورت «مفيدة» باید.

(قواعد)



(میلاد آزموده)

**«۵۰- گزینهٔ ۳»**

نصرت و هدایت الهی به دنبال تلاش و مجاهدت یکی از جلوه‌های امداد خاص خداوند یا سنت توفیق الهی است که در آیه «وَالَّذِينَ جَاهَدُوا...» آمده است.

(درس ۶، صفحه‌های ۵۷ و ۶۰)

(ممور فنوری)

**«۴۶- گزینهٔ ۴»**

«وَ لَا يَحْسِنُ الَّذِينَ كَفَرُوا إِنَّمَا نَمْلَى لَهُمْ خَيْرٌ لَانْفَسْهُمْ إِنَّمَا نَمْلَى لَهُمْ لِيَزِدَادُوا إِثْمًا وَ لَهُمْ عَذَابٌ أَعَظَّ» خداوند به بدکاران فرصت می‌دهد تا آنها بر گناهان خود بیفزایند.

(درس ۶، صفحه ۵۶)

(پیام پوپران)

**«۵۱- گزینهٔ ۲»**

در شعری منسوب به امام صادق (ع) آمده است: «خدا را نافرمانی می‌کنی و اطهار دوستی با او نمایی؟ به جان خودم این رفتاری شگفت است.» سخن امام صادق (ع) به پیروی از خداوند از آثار محبت به او اشاره دارد.

(درس ۶، صفحه‌های ۱۱۸ و ۱۱۹)

(ممدر، ضایی بقا)

**«۴۷- گزینهٔ ۳»**

همه انسان‌ها در طول عمر خود در معرض آزمایش‌اند و پیروزی یا شکست در این آزمایش‌ها، سبب جدا شدن انسان‌های خوب از بد و ساخته شدن و تکامل، یا خسran و عقب‌ماندگی آن‌ها می‌گردد. این سنت امتحان و ابتلاء، در حدیث امام صادق (ع): «إِنَّمَا الْمُؤْمِنُ بِتَنَزِيلَةِ كَفَّةِ الْمِيزَانِ كُلُّمَا زَيَّدَ فِي ايمانِهِ زَيَّدَ فِي بَلَائِهِ»: به راستی که مؤمن به منزله دو کفة ترازوست، هر اندازه ایمانش افزوده شود، امتحانش نیز سنگین تر می‌شود. مورد اشاره قرار گرفته است. خداوند برای انسان تلاشگر شرایط و اسباب را چنان فراهم می‌سازد که وی بتواند آسان‌تر به مقصد برسد. این مفهوم توفیق الهی است که در آیه «وَ لَوْ أَنَّ أَهْلَ الْقُرْبَى أَمْنَوْا وَ اتَّقُوا لَقَّتْهُنَا عَلَيْهِمْ بَرَكَاتٍ مِنَ السَّمَاءِ وَ الْأَرْضِ»، نهفته است.

(درس ۶، صفحه‌های ۵۶ و ۵۹)

(ممدر، ضایی بقا)

**«۵۲- گزینهٔ ۳»**

با توجه به آیه «قد کانت لكم اسوة حسنة... ابراهیم (ع) و همراهان او به کسانی که به خدا ایمان نداشتند گفتند که میان ما و شما دشمنی و کینه برای همیشه است و در پایان آیه، به سازش تنها از طریق ایمان به خدا «حتی تؤمنوا بالله و حده» اشاره شده است.

(درس ۶، صفحه ۱۱۵)

(ممدر، ضایی بقا)

**«۴۸- گزینهٔ ۱»**

بر اساس آیه «مَنْ جَاءَ بِالْحَسَنَةِ... وَ هُمْ لَا يُظَلَّمُون» خداوند کار نیک را چند برابر و کار بد را فقط به اندازه خودش پاداش و جزا می‌دهد و به کسی ظلم نمی‌شود.

سنت تأثیر نیکی یا بدی در سرنوشت، هم یک سنت فردی و هم اجتماعی است که یکی از جنبه‌های فردی آن تأثیر نیکوکاری یا گناه در طول عمر یا کوتاهی آن است.

(درس ۶، صفحه‌های ۵۷ و ۵۶)

(ایوالفضل امیرزاده)

**«۵۳- گزینهٔ ۴»**

با رعایت مسئولیت «کنترل چشم و خودداری از نگاه به نامحرم» از جانب مردان، بخش قابل توجهی از سلامت جامعه تأمین می‌شود که آیه «بعضوا من أبصارهم...» بیانگر این امر است.

(درس ۶، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(ممور فنوری)

**«۴۹- گزینهٔ ۲»**

ترجمه آیه: «کمک می‌کنیم به اینان (نیکوکاران) و هم به آینان (بدکاران) از عطای پروردگاری منع ندارد.» که این آیه اشاره به سنت امداد الهی دارد.

گزینهٔ ۱: سنت امتحان الهی

گزینهٔ ۳: سنت املاء

گزینهٔ ۴: سنت استدراج

(درس ۶، صفحه‌های ۵۶ و ۵۹)

(ممدر، ضایی بقا)

**«۵۴- گزینهٔ ۳»**

با توجه به آیه ۲۲ سوره مجادله، کسی پیدا نمی‌شود که ایمان به خدا و روز آخرت داشته باشد اما با دشمنان خدا و رسولش دوستی کند. که با توجه به سومین آثار محبت به خدا (بیزاری از دشمنان خدا)، عاشق روشنایی از تاریکی می‌گریزد.

(درس ۶، صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)



### زبان انگلیسی پیش‌دانشگاهی

(میلاد قریشی)

#### ۶۱ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «بعد از تعطیلات ترافیک آن قدر سنگین بود که دو ساعت طول کشید تا من به اداره‌ام برسم.»

نکته مهم درسی:

در این سؤال ساختار زیر به کار رفته است:

«such + اسم غیرقابل شمارش + صفت + جمله + that»

(کرامر)

(میرحسین زاهدی)

#### ۶۲ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «الف: برای جواهراتی که روی پیشخوان گذاشتیم چه اتفاقی افتاد؟» «ب: فکر کنم یکی از مشتریان آن را دزدید.»

نکته مهم درسی:

چون «pick up» به معنی «بلند کردن (دزدیدن)» فعل دو کلمه‌ای جداشتنی است. از طرفی، جواهرات اسم غیرقابل شمارش است و ضمیر مفرد «It» برای اشاره به آن به کار می‌رود. در ضمن، با توجه به جمله اول باید از فعل گذشته استفاده کرد، بنابراین گزینه «۱» درست است.

(پرویز فروغی)

#### ۶۳ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «من گمان نمی‌کنم که ما اطلاعات به اندازه کافی دقیقی در مورد انتخابات داشته باشیم که علیه آن‌ها تبلیغ کنیم.»

نکته مهم درسی:

چون با توجه به معنی جمله کافی بودن مد نظر است، گزینه «۱» نمی‌تواند جواب باشد؛ و چون کلمه «useful» صفت است، باید قبل از کلمه «enough» به کار رود.

(پرویز فروغی)

#### ۶۴ - گزینه «۳»

ترجمه جمله: «دانشمندان پس از تحقیقات بسیار زیادی، در نهایت به این جمع‌بندی رسیدند که پیش‌بینی کردن پس لرزه‌ها امکان‌ناپذیر است.»

(۱) مقایسه      (۲) مکانیسم، طرز کار  
 (۳) پیش‌بینی      (۴) تجربه

(ممدرضا سهرابی)

#### ۶۵ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «بعضی فیلم‌ها بر این اساس که ممکن است برای بچه‌ها مناسب نباشند، منع شده‌اند.»

(۱) اساس      (۲) دلیل  
 (۳) واقعیت      (۴) واقعه، رویداد

(کرامر)

(ممدرضا فرهنگیان)

#### ۵۵ - گزینه «۴»

روزی‌های پاک مختص مؤمنان در دنیا و آخرت است و استفاده و بهره‌مندی از روزی‌های پاک برای عموم در دنیا است که آیه شریفه «قل من حرم زینة الله التي اخرج لعباده...» مؤید آن است.

(درس ۱۲، صفحه ۱۲۵)

(ممدرضا فرهنگیان)

#### ۵۶ - گزینه «۲»

با توجه به آیه ۲۶ سوره اعراف، اگر انسان لباس تقوا و پرهیزکاری را بر خود پوشاند، خواهد توانست پوشش و لباس ظاهری را مراعات و حفظ کند. امام صادق(ع): «لباس نازک و بدنه نازک زیرا چنانی لباسی نشانه سستی و ضعف دین است.»

(درس ۱۲، صفحه‌های ۱۲۶، ۱۲۷ و ۱۲۸)

(پیام پوکان)

#### ۵۷ - گزینه «۲»

با توجه به آیه شریفه «بگو اگر خدا را دوست می‌دارید از من پیروی کنید تا خدا شما را دوست بدارد و گناهاتتان را بخشد و خدا آمرزندۀ مهربان است» گزینه «۲» قابل استنباط است.

(درس ۱۲، صفحه ۱۳۳)

(ممدرضا فرهنگیان)

#### ۵۸ - گزینه «۳»

قال معاذ الله ... ← عفاف حضرت یوسف (ع)  
 «فاجاءها المخاض ...» ← عفاف حضرت مریم (ع)

(درس ۱۲، صفحه ۱۳۲)

(ممدرضا فرهنگیان)

#### ۵۹ - گزینه «۴»

رسول خدا (ص) می‌فرماید: «لباس سفید و روشن پوشید که پاک‌تر و پاکیزه‌تر است.» که نشانه آراستگی است و با آیه «قل من حرم زینة ...» مطابقت معنایی دارد.

(درس ۱۲، صفحه‌های ۱۲۵ و ۱۲۷)

(ممدرضا فرهنگیان)

#### ۶۰ - گزینه «۴»

علت حجاب ← «ذلک ادنی ...»  
 حدود حجاب ← «و لا يبدين زينتهن ...»

(درس ۱۲، صفحه‌های ۱۳۵ و ۱۳۷)



(علی شکوهی)

- ۲) ترسناک  
۴) دلوپس، نگران  
(کلوز تست)

**«گزینه ۲»**

- ۱) عمومی، کلی  
۳) انعطاف‌پذیر

(مهدی محمدی)

ترجمه جمله: «در کدام پاراگراف نویسنده از مثال برای فهم بهتر مطلب استفاده کرده است؟»  
«پاراگراف‌های ۳ و ۵»

(درک مطلب)

**«گزینه ۴»**

ترجمه جمله: «احتمالاً متن با توصیف بیشتر از حافظه خارجی برای انسان‌ها ادامه پیدا می‌کند».  
(درک مطلب)

**«گزینه ۱»**

ترجمه جمله: «متن اطلاعات کافی برای پاسخ به همه سوالات زیر را فراهم می‌آورد بجز اینکه «سال دقیق توسعه و طراحی کامپیوتر جه زمانی است؟».  
(درک مطلب)

**«گزینه ۱»**

ترجمه جمله: «واژه "tendency" از نظر معنایی «به هدف، منظور» نزدیک‌ترین است.»  
۲) عقیده، نظر  
۱) عکس‌العمل  
۴) هدف، منظور  
(درک مطلب)

**«گزینه ۴»**

ترجمه جمله: «این پاراگراف مطرح می‌کند که امواج زلزله‌ای زمین را تکان می‌دهند.»  
(درک مطلب)

**«گزینه ۳»**

ترجمه جمله: «در متن ذکر شده است که سنگ‌ها با زیاد شدن فشار می‌شونند.»  
(رضا بهرکن)

**«گزینه ۴»**

ترجمه جمله: «با توجه به متن زلزله‌ها باعث حرکت تکه‌های سنگ می‌شوند.»  
(درک مطلب)

**«گزینه ۱»**

ترجمه جمله: «در متن ضمیر "they"، به دو صفحه برمی‌گرد.»  
(رضا بهرکن)

**«گزینه ۳»**

(محمد سهرابی)

ترجمه جمله: «اکثر افراد دارند مشاغلی با مسئولیت‌های کمتر و حقوق پایین‌تر را می‌بینند چون می‌خواهند زندگی کم تنشی داشته باشند.»

(علایق)  
(واکران)(مشکلات)  
(۳) مسئولیت‌ها**«گزینه ۶۶»**

ترجمه جمله: «وقتی شما زمان قابل توجهی را در کشوری سپری می‌کنید، شروع می‌کنید به یاد گرفتن آن زبان.»

(یاد گرفتن)  
(درآوردن)

(۳) درآوردن

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «وقتی شما زمان قابل توجهی را در کشوری سپری می‌کنید، شروع می‌کنید به یاد گرفتن آن زبان.»

(جست و جو کردن)  
(واکران)  
(تماس گرفتن)  
(۳) درآوردن

**«گزینه ۶۷»**

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «زمان گوناگونی، ارتباط و شرط اتفاق افتادن

(کلوز تست)

**«گزینه ۶۸»**

(۱) تنوع، گوناگونی  
(۳) تماس، ارتباط

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «سبب شدن، احاطه کردن

(کلوز تست)

**«گزینه ۶۹»**

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «از میان در امتداد بالای

(کلوز تست)

**«گزینه ۷۰»**

(۱) از میان  
(۳) بین دو چیز

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «نکته مهم درسی:

وجود «that» در ادامه جمله بعد از جای خالی نشان می‌دهد که باید از کلماتی مانند «SO» و «such» استفاده کیم. بنابراین، گزینه‌های دوم و سوم که بعد از خود به فعل همراه با «to» نیاز دارند، نمی‌توانند درست باشند. از طرفی می‌دانیم که «SO» نمی‌تواند مستقیماً با اسم به کار رود و در نتیجه این گزینه نیز رد می‌شود. مطابق با الگوی:

جمله کامل + that + (a/an) + اسم + (صفت) + such  
 فقط گزینه اول می‌تواند پاسخ این سوال باشد.

(کلوز تست)



(کاظم اجلان)

-۸۴

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{\cos^x x}{x} = 0$$

می‌دانیم:

$$\text{همچنین اگر } x \rightarrow +\infty \text{ آن‌گاه } < \frac{\cos^x x}{x} < 0 \text{ و در نتیجه}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x)] = \lim_{x \rightarrow +\infty} 0 = 0$$

$$\text{ولی اگر } x \rightarrow -\infty \text{ آن‌گاه } < \frac{\cos^x x}{x} < -1 \text{ و در نتیجه } [f(x)] = -1$$

وجود ندارد.

زیرا وقتی  $x \rightarrow -\infty$ , مقدارهای  $f(x)$  گاهی صفر هستند که در این صورت

$$[f(x)] = 0 \text{ و گاهی مقدارهای } f(x) \text{ در بازه } (-1, 0) \text{ هستند که در}$$

$$\text{این صورت } 1 \leq [f(x)] \leq 0 \text{ وجود ندارد. برای اثبات عدم}$$

$$\text{وجود حد مورد نظر می‌توانید دنباله‌های } b_n = -2n\pi \text{ و } a_n = -2n\pi + \frac{\pi}{2}$$

در نظر بگیرید. ( $n \in \mathbb{N}$ )

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۵ تا ۷۸)

(آرمان میری)

-۸۵

$$\lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{|9-x^3|}{1-\sqrt{x^3-4x+4}} = \lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{|9-x^3|}{1-|x-2|}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{-(9-x^3)}{1-(x-2)} = \lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{x^3-9}{3-x} = \lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{(x-3)(x+3)}{-(x-3)} = -6$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۸ تا ۷۱)

(میلاد منصوری)

-۸۶

$$A = \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\tan^3 x}{\tan x} - \frac{\tan x}{\tan^3 x} \right) = \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\sin^3 x \cos x}{\sin x \cos^3 x} - \frac{\sin x \cos^3 x}{\sin^3 x \cos x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\sin^3 x}{\sin x} - \frac{\sin x}{\sin^3 x} \right) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3 x}{\sin x} - \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin^3 x}$$

$$= 3 - \frac{1}{3} = \frac{8}{3}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۱ و ۷۰)

(کاظم اجلان)

-۸۷

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{ax-\tau}{x(x-\tau)} - \frac{x+\tau}{x(x+1)} \right) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(ax-\tau)(x+1)-(x+\tau)(x-\tau)}{x(x-\tau)(x+1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(a-1)x^2 + (a-\tau)x}{x(x-\tau)(x+1)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(a-1)x + a - \tau}{(x-\tau)(x+1)} = \frac{a-\tau}{-\tau}$$

$$\frac{a-\tau}{-\tau} = 1 \Rightarrow a-\tau = -\tau \Rightarrow a = 2$$

بنابراین:

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۰)

دیفرانسیل

-۸۱

(میلاد منصوری)

$$\lim_{x \rightarrow \tau^+} f(x) = +\infty$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \tau^+} (f \circ f)(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \infty$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \tau^+} (f \circ f \circ f)(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (f \circ f)(x) = \lim_{x \rightarrow \tau^+} f(x) = -1$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۶۰ تا ۶۸)

(کیا مدرس نیک)

-۸۲

$$\lim_{x \rightarrow \tau^+} f(x) = 1 \xrightarrow[\text{فرد است.}]{\text{تابع}} \lim_{x \rightarrow (\tau^-)^-} f(x) = -1 = \lim_{x \rightarrow \tau^+} f(-x)$$

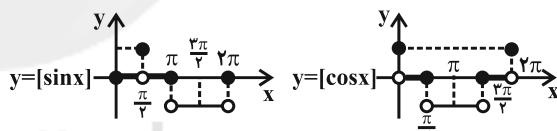
$$\lim_{x \rightarrow \tau^+} \frac{f'(x) - f(-x) + 1}{x^3 - 2x + 5} = \frac{(\lim_{x \rightarrow \tau^+} f(x))^3 - (\lim_{x \rightarrow \tau^+} f(-x)) + 1}{(\lim_{x \rightarrow \tau^+} x)^3 - 2(\lim_{x \rightarrow \tau^+} x) + 5}$$

$$= \frac{(1)^3 - (-1) + 1}{(2)^3 - 2(2) + 5} = \frac{3}{5}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۰)

(کیا مدرس نیک)

-۸۳

در بازه  $(0, 2\pi)$  نقاطی که دارای شرایط حد نداشتن می‌باشد را بررسی

می‌کنیم:

$$x = \frac{\pi}{2} : \begin{cases} \lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{2})^+} [\sin x][\cos x] = 0 \times (-1) = 0 \\ \lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{2})^-} [\sin x][\cos x] = 0 \times 0 = 0 \end{cases}$$

$$x = \pi : \begin{cases} \lim_{x \rightarrow \pi^+} [\sin x][\cos x] = (-1) \times (-1) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow \pi^-} [\sin x][\cos x] = 0 \times (-1) = 0 \end{cases}$$

$$x = \frac{3\pi}{2} : \begin{cases} \lim_{x \rightarrow (\frac{3\pi}{2})^+} [\sin x][\cos x] = (-1) \times 0 = 0 \\ \lim_{x \rightarrow (\frac{3\pi}{2})^-} [\sin x][\cos x] = (-1) \times (-1) = 1 \end{cases}$$

بنابراین تابع در نقاط  $x = \pi$  و  $x = \frac{3\pi}{2}$  حد ندارد.

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۰)



(رضا نیازی)

-۹۱

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^-} \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos 3x} = \frac{1}{0^+} + \frac{1}{0^-} = \infty - \infty$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^-} \frac{\cos 3x + \cos x}{\cos x \cos 3x} \stackrel{\text{تبديل جمع}}{\underset{\text{به ضرب}}{\longrightarrow}} \lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^-} \frac{2(\cos 2x \cos x)}{\cos x \cos 3x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^-} \frac{2 \cos 2x}{\cos 3x} = \frac{-2}{0^-} = +\infty$$

نکته: در رفع ابهام  $\infty - \infty$  توابع کسری از مخرج مشترک گیری استفاده می‌کنیم.

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۶۰ تا ۶۸)

(علی یوسف)

-۹۲

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+2}{x^2 + ax + b} = +\infty$$

چون حد صورت برابر ۳ است، برای اینکه حاصل حد  $+\infty$  باشد، باید

$$\Rightarrow x^2 + ax + b = (x-1)^2 \quad x = 1 \text{ ریشه مضاعف مخرج باشد.}$$

$$x^2 + ax + b = x^2 - 2x + 1 \Rightarrow a = -2, \quad b = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x - 2}{x^2 - 2x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x^2 + 2x + 1)}{x(x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+1)^2}{x} = \frac{9}{2}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

(کاظم اجلالی)

-۹۳

تابع  $g(x) = f(x) - \cos \frac{\pi}{x}$  را در نظر می‌گیریم. جدول مقادیر تابع به شکل زیر است:

$x$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	$1$	$\frac{3}{2}$
$g(x)$	$\frac{1}{2}$	-۲	۳	$-\frac{1}{2}$

$$g(1)g(\frac{3}{2}) < 0$$
از آنجا که تابع  $g$  در بازه  $(0, 2)$  پیوسته است، پس تابع  $g$  در هر کدام ازبازه‌های  $(\frac{1}{3}, 1)$  و  $(1, \frac{3}{2})$  حداقل یک ریشه دارد. پس  $g$  در بازه

$$f(x) = \cos \frac{\pi}{x} \quad (0, 2) \text{ حداقل ۳ ریشه دارد. در نتیجه } f(x) = \cos \frac{\pi}{x} \quad (0, 2) \text{ حداقل ۳ جواب دارد.}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۲)

(رضا نیازی)

-۹۴

$$x^2 + ax = 0$$

$$\Rightarrow x(x+a) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a \geq 0 : x = 0 \\ a < 0 : x = 0, x = \pm\sqrt{-a} \end{cases} \Rightarrow \text{مخرج سه ریشه دارد.}$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 1 \\ x_2 = 2 \end{cases} \quad \text{ریشه‌های صورت}$$

$$a = -1 \Rightarrow f(x) = \frac{(x-1)(x-2)}{x(x-1)(x+1)} = \frac{x-2}{x(x+1)} \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \end{cases} \quad \text{دو مجانب قائم}$$

$$a = -4 \Rightarrow f(x) = \frac{(x-1)(x-2)}{x(x-2)(x+2)} = \frac{x-1}{x(x+2)} \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -2 \end{cases} \quad \text{دو مجانب قائم}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۱)

(فریدون ساعتی)

-۸۸

فرض می‌کنیم  $g(x) = \begin{cases} \sin x & ; \quad x \in Q \\ \cos x & ; \quad x \notin Q \end{cases}$

باشد، یعنی  $\tan x = 1$ . بنابراین تابع  $g$  در  $[-1, 1]$  فقط $x = \frac{\pi}{4}$  حد دارد. تابع  $h(x) = x^2 - 1$  در همه نقاط  $R$  حد دارد ولیتابع  $f(x) = h(x)g(x)$  در نقاطی حد دارد که هم  $g$  و هم  $h$  در آن نقاطحد داشته باشند و یا تابع  $h(x)$  در این نقاط صفر باشد.

$$x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1$$

پس  $f$  در نقاط  $\{-1, 1\}$  حد دارد.

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۵ تا ۷۸)

(عارف سعیان)

-۸۹

برای این که تابعی در یک نقطه مشخص پیوسته باشد، باید حد راست، حد

راست و مقدار تابع در آن نقطه با یکدیگر برابر باشند. حالا این شرط را در

موردن تابع داده شده در  $x = -1$  بررسی می‌کنیم:

$$f(-1) = \frac{1}{a-1} \quad \text{مقدار تابع}$$

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{1}{x+a} = \frac{1}{a-1} \quad \text{حد راست:}$$

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} (x^2 + ax) = 1-a \quad \text{حد چپ:}$$

$$\frac{1}{a-1} = 1-a \Rightarrow \frac{1}{a-1} = -(a-1) \Rightarrow (a-1)^2 = -1$$

که هیچ جوابی ندارد. پس به ازای هیچ مقدار  $a$ ، تابع نمی‌تواند پیوسته باشد.

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

(فریدون ساعتی)

-۹۰

$$\lim_{x \rightarrow 1} (g(x) - \frac{\tan \pi x}{1-x}) = 0 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\tan \pi x}{1-x}$$

$$\left( \begin{array}{l} 1-x = t \Rightarrow x = 1-t \\ (x \rightarrow 1) \Rightarrow (t \rightarrow 0) \end{array} \right) \quad \text{با تغییر متغیر } t = 1-x = 1 \text{ داریم:}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\tan(\pi(1-t))}{t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\tan(\pi - \pi t)}{t}$$

$$= -\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\tan \pi t}{t} = \frac{-\pi t}{t} = -\pi$$

$$\xrightarrow[\text{طبق قضیه فشردگی}]{\text{فشردگی}} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)+1}{f(x)-1} = -\pi \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} (f(x)+1)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} (-\pi f(x) + \pi) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} (f(x) + \pi f(x)) = \pi - 1$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{\pi - 1}{\pi + 1}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه‌های ۷۵ تا ۷۸)



از طرفی چون وقتی  $x \rightarrow 0$  پس می‌توان به جای  $\tan x$  کمان آنرا قرار داد:

$$A = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi x}{\frac{\pi}{2} \left( \frac{x}{x+1} \right)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2\pi x}{\pi x \left( \frac{1}{x+1} \right)} = 2$$

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۲ و ۸۳)

(مهدوی، شوکتی بیرق)

-۹۸

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1) = 1$$

باید داشته باشیم:

$x \rightarrow 1$  که حد  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{ax^r + bx}{x^r - 1}$  موجود باشد، باید برای این ریشه صورت باشد. زیرا در غیر این صورت حاصل حد فوق، بینهایت خواهد بود. پس باید داشته باشیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{ax^r - ax}{x^r - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{ax(x-1)}{(x-1)(x+1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{ax}{x+1} = \frac{a}{2} = 1$$

$$\Rightarrow a = 2 \Rightarrow b = -2 \Rightarrow a - b = 4$$

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(کاظم اجلان)

-۹۹

خطوط مجانب افقی تابع در  $+∞$  و  $-∞$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \log_2 \left( \frac{9^{x+1} + 1}{9^x + 27} \right) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \log_2 \left( \frac{9^{x+1}}{9^x} \right) = \log_2 9 = 2$$

پس  $y = 2$  مجانب افقی است.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \log_2 \left( \frac{9^{x+1} + 1}{9^x + 27} \right) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \log_2 \left( \frac{0+1}{0+27} \right) = \log_2 \left( \frac{1}{27} \right) = -3$$

پس خط  $y = -3$  مجانب افقی است.

بنابراین فاصله خطوط مجانب افقی ۵ واحد است.

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(شیب شعیع)

-۱۰۰

شیب مجانب مایل تابع  $y = f(x)$  از رابطه  $m = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{y}{x}$  به دست می‌آید.

$$m_1 = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{ax(e^{-x} + 2)}{x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} a(e^{-x} + 2)$$

$$\begin{cases} x \rightarrow +\infty \Rightarrow m_1 = a(0+2) = 2a \\ x \rightarrow -\infty \Rightarrow m'_1 = +\infty \end{cases}$$

غیره

$$m_2 = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{\frac{x}{\pi} \tan^{-1}(1-x^2)}{x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{\pi} \tan^{-1}(1-x^2)$$

$$= \frac{1}{\pi} \left( -\frac{\pi}{2} \right) = -\frac{1}{2}$$

$$m_1 = m_2 \Rightarrow 2a = -\frac{1}{2} \Rightarrow a = -\frac{1}{4}$$

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(بجوار اسماقی)

-۹۵

$$\lim_{x \rightarrow \infty} x \tan \frac{1}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\tan \frac{1}{x}}{\frac{1}{x}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{x}}{\frac{-1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} = 0$$

حال باید حد تابع را در  $+∞$  و  $-∞$  محاسبه کنیم:

$$\text{I)} \lim_{x \rightarrow +\infty} x \tan \frac{1}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\tan \frac{1}{x}}{\frac{1}{x}} \xrightarrow{\frac{1}{x} \rightarrow 0^+} \lim_{u \rightarrow 0^+} \frac{\tan u}{u}$$

می‌دانیم که  $0^+ \rightarrow u$  باشد، پس عبارت از یک بیشتر است.

$$\text{II)} \lim_{x \rightarrow -\infty} x \tan \frac{1}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\tan \frac{1}{x}}{\frac{1}{x}} \xrightarrow{\frac{1}{x} \rightarrow 0^-} \lim_{u \rightarrow 0^-} \frac{\tan u}{u}$$

می‌دانیم که  $0^- \rightarrow u$  باشد، پس  $\tan u < u$  است، پس:

$$\tan u < u \xrightarrow{u < 0} \frac{\tan u}{u} > 1$$

از طرفی تابع از یک بیشتر است. پس تابع در  $\pm\infty$  با مقادیر بیشتر از یک به آن نزدیک می‌شود.

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(بجوار اسماقی)

-۹۶

وقتی مجانب مایل با خطی موازی است، یعنی شیب مجانب مایل با شیب خط

برابر است. شیب مجانب مایل هم که از رابطه  $m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}$  به دست می‌آید:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(3x+1)\sqrt{ax+1}}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x\sqrt{a}}{x} = 3\sqrt{a} = 2$$

$$\Rightarrow \sqrt{a} = \frac{2}{3} \Rightarrow a = \frac{4}{9}$$

(دیفرانسیل - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(مهدوی، شوکتی بیرق)

-۹۷

$$\lim_{x \rightarrow 0} (\pi x \tan \frac{\pi}{2(x+1)}) = 0 \times \infty$$

می‌بهم

چون با ابهام  $0 \times \infty$  مواجه هستیم، لازم است عامل بینهایت شونده را معکوس کرده و آن را در مخرج بنویسیم تا به ابهام  $\frac{0}{0}$  برسیم.

$$\begin{aligned} A &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi x}{\frac{1}{\tan \frac{\pi}{2(x+1)}}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi x}{\cot \frac{\pi}{2(x+1)}} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi x}{\tan(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2(x+1)})} \end{aligned}$$

کمان  $\tan$  در مخرج را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\frac{\pi}{2} \left( 1 - \frac{1}{x+1} \right) = \frac{\pi}{2} \left( \frac{x}{x+1} \right)$$



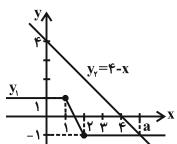
اما  $x = 2$  نیز در معادله صدق می‌کند؛ بنابراین می‌توان مجموعه جواب

معادله سؤال مجموعه  $(-\infty, -5] \cup [2, +\infty)$  است که شامل بی‌شمار عدد صحیح است.

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

(سعید مریرفر اسانی)

-1.٤



$$|x - 2| - |x - 1| + x \geq 4$$

$$\Rightarrow \overbrace{|x - 2| - |x - 1|}^{y_1} \geq 4 - x \quad \overbrace{}^{y_2}$$

مجموعه جواب نامعادله بالا بازه‌ای است

که نمودار  $y_1$  بالای نمودار  $y_2$  باشد.  $\Rightarrow [a, +\infty)$  = مجموعه جواب

برای پیدا کردن عدد  $a$ ، دو معادله را مساوی هم قرار می‌دهیم.

$$|x - 2| - |x - 1| = 4 - x$$

$$\xrightarrow{a > 4} x - 2 - x + 1 = 4 - x \Rightarrow x = 5 \Rightarrow a = 5 \Rightarrow 2a - 3 = 7$$

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

(ایمان نفسین)

-1.٥

$$\sqrt{-x^2 + 2x + 3} < |x+1| - 2$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{دامنه: } \\ -x^2 + 2x + 3 \geq 0 \Rightarrow x^2 - 2x - 3 \leq 0 \\ \Rightarrow (x-3)(x+1) \leq 0 \Rightarrow -1 \leq x \leq 3 \quad (1) \\ |x+1| - 2 > 0 \Rightarrow |x+1| > 2 \Rightarrow \begin{cases} x+1 > 2 \\ x+1 < -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 1 \\ x < -3 \end{cases} \quad (2) \end{array} \right.$$

$$\xrightarrow{(1) \cap (2)} 1 < x \leq 3 \xrightarrow[|x+1|=x+1]{x>1} \sqrt{-x^2 + 2x + 3} < (x+1) - 2$$

$$\Rightarrow \sqrt{-x^2 + 2x + 3} < x - 1 \xrightarrow[4 \text{ توان}]{-x^2 + 2x + 3 < x^2 - 2x + 1}$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 4x - 2 > 0 \Rightarrow x^2 - 2x - 1 > 0 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 - 2 > 0$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 > 2 \Rightarrow \begin{cases} x-1 > \sqrt{2} \\ x-1 < -\sqrt{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 1 + \sqrt{2} \\ x < 1 - \sqrt{2} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{1 < x \leq 3} (1 + \sqrt{2}, 3]$$

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

ریاضی پایه

-1.١

(خبریدون ساعتی)

می‌دانیم مجموع دو عبارت نامنفی زمانی صفر است که هر دوی آنها

هم‌زمان صفر باشند. بنابراین ریشه‌های معادله  $x^2 - 4x + 3 = 0$  را

مشخص و در دیگری قرار می‌دهیم. مقداری از  $m$  که به ازای آن رادیکال

دوم صفر باشد، جواب خواهد بود.

$$x^2 - 4x + 3 = 0 \Rightarrow (x-1)(x-3) = 0 \Rightarrow x = 1, 3$$

$$x = 1 \Rightarrow \sqrt{(1)^3 - m + m - 3} = \sqrt{-2} \quad \text{غ.ق.ق.}$$

$$x = 3 \Rightarrow \sqrt{(3)^3 - 3(m) + m - 3} = 0 \Rightarrow 27 - 2m - 3 = 0$$

$$\Rightarrow m = 12$$

(ریاضی ۲ - توابع قاص، نامعادله و تعیین علامت؛ صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

(میلاد منصوری)

-1.٢

$$\text{با فرض } t = \frac{2x^2 + x + 1}{x+1} \text{ داریم:}$$

$$t + \frac{3}{t} = 4 \Rightarrow \frac{t^2 + 3}{t} = 4 \Rightarrow t^2 - 4t + 3 = 0$$

$$\Rightarrow (t-1)(t-3) = 0 \Rightarrow t = 1 \text{ یا } t = 3$$

$$t = 1: \frac{2x^2 + x + 1}{x+1} = 1 \Rightarrow 2x^2 + x + 1 = x + 1 \Rightarrow 2x^2 = 0 \Rightarrow x = 0$$

$$t = 3: \frac{2x^2 + x + 1}{x+1} = 3 \Rightarrow 2x^2 + x + 1 = 3x + 3 \Rightarrow 2x^2 - 2x - 2 = 0$$

که  $> 0$ . بنابراین معادله فوق دو جواب مخالف صفر دارد. بنابراین معادله

۳ جواب دارد.

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

(سعید مریرفر اسانی)

-1.٣

$$|\Delta + x|(x-2) = |x-2|(\Delta + x) \Rightarrow \frac{|\Delta + x|}{|x-2|} = \frac{\Delta + x}{x-2} \Rightarrow \frac{\Delta + x}{x-2} \geq 0$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -\Delta] \cup (2, +\infty).$$

(مسابقات همایش ملی، معارلات و نامعارات؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)



$$\Rightarrow \sin^2 x = \sin x \cos \frac{x}{2} \Rightarrow \sin x (\sin x - \cos \frac{x}{2}) = 0$$

$$\sin x = 0 \Rightarrow x = k\pi \quad \text{و} \quad \sin x - \cos \frac{x}{2} = 0 \Rightarrow \sin x = \cos \frac{x}{2}$$

$$\Rightarrow \sin x = \sin(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}) \Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + (\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}) \Rightarrow x = \frac{4k\pi}{3} + \frac{\pi}{3} \\ x = 2k\pi + \pi - (\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}) \Rightarrow x = 4k\pi + \pi \end{cases}$$

(مسابقات - مسابقات: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۳)

(سید شفیعی)

-۱۰۹

$$\sin x \cos 2x = \cos 2x \cos x \Rightarrow \cos 2x (\sin x - \cos x) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4} \\ \sin x = \cos x \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

پس معادله دارای ۴ جواب در بازه  $[0, 2\pi]$  است.

(مسابقات - مسابقات: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۳)

(امیرحسین ابومهند)

-۱۱۰

$$\sin x - \cos x + \sin x \cos x - 1 = 0$$

$$\Rightarrow (\sin x \cos x - \cos x) + (\sin x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \cos x (\sin x - 1) + (\sin x - 1) = 0 \Rightarrow (\sin x - 1)(\cos x + 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \xrightarrow{x \in [0, 2\pi]} x = \frac{\pi}{2} \\ \cos x = -1 \xrightarrow{x \in [0, 2\pi]} x = \pi \end{cases}$$

پس مجموع ریشه‌های این معادله در بازه  $[0, 2\pi]$  برابر است با:  $\frac{\pi}{2} + \pi = \frac{3\pi}{2}$

(مسابقات - مسابقات: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۳)

(کیا مقدرس نیاک)

-۱۰۶

$$\sqrt{x+3-4\sqrt{x-1}} = \sqrt{(\sqrt{x-1}-2)^2} = |\sqrt{x-1}-2|$$

$$\sqrt{x+8-6\sqrt{x-1}} = \sqrt{(\sqrt{x-1}-3)^2} = |\sqrt{x-1}-3|$$

$$|\sqrt{x-1}-2| + |\sqrt{x-1}-3| = 1$$

$$A = \sqrt{x-1}-2 \Rightarrow |A| + |A-1| = 1$$

وقتی  $A \leq 0$  باشد، نمودار  $y = |A| + |A-1|$  بر خط  $y=1$  منطبق

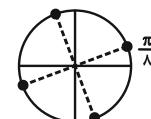
می‌شود، پس:

$$0 \leq \sqrt{x-1}-2 \leq 1 \Rightarrow 5 \leq x \leq 10 \Rightarrow 5 \leq x \leq 10 \Rightarrow \text{جواب صحیح}$$

(مسابقات - مسابقات هبری، مغارلات و نامغارلات: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

(سعید مدیرفر (اسانی))

-۱۰۷



$$\cos^3 x \cos x + \sin^3 x \sin x = \sin 2x$$

$$\Rightarrow \cos(3x - x) = \sin 2x \Rightarrow \cos 2x = \sin 2x$$

$$\Rightarrow \tan 2x = 1 = \tan \frac{\pi}{4} \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$$

که ۴ نقطه را مشخص می‌کند.

(مسابقات - مسابقات: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۳)

(محمد ستاری)

-۱۰۸

ابتدا طرفین وسطین می‌کنیم، داریم:

$$(1 + \cos x)(1 - \cos x) = \sin x \cos \frac{x}{2} \Rightarrow 1 - \cos^2 x = \sin x \cos \frac{x}{2}$$



$$\frac{(1),(2)}{3} \Rightarrow \frac{4a^2}{3} = 3 \Rightarrow a^2 = \frac{9}{4} \Rightarrow b^2 = \frac{a^2}{3} = \frac{9}{4}$$

$$= 2\sqrt{\frac{6}{4}} = 2 \times \frac{\sqrt{6}}{2} = \sqrt{6}$$

(هندسه تحلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(همون نویائی)

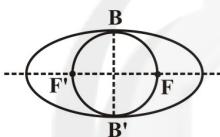
-۱۱۴

$$x^2 + 2y^2 - 2x - 15 = 0 \Rightarrow (x-1)^2 + 2y^2 - 16 = 0$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 + 2y^2 = 16 \Rightarrow \frac{(x-1)^2}{16} + \frac{y^2}{8} = 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a^2 = 16 \\ b^2 = 8 \Rightarrow b = 2\sqrt{2} \end{cases}$$

$$c^2 = a^2 - b^2 = 16 - 8 = 8 \Rightarrow c = 2\sqrt{2}$$



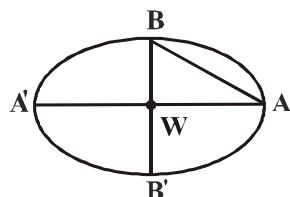
مطابق شکل کنونی  $b = 8$  است، پس دایرة به قطر  $FF'$  در رئوس ناکانونی  $B$  و  $B'$  بر بیضی مماس است.

(هندسه تحلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(مهندس اموندی)

-۱۱۵

$$x^2 + 2y^2 - 2x = 3 \Rightarrow \frac{(x-1)^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1 \Rightarrow \begin{cases} a^2 = 4 \\ b^2 = 2 \end{cases}$$



مطابق شکل بالا، اگر  $W$  مرکز بیضی باشد، داریم:

$$AB = \sqrt{AW^2 + BW^2} = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{4 + 2} = \sqrt{6}$$

(هندسه تحلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(مهندسا در لورنژار)

-۱۱۱

اگر  $M = (x, y)$  نقطه‌ای از این مکان هندسی باشد، آنگاه مطابق فرض

داریم:

$$MA = \frac{\sqrt{2}}{2} MH \Rightarrow \sqrt{(x-1)^2 + y^2} = \frac{\sqrt{2}}{2} |x-2|$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x + 1 + y^2 = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 2 \Rightarrow \frac{x^2}{2} + y^2 = 1$$

(هندسه تحلیلی - مقاطع مفروطی: مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۴)

(درایوش ناظمنی)

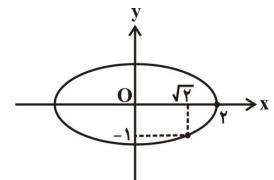
-۱۱۲

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \text{رأس کانونی } A = (a, 0) = (2, 0) \Rightarrow a = 2$$

چون نقطه  $(-1, -\sqrt{2})$  روی نمودار این بیضی قرار دارد، پس:

$$\frac{(-1)^2}{2^2} + \frac{(-1)^2}{b^2} = 1 \Rightarrow b^2 = 2$$

$$e = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}} \Rightarrow e = \sqrt{1 - \frac{2}{4}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$



(هندسه تحلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

همان گونه که در شکل می‌بینید، طول و عرض مستطیل به ترتیب با قطرهای

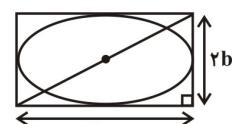
بزرگ و کوچک بیضی برابرند، از این رو داریم:

$$\sqrt{(4a)^2 + (2b)^2} = 2\sqrt{3} \Rightarrow 4(a^2 + b^2) = 12$$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 = 3 \quad (1)$$

$$e = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow 1 - \frac{b^2}{a^2} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \Rightarrow b^2 = \frac{a^2}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{b^2}{a^2} = \frac{1}{3} \Rightarrow b^2 = \frac{a^2}{3} \quad (2)$$





(امیرحسین ابومیوب)

-۱۱۹

می‌دانیم هر نقطه روی سهمی، از کانون و خط هادی به یک فاصله است. پس

فاصله  $AF$  را محاسبه می‌کنیم.

$$AF = \sqrt{(-3-1)^2 + (3-0)^2} = \sqrt{25} = 5$$

پس فاصله نقطه  $A$  از خط هادی باید برابر ۵ باشد و چون سهمی قائم است،

معادله خط هادی آن به صورت  $y = k$  می‌باشد، بنابراین  $5 = |k - 3|$  که در

نتیجه  $k = 8$  یا  $k = -2$  می‌باشد و در نتیجه خط هادی سهمی به صورت

$y = -2$  یا  $y = 8$  است.

(هنرسه تعلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۰)

(علیرضا شریف‌قطعیان)

-۱۲۰

$$(x-1)^2 = 4y + 4$$

$$(x-1)^2 = 4(y+1) \Rightarrow S = (1, -1), a = 1$$

کانون:  $F = (1, 0) \rightarrow F = (0, 1)$

$$4x^2 + y^2 = 16 \xrightarrow{\div 16} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1 \Rightarrow \text{معادله بیضی قائم است}$$

$$\begin{cases} a = 4 \\ b = 2 \\ O = (0, 0) \end{cases}$$

چنانچه ملاحظه می‌شود نقطه  $F = (1, 0)$  داخل بیضی قائم است، پس از این نقطه

هیچ مماسی نمی‌توان بر منحنی مفروض رسم کرد.

(هنرسه تعلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

(امیرحسین ابومیوب)

-۱۱۶

مکان هندسی مورد نظر، یک سهمی است که نقطه  $(-3, 2) = F$  کانون

و  $x = -1$  معادله خط هادی آن است. وسط پاره خطی که از کانون بر خط

هادی عمود می‌شود، رأس سهمی است، لذا  $S = (-2, 2)$  رأس این سهمی

است؛ از طرفی سهمی افقی است و با توجه به طول کانون، دهانه آن به سمت

چپ باز می‌شود. داریم  $a = x_F - x_S = -1 - (-2) = 1$ ، پس معادله سهمی به صورت

زیر است:

$$(y-2)^2 = 4(-1)(x+2) \Rightarrow (y-2)^2 = -4(x+2)$$

(هنرسه تعلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۰)

(مسن رهی)

-۱۱۷

این سهمی نمی‌تواند یک سهمی قائم باشد زیرا  $x_F \neq x_S$ ، پس با توجه به

فرض سؤال، حتماً افقی است، در این صورت  $y_F = y_S = 5$  است و داریم:

$$a = x_F - x_S = -1 - (-2) = 1$$

$$x = x_S - a = 2 - (-1) = 3$$

(هنرسه تعلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۰)

(محمد طاهر شاععی)

-۱۱۸

$$y^2 + 4y - 4x = 0 \Rightarrow (y+2)^2 = 4(x+1)$$

$$\begin{cases} 4a = 4 \Rightarrow a = 1 \\ S = (-1, -2) \end{cases} \Rightarrow \text{خط هادی سهمی: } x = \alpha - a = -2$$

فاصله مبدأ مختصات از خط  $x = -2$  برابر ۲ است پس شعاع دایره،  $R = 2$

می‌باشد.

(هنرسه تعلیلی - مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۰)



$$(\alpha_1 + 1)(\alpha_2 + 1) \cdots (\alpha_n + 1)$$

در این مسئله اگر  $n$  مقسوم علیه ۴۵۰۰۰ باشد:

$$\begin{aligned} n \mid 45000 \\ n = 18q \end{aligned} \Rightarrow 18q \mid 45000 \Rightarrow q \mid 2500 = 5^4 \times 2^2$$

$$2500 = (4+1)(2+1) = 15$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۴ و ۳۵)

(همون نویائی)

-۱۲۵

$$5a + 3c = 1 \Rightarrow (a, c) = 1 \Rightarrow (a^3, c^2) = 1$$

$$\text{فرض: } c^2 \mid a^3 b, (a^3, c^2) = 1 \xrightarrow{\text{لم اقلیدس}} c^2 \mid b$$

از طرفی می دانیم  $c^2 \mid b$ ، پس  $b \mid c$  و در نتیجه کوچک ترین عضو مثبت

مجموعه  $A$  برابر است با:

$$(b, c) = \frac{c \mid b}{|c|}$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

(هنریک سرکیسیان)

-۱۲۶

نکته: اگر  $a$  یک عدد صحیح باشد:

$$(a+1, a-1) = \begin{cases} 2 & ; \text{ فرد} \\ 1 & ; \text{ زوج} \end{cases} a$$

داریم:

$$(n^2 - n, n^2 + n) = 9 \Rightarrow |n| (n-1, n+1) = 9$$

پس  $n = 9$ . حالت اول امکان پذیر نیست، اما در حالت

دوم  $n = 9$  است، یعنی  $n$  عددی فرد است که با  $n-1, n+1$  تناقض

دارد، پس معادله فاقد جواب است.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

### ریاضیات گسسته

(امیرحسین ایمپرس)

-۱۲۱

سه عدد ۸۹,۷۹,۵۹ همگی بین  $49 = 7^2$  و  $121 = 11^2$  قرار دارند. بنابراین

کافی است برای بررسی اول بودن، آنها را به ۴ عامل اول کوچک تر یا

مساوی ۷، یعنی ۲، ۳، ۵ و ۷ تقسیم کنیم.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه ۳۹)

(همون نویائی)

-۱۲۵

(نوید محمدی)

-۱۲۲

$$q^2 - 13p = 16 \Leftrightarrow q^2 - 16 = 13p \Leftrightarrow (q-4)(q+4) = 13p$$

$$\Rightarrow \begin{cases} q+4=13 \\ q-4=p \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} q=9 \\ p=5 \end{cases} \text{ یا } \begin{cases} q-4=13 \\ q+4=p \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} q=17 \\ p=21 \end{cases}$$

پس هیچ دو جفت مرتبی از اعداد اول با ویژگی گفته شده وجود ندارد.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ و ۳۹)

(علیرضا سیف)

-۱۲۳

$$16! = \left[ \frac{16}{2} \right] + \left[ \frac{16}{4} \right] + \left[ \frac{16}{8} \right] + \left[ \frac{16}{16} \right] = 15$$

$$16! = \left[ \frac{16}{3} \right] + \left[ \frac{16}{9} \right] = 6$$

$$16! = 2^{15} \times 3^6 \times q = (2^r \times 3)^6 \times 2^r q = 12^6 \times q'$$

$$\Rightarrow \max(k) = 6$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ و ۳۵)

(مسنون خاطمند)

-۱۲۴

نکته: اگر عدد  $a$  را به صورت  $a = p_1^{\alpha_1} p_2^{\alpha_2} \cdots p_n^{\alpha_n}$  اعداد اول متمایز

تجزیه کنیم در این صورت تعداد مقسوم علیه های طبیعی  $a$  برابر است با:



(شروعین سیاح نیا)

-۱۲۹

$$\begin{aligned} \text{فرض کنیم } d = n^3 + 4 & \text{ و } n^3 + 1 \text{ بنا بر این داریم:} \\ d | n^3 + 1 \Rightarrow d | n(n^2 + 1) = n^3 + n & \\ d | n^3 + 4 & \\ \frac{(-)}{\cancel{d}} \Rightarrow d | (n^3 + n) - (n^3 + 4) = n - 4 & \\ \Rightarrow d | (n - 4)(n + 4) = n^2 - 16 & \end{aligned}$$

$$\begin{array}{c} d | n^2 - 16 \\ d | n^3 + 1 \\ \hline \cancel{d} \neq 1 \end{array} \xrightarrow{(-)} d | (n^3 + 1) - (n^2 - 16) = 17$$

(ریاضیات کسری - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

(امیرحسین ابومحبوب)

-۱۳۰

اگر  $d$  بزرگترین مقسوم علیه مشترک و  $D$  کوچکترین مضرب مشترک دو $b = b'd$  و  $a = a'd$  عدد  $b$  و  $a$  باشد، آنگاه می توانیم  $a$  و  $b$  را به صورتکه  $D = a'b'd$  و  $D = a'b'$  داریم. بنویسیم.

$$D = 6 \cdot d \Rightarrow a'b' = 6 \cdot \frac{a' > b'}{(a', b') = 1} \begin{cases} a' = 6, b' = 1 \\ a' = 2, b' = 3 \\ a' = 1, b' = 6 \\ a' = 12, b' = 5 \end{cases}$$

از طرفی داریم:

$$a + b = 6 \Rightarrow (a' + b')d = 6 \Rightarrow a' + b' \mid 6$$

بنابراین تنها جواب قابل قبول،  $a' = 1$  و  $b' = 5$  است، یعنی  $d = 6$  می باشد.

(ریاضیات کسری - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

(علی ساویه)

-۱۲۷

$$A = \{p, 2p, 3p, \dots\}$$

$$B = \{q, 2q, 3q, \dots\}$$

$$\Rightarrow A \cap B = \{pq, 2pq, \dots\} \Rightarrow \min(A \cap B) = pq$$

شمارنده های طبیعی عدد  $pq$  عبارت اند از:  $1, p, q, pq$ ، یعنی ۴ شمارندهطبیعی دارد. (توجه کنید که چون  $A \cap B \subseteq N \neq \emptyset$ ، مجموعه طبق

اصل خوش ترتیبی دارای عضو ابتدا است.)

(ریاضیات کسری - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۸ و ۳۹)

(امیرحسین ابومحبوب)

-۱۲۸

$$(a, 84) = 12 \Rightarrow (a, 2^3 \times 3 \times 7) = 2^2 \times 3$$

$$(a, 75) = 15 \Rightarrow (a, 3 \times 5^2) = 3 \times 5$$

بنابراین  $a$  حداقل دو عامل ۲ و یک عامل ۳ دارد ولی قطعاً فقط یک عامل ۵

دارد.

در نتیجه داریم:

$$\max(a, 1800) = \max(a, 2^3 \times 3^2 \times 5^2) = 2^3 \times 3^2 \times 5 = 360$$

(ریاضیات کسری - نظریه اعداد؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۵)



(امیرحسین ابومهوب)

-۱۳۵

با توجه به این که  $B \subseteq C$  و  $A \subseteq B$ ، می‌توان نتیجه گرفت  $A \subseteq C$ .

بنابراین:

$$\begin{cases} 3 \notin C \Rightarrow 3 \notin A \\ 2 \notin B \Rightarrow 2 \notin A \end{cases} \xrightarrow{1 \notin A} A = \emptyset$$

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(محمدعلی نادرپور)

-۱۳۶

$$\begin{aligned} (A' \cup B') \cap (A \cup B') \cap C &= C \Rightarrow [(A' \cap A) \cup B'] \cap C = C \\ \Rightarrow B' \cap C &= C \Rightarrow C \subseteq B' \Rightarrow C \cap B = \emptyset \end{aligned}$$

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۴۲ تا ۴۴)

(امیرحسین ابومهوب)

-۱۳۷

مجموعه  $P(A)$  دارای ۸ عضو است که دو عضو  $\{a\}, \{a\}$  از آن بامجموعه  $A$  مشترک می‌باشد، پس  $(P(A) - A)$  دارای ۶ عضو بوده ومجموعه توانی آن  $= 6^2 = 36$  عضو دارد.

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

(هریک سرکسیان)

-۱۳۸

اگر ناحیه‌ها را مطابق شکل زیر شماره‌گذاری کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} (A \cup B \cup C) - (A \cap B \cap C) &= \{1, 2, 3, 4, 6, 7\} \\ (A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C) &= \{2, 5, 4, 6\} \\ (A \Delta B) \cap (A \Delta C) \cap (B \Delta C) &= \{1, 6, 3, 4\} \cap \{1, 2, 4, 7\} \cap \{2, 3, 6, 7\} = \emptyset \\ A \cap B \cap C &= \{5\} \end{aligned}$$

فقط گزینه «۲» با شکل مطابقت دارد.

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۴۱ تا ۴۳)

(سید عارل رضا مرتهنی)

-۱۳۹

$$(A \cup B') \subseteq (A \cap C) \Rightarrow \begin{cases} (A \cup B') \subseteq A \\ (A \cup B') \subseteq C \end{cases}$$

$$(A \cup B') \subseteq A \quad \left. \begin{array}{l} \\ A \subseteq (A \cup B') \end{array} \right\} \Rightarrow A \cup B' = A \Rightarrow B' \subseteq A$$

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۳۶ تا ۴۰)

(علیرضا کلانتری)

-۱۴۰

$$\begin{aligned} (A - B) \cap [(C \cup A) \cap (B - C)'] &= (A - B) \cap [(C \cup A) \cap (B \cap C')'] \\ &= (A - B) \cap [(C \cup A) \cap (B' \cup C)] \\ &= (A - B) \cap [C \cup (A \cap B')] \\ &= (A - B) \cap [C \cup (A - B)] = A - B \end{aligned}$$

تذکر: طبق مثال ۲ صفحه ۵۴ کتاب درسی می‌دانیم  $A \cap (A \cup B) = A$  (قانون جذب)، در این سؤال به جای  $A$ ، مجموعه  $B - A$  و به جای  $C$ ، مجموعه  $C$  قرار داده شده است.

(بیر و افتمال - مجموعه‌ها: صفحه‌های ۴۱ تا ۴۳)

**جبر و احتمال**

-۱۳۱

(محمدعلی نادرپور)

از روی گزینه‌ها، ابتدا  $n = 3$  و سپس مقادیر بعدی را جایگزین می‌کنیم.

داریم:

$$n = 3 \Rightarrow \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} < \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{7}{8} < \frac{3}{4}$$

$$n = 4 \Rightarrow \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} < \frac{4}{4} \Rightarrow \frac{15}{16} < 1$$

 واضح است که با افزایش مقدار  $n$ ، هر بار به سمت راست نامساوی به اندازه $\frac{1}{4}$  و به سمت چپ نامساوی، مقداری کمتر از  $\frac{1}{4}$  افزوده می‌شود. بنابراین نامساوی به ازای تمامی مقادیر  $n \geq 4$  برقرار است و  $m = 4$  خواهد بود.

(بیر و افتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

(امیرحسین ابومهوب)

-۱۳۲

۱) برای این که  $n^3$  مضرب ۱۸ باشد، لازم است  $n$  مضرب ۲ و ۳ باشد.۲) برای این که  $n^3$  مضرب ۲۰ باشد، لازم است  $n$  مضرب ۲ و ۵ باشد.۳) برای این که  $n^3$  مضرب ۲۴ باشد، لازم است  $n$  مضرب ۳ و ۴ باشد.

(بیر و افتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(مهرداد ملوندی)

-۱۳۳

حداکثر تعداد اعدادی که می‌توان انتخاب کرد طوری که تفاضل هیچ دو

عددی برابر ۶ نشود، ۱۲ عدد است. به عنوان مثال از

مجموعه‌های  $\{1, 13, 19\}$  و  $\{2, 8, 14, 20\}$  و  $\{3, 9, 15\}$  و  $\{4, 10, 16\}$  و  $\{5, 11, 17\}$  و  $\{6, 12, 18\}$  اعداد مشخص شده انتخاب شوند. لذا با انتخاب

حداقل ۱۳ عدد از این مجموعه، همواره تفاضل دو تا از اعداد برابر ۶ است.

(بیر و افتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)

(علی سعیدی رار)

-۱۳۴

اگر مجموعه  $S$  را به صورت  $\{5, 6, 1, 9, 2, 8, 3, 7, 4, 6\}$  دسته‌بندی کنیم،

طبق اصل لانه کبوتری، هر زیرمجموعه ۶ عضوی از این مجموعه، دست کم دو

عضو دارد که مربوط به یک زوج مرتب باشد و چون مجموع تمام زوج

مرتب‌ها برابر ۱۰ است. پس در هر زیرمجموعه ۶ عضوی دست کم دو عضو

داریم که مجموع آن‌ها ۱۰ باشد.

اگر مجموعه  $S$  را به صورت  $\{9, 1, 8, 2, 7, 3, 6, 4, 5\}$  دسته‌بندی کنیم،

در یک زیرمجموعه ۶ عضوی، دست کم ۲ عضو وجود دارد که مجموع آن‌ها

۹ است.

اگر مجموعه  $S$  را به صورت  $\{1, 2, 9, 3, 8, 4, 7, 5, 6\}$  دسته‌بندی

کنیم، در یک زیرمجموعه ۶ عضوی، دست کم ۲ عضو وجود دارد که مجموع

آن‌ها ۱۱ است.

(بیر و افتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)



برابر بودن دوره آنها داریم:

$$T_1 = T_2 \Rightarrow 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow \frac{l}{g} = \frac{m}{k}$$

$$\Rightarrow mg = kl \Rightarrow W = kl$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(فرشید رسول)

-۱۴۵

در کتاب درسی و در توضیح پدیده تشدید که در بخش پایانی فصل حرکت هماهنگ ساده آمده است، بیان شده که وقتی یک آونگ ساده شروع به نوسان می‌کند، انرژی آن به آونگ‌های دیگر منتقل شده و آنها را به حرکت در می‌آورد، ولی بیشترین انرژی به آونگ مشابه منتقل می‌شود. به این حالت، تشدید گفته می‌شود و به همین دلیل آونگ مشابه دیرتر از بقیه آونگ‌ها می‌ایستد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸)

(روبن هوانسیان)

-۱۴۶

سرعت انتشار یک موج مکانیکی در یک محیط کشسان بستگی به جنس و شرایط فیزیکی محیط دارد؛ بنابراین با تغییر بسامد منع یا دامنه نوسان، سرعت انتشار موج تغییر نمی‌کند. از طرف دیگر، طبق رابطه  $\frac{v}{f} = \lambda$ ، چون سرعت (v) ثابت می‌ماند، با افزایش بسامد (f)، طول موج ( $\lambda$ ) کاهش می‌یابد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۱)

(ممتن پیکان)

-۱۴۷

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} \xrightarrow{m=\rho V} v = \frac{2}{d} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}}$$

$$\Rightarrow v = \frac{2}{0.5 \times 10^{-3}} \times \sqrt{\frac{234}{3 \times 2 / 8 \times 10^3}} \Rightarrow v = 400 \frac{m}{s}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۱)

### فیزیک پیش‌دانشگاهی

(نصرالله افاضل)

-۱۴۱

هنگامی که آونگ کُندتر نوسان می‌کند، در واقع دوره تناوب آن افزایش یافته است. می‌دانیم جرم آونگ در دوره آن بی‌تأثیر است و برای آونگ ساده کم دامنه که در آن  $60^\circ < \theta$  است، تغییر زاویه انحراف  $\theta$  از حالت قائم نیز اثری

بر دوره آن ندارد و بنا به رابطه  $T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$ ، اگر طول نخ زیادتر شود، مقدار T زیاد شده و آونگ کُندتر نوسان می‌کند.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(بابک اسلامی)

-۱۴۲

ابتدا دوره نوسان‌های حرکت آونگ ساده را محاسبه می‌کنیم، با توجه به این که در هر دقیقه، ۳۰ نوسان کامل انجام می‌شود، بنابراین زمان هر نوسان کامل برابر است با:

$$T = \frac{t}{n} = \frac{60}{30} \Rightarrow T = 2s$$

با استفاده از رابطه دوره آونگ ساده کم دامنه، داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow 2 = 2\pi\sqrt{\frac{l}{\pi^2}} \Rightarrow l = 1m \Rightarrow l = 100cm$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(آزاد ریاضی - ۸۸)

-۱۴۳

دوره دو آونگ را به صورت زیر مقایسه می‌کنیم (جرم گلوله آونگ در دوره آن نقشی ندارد):

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \xrightarrow{l_1 = \frac{64}{25}} \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{64}{25}} = \frac{8}{5}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(غلامرضا مصی

-۱۴۴

دوره تناوب حرکت نوسانی یک آونگ ساده از رابطه  $T_1 = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$  و دوره

تناوب نوسانگر جرم - فتر از رابطه  $T_2 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$  بدست می‌آید. با توجه به



(مهدی میراب زاده)

-۱۵۲

در یک محیط کشسان، موج با سرعت ثابت حرکت می‌کند. بنابراین در مدت زمان معادل دو دوره، مسافتی به اندازه دو طول موج را طی می‌کند ( $\lambda = vT$ )، بنابراین داریم:

$$2\lambda = 12 \Rightarrow \lambda = 6\text{m}$$

از طرفی، همواره فاصله بین دو نقطه در فاز مخالف، مضرب فردی از نصف

$$\delta = (2n - 1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \delta = 3(2n - 1) \quad \text{طول موج است، بنابراین داریم:}$$

$$\llcorner 6 = 3(2n_1 - 1) \Rightarrow n_1 = \frac{3}{2} : \text{گزینه } \llcorner 6$$

$$\llcorner 9 = 3(2n_2 - 1) \Rightarrow n_2 = 2 : \text{گزینه } \llcorner 9$$

$$\llcorner 15 = 3(2n_3 - 1) \Rightarrow n_3 = 3 : \text{گزینه } \llcorner 15$$

$$\llcorner 27 = 3(2n_4 - 1) \Rightarrow n_4 = 5 : \text{گزینه } \llcorner 27$$

در بین گزینه‌ها، فقط گزینه «۱» مضرب فردی از نصف طول موج نیست؛

بنابراین دو نقطه‌ای که فاصله آن‌ها از یکدیگر  $6\text{m}$  است، در فاز مخالف یکدیگر قرار ندارند.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۱)

(نصرالله اخاضل)

-۱۵۳

$$\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{v_2}{v_1} \cdot f_1 \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = 2 \times 3 = 6$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۰ و ۱۱۱)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۵۴

اگر دو نقطه با هم هم فاز باشند، فاصله آن‌ها از هم مضرب صحیحی از طول موج است، لذا با معلوم بودن عدد موج ( $k$ )، طول موج را محاسبه کرده و به صورت زیر عمل می‌کنیم (به عدد  $\pi$  پشت پرانتز دقت کنید).

$$U = 0 / 0.2 \sin[\pi(10t - 2x)]$$

$$k = \frac{\pi}{\lambda} \Rightarrow \frac{k = \frac{\pi}{\lambda}}{\lambda = 1\text{m}} \Rightarrow \frac{\pi}{\lambda} = 2\pi \Rightarrow \lambda = 1\text{m}$$

$$\Delta x = n\lambda \Rightarrow \begin{cases} \Delta x = 1\text{m} \\ \Delta x = 2\text{m} \\ \Delta x = 3\text{m} \\ \vdots \end{cases} : \text{برای نقاط هم فاز}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰ و ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(ممسن پیکان)

-۱۴۸

فاصله بین دو قله متواالی برابر با فاصله بین دو درجه متواالی و معادل با یک طول موج است، بنابراین  $\lambda = 5\text{m}$  خواهد بود. در نتیجه سرعت انتشار امواج عرضی در این تار برابر است با:

$$v = \lambda f \Rightarrow \frac{\lambda = 5\text{m}}{f = 20\text{Hz}} \Rightarrow v = 100 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

از طرف دیگر، با توجه به رابطه بین سرعت انتشار امواج عرضی در تار با ویژگی‌های فیزیکی محیط انتشار، داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \Rightarrow 100 = \sqrt{\frac{F}{8 \times 10^3 \times 1 \times 10^{-6}}} \Rightarrow F = 80\text{N}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰ و ۱۱۱)

(سراسری تهری - ۷۰)

-۱۴۹

طبق رابطه  $v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ ، سرعت انتشار موج عرضی با جذر جرم واحد طول سیم

( $\mu$ ) نسبت عکس دارد. بنابراین چون نیروی کشش سیم ثابت و  $\mu_A > \mu_B$  است، باید  $v_B > v_A$  باشد. از طرف دیگر، چون بسامد موج

در طول سیم یکسان می‌باشد، طبق رابطه  $v = \frac{\lambda}{f}$  می‌توان نوشت:

$$\frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{v_B}{v_A} \times \frac{f_A}{f_B} \Rightarrow \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{v_B}{v_A} \Rightarrow \frac{v_B > v_A}{\lambda_B > \lambda_A} > 1 \Rightarrow \lambda_B > \lambda_A$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۶ تا ۱۱۱)

(بابک اسلامی)

-۱۵۰

در حرکت نوسانی ساده هر ذره، زمانی که ذره از مبدأ نوسان عبور می‌کند، اندازه شتاب نوسانی آن برابر با صفر خواهد شد. بنابراین در این شکل که نقش یک موج عرضی منتشر شده در طناب را نشان می‌دهد، نقاطی از طناب که در مبدأ نوسان خود قرار دارند، دارای شتاب نوسانی صفر خواهند بود. این نقاط عبارت از B، D و F هستند.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۱)

(مصطفی‌کیانی)

-۱۵۱

نقاطه‌هایی از محیط انتشار موج که هم بعد و هم سرعت باشند، در هر لحظه دارای یک وضعیت نوسانی‌اند، لذا با یکدیگر هم فازند. در ضمن اختلاف فاز این نقطه‌ها همواره مضرب زوجی از  $\pi$  می‌باشد و هر مقدار دلخواهی نمی‌تواند باشد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۱)



(پریناز رادمهر)

-۱۵۸

سرعت انتشار موج در محیط برابر است با:

$$v = \frac{\omega}{k} = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{m}{s}$$

بیشینه سرعت ارتعاش ذرات محیط انتشار، برابر است با:

$$v_{max} = A\omega = \frac{0}{1} \times 2\pi \Rightarrow v_{max} = \frac{0}{2\pi} \frac{m}{s}$$

بنابراین داریم:

$$\frac{v}{v_{max}} = \frac{\frac{2\pi}{\lambda}}{\frac{0}{2\pi}} \Rightarrow \frac{v}{v_{max}} = \frac{1}{\lambda}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۲۰)

(رامین صفیان)

-۱۵۹

با استفاده از رابطه اختلاف فاز با فاصله دو نقطه از محیط انتشار موج می‌توان

نوشت:

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = \frac{\pi}{\lambda} - \frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{24} \text{ rad}, k = \frac{\omega}{v} = \frac{20\pi}{20} = \pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

$$\frac{\Delta\phi = k\Delta x}{\Delta x = \frac{\pi}{24}} \Rightarrow \Delta x = \frac{1}{24} \text{ m}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(فسرو ارغوانی خبر)

-۱۶۰

با توجه به شکل سؤال، نقطه A در مدت  $t_2 - t_1 = \Delta t$  به اندازه یک طول

موج مسافت طی کرده است، بنابراین داریم:

$$\lambda = 82 - 22 = 60 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 0.6 \text{ m}$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{0.6} \Rightarrow k = \frac{10\pi}{3} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

مدت زمانی که طول می‌کشد تا نقطه A به اندازه یک طول موج ( $\lambda$ ) در

جهت x پیشروی کند، برابر با T می‌باشد، بنابراین:

$$t_2 - t_1 = T = \frac{1}{f} = \frac{1}{25} \Rightarrow t_2 - t_1 = 0.04 \text{ s}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۲۰)

(بابک اسلامی)

-۱۵۵

طبق تعریف، امواج عرضی، امواجی هستند که راستای نوسان ذره‌های محیط

عمود بر راستای انتشار موج می‌باشد و این امواج در فنر و یا طناب با قله‌ها و

دره‌ها قابل تشخیص است. همچنین امواج طولی، امواجی هستند که ذره‌های

محیط در راستای انتشار موج نوسان می‌کنند، بنابراین آن‌ها را می‌توان با

تراکم و انبساط‌های پی در پی در محیط انتشار مشخص کرد.

دقت کنید در فنر می‌توان هر دو نوع موج عرضی و طولی را ایجاد کرد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۲)

(ناصر فوارزمن)

-۱۵۶

ابتدا از روی تغییر فاز یک نقطه از محیط، بسامد موج را بدست می‌آوریم:

$$\Delta\phi = \omega\Delta t \xrightarrow{\Delta t = 0.1 \text{ s}} \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{2\pi}{0.1} \Rightarrow f = \frac{20\pi}{0.1} \text{ Hz}$$

با استفاده از رابطه بین سرعت انتشار موج با طول موج و بسامد موج، داریم:

$$v = \lambda f \Rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = \frac{1}{20\pi} \text{ m}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۲)

(علی امینیان)

-۱۵۷

ابتدا طول موج را محاسبه می‌کنیم:  $k = \frac{\omega}{v} \Rightarrow \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{120\pi}{180} \Rightarrow \lambda = 3 \text{ m}$ چون اختلاف فاز نقطه‌های هم‌فاز، مضرب زوجی از  $\pi$  رادیان است، داریم:

$$\Delta\phi = k\Delta x \Rightarrow 2n\pi = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta x \Rightarrow \Delta x = n\lambda \Rightarrow \Delta x = 3n \text{ (m)}$$

$$n = 1 \Rightarrow \Delta x_1 = 3 \text{ m}, n = 2 \Rightarrow \Delta x_2 = 6 \text{ m}, n = 3 \Rightarrow \Delta x_3 = 9 \text{ m}$$

بنابراین در فاصله بین A تا B ( $\Delta x_{AB} = 9 / 2 \text{ m}$ )، تنها سه نقطه هم‌فاز با

نقطه A وجود دارد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۳ و ۱۲۰)



$$\Rightarrow m_2 = 2 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$W_2 = m_2 g = 2 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow W_2 = 2 \times 10^{-2} \text{ N}$$

(فیزیک ۲- گرما و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۲۲ تا ۱۲۴)

(نصرالله افضل)

-۱۶۴

چون گرمایی که از دو کره گرفته شده یکسان است، اما جرم کره‌های توپر و

$$\text{توخالی متفاوت و جنس آنها یکسان است، بنابر رابطه } Q = mc\Delta\theta, \text{ تغییر}$$

دماه کره توخالی که جرم کمتری دارد، بیشتر خواهد بود و چون عامل شارش گرما، اختلاف دماست، اگر دو کره را با یکدیگر تماس دهیم، به دلیل اختلاف دمای بین دو کره، بین آنها گرما مبادله خواهد شد.

(فیزیک ۲- گرما و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۲۶ تا ۱۲۷)

(منوچهر مردمی)

-۱۶۵

ابتدا باید تعیین کنیم دمای تعادل نهایی در چه ناحیه‌ای است. اندازه گرمایی

لازم در هر قسمت را تعیین می‌کنیم. داریم:

$$Q_1 = \text{گرمای لازم برای تغییر دمای بخ از } -10^\circ\text{C} \text{ تا } 0^\circ\text{C}$$

$$\Rightarrow Q_1 = m \times 10^{-3} \times c_{\text{ب}} \times (0 - (-10)) \Rightarrow Q_1 = 21m(\text{J})$$

$$Q_2 = m L_f = 334m(\text{J}) \quad \text{گرمای لازم برای ذوب بخ}$$

| = اندازه گرمایی که آب از دست می‌دهد تا از دمای  $0^\circ\text{C}$  به دمای  $-60^\circ\text{C}$  برسد.

$$\Rightarrow |Q_3| = 2m \times 10^{-3} \times c_{\text{آب}} \times (0 - (-60)) \Rightarrow |Q_3| = 504m(\text{J})$$

چون  $|Q_3| > Q_1 + Q_2$  است، بنابراین تمامی بخ ذوب می‌شود و دمای تعادل

بالاتر از صفر درجه سلسیوس خواهد بود. برای دمای تعادل  $\theta$  داریم:

$$Q_1 + Q_2 + m \times 10^{-3} \times c_{\text{آب}} \times (\theta - 0) + 2m \times 10^{-3} \times c_{\text{آب}} \times (\theta - 60) = 0$$

$$\Rightarrow 21m + 334m + 4 / 2m\theta + 8 / 4m\theta - 504m = 0$$

$$\Rightarrow 12 / 8\theta = 149 \Rightarrow \theta \approx 11 / 8^\circ\text{C}$$

(فیزیک ۲- گرما و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۳)

## فیزیک ۲

-۱۶۱

(نصرالله افضل)

گرما مقدار انرژی است که به دلیل اختلاف دما بین دو جسم مبادله می‌شود.

همچنین راه و شیوه اندازه‌گیری و تعیین دما را دماستجی گوییم. گرمای ویژه

یک جسم مقدار گرمایی است که باید به یک کیلوگرم از آن جسم داده شود

تا دمای آن یک درجه سلسیوس (یا یک کلوین) افزایش باید ولی ظرفیت

گرمایی مقدار گرمایی است که باید به یک جسم داده شود تا دمای آن یک

درجه سلسیوس (یا یک کلوین) افزایش باید. دقت کنید هر چند دمای آب

صفر درجه سلسیوس و بخ صفر درجه سلسیوس یکسان است، ولی هنگام

ذوب شدن بخ چون انرژی جنبشی مولکول‌های آن افزایش می‌باید، انرژی

دروني آن نیز افزایش خواهد یافت.

(فیزیک ۲- گرما و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۲۲ تا ۱۲۴)

-۱۶۲

(نصرالله افضل)

فاصله بین دمای ذوب بخ و دمای جوش آب در درجه‌بندی سلسیوس به

۱۰۰ قسمت و در این درجه‌بندی به  $212 - 32 = 180$  قسمت تقسیم شده

است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{\theta_C - 0}{100 - 0} = \frac{\theta_x - 32}{212 - 32} \quad \frac{\theta_C = -40^\circ\text{C}}{100} \Rightarrow \frac{-40}{100} = \frac{\theta_x - 32}{180}$$

$$\Rightarrow \theta_x = -40$$

(فیزیک ۲- گرما و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۲۰ و ۱۲۱)

-۱۶۳

(آرش قاسمی)

با استفاده از رابطه بین تغییرات دمای یک جسم بر حسب گرمای داده شده به

آن، خواهیم داشت:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \frac{\Delta\theta_2}{\Delta\theta_1} \Rightarrow \frac{360}{3600} = \frac{m_2}{2} \times \frac{200}{2}$$



است. آن مقدار مایعی که از ظرف بیرون می‌ریزد، افزایش حجم ظاهری مایع

است که از افزایش حجم واقعی آن کمتر است. بنابراین خواهیم داشت:

$$\Delta V_{\text{ظرف}} - \Delta V_{\text{مایع واقعی}} = \Delta V_{\text{مایع ظاهری}}$$

$$\Rightarrow \Delta V = \beta V_0 \Delta \theta - \alpha V_0 \Delta \theta$$

$$\Rightarrow \Delta V = (\beta - \alpha) \times 1000 \times 80 \Rightarrow \beta - \alpha = 4 / 5 \times 10^{-4}$$

$$\frac{\alpha = 10^{-4} \text{ K}^{-1}}{\beta = 7 / 5 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}}$$

(فیزیک ۲- گرماء و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۴۲)

(مسن اسماق زاده)

-۱۶۹

چون اختلاف انرژی ناچیز است، تمام گرمای انتقال یافته از کف ظرف صرف

بخار شدن آب  $100^{\circ}\text{C}$  می‌شود. بنابراین داریم:

$$Q = Q_V$$

$$\Rightarrow k \frac{\Delta t \Delta \theta}{L} = m L_V$$

$$\Rightarrow \frac{100 \times 200 \times 10^{-4} \times 135 \times (110 - 100)}{0.5 \times 10^{-2}} = m \times 2250$$

$$\Rightarrow m = 240\text{g}$$

(فیزیک ۲- گرماء و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۵ و ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(بابک اسلامی)

-۱۷۰

برای مقدار معینی گاز کامل، داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_1 = T_2} P_1 V_1 = P_2 V_2 \xrightarrow[A=\text{ثابت}]{V=Al} P_1 l_1 = P_2 l_2$$

$$\Rightarrow 1 \times 24 = 3 \times l_2 \Rightarrow l_2 = 8\text{cm}$$

$$\Delta l = l_2 - l_1 = 8 - 24 \Rightarrow \Delta l = -16\text{cm}$$

بنابراین طول استوانه را باید  $16\text{cm}$  کاهش دهیم.

(فیزیک ۲- گرماء و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۵۵)

(مسن اسماق زاده)

-۱۶۶

اگر فرض کنیم جرم بیخ آنقدر باشد که دمای آب  $20^{\circ}\text{C}$  به صفر درجه

سلسیوس برسد و در این حالت تمام بیخ صفر درجه سلسیوس به آب صفر

درجه سلسیوس تبدیل شود، داریم:

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{بیخ}} = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (0 - 20) + m_{\text{بیخ}} L_F = 0$$

$$\Rightarrow 200 \times 4 / 2 \times (-20) + m_{\text{بیخ}} \times 336 = 0 \Rightarrow m_{\text{بیخ}} = 50\text{g}$$

بنابراین حداقل مقدار بیخ می‌تواند  $50\text{g}$  باشد و اگر بیشتر از این مقدار

باشد، تمامی آن ذوب نمی‌شود. بنابراین گزینه «۴» پاسخ این سؤال است.

(فیزیک ۲- گرماء و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۳)

(فرشاد لطف الله زاده)

-۱۶۷

با استفاده از رابطه انبساط طولی جامدات، داریم:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta \theta \Rightarrow \Delta L_A = \Delta L_B \Rightarrow \alpha_A L_1 A \Delta \theta_A = \alpha_B L_1 B \Delta \theta_B$$

$$\frac{\Delta \theta_A = \Delta \theta_B}{11 \times 10^{-4}} \times L_1 A = 18 \times 10^{-4} \times L_1 B$$

$$\Rightarrow 11 L_1 A = 18 L_1 B \Rightarrow L_1 A = \frac{18}{11} L_1 B \quad (1)$$

از طرفی اختلاف طول دو میله در هر دما برابر با  $5\text{cm} / 3$  است. با توجه به

رابطه (1) طول میله A از طول میله B بلندتر است، بنابراین:

$$L_1 A - L_1 B = \frac{3}{5} \xrightarrow{(1)} \left( \frac{18}{11} - 1 \right) L_1 B = \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow L_1 B = \frac{11}{2} = 5.5\text{cm}$$

$$L_1 A = \frac{18}{11} L_1 B = \frac{18}{11} \times \frac{11}{2} \Rightarrow L_1 A = 9\text{cm}$$

(فیزیک ۲- گرماء و قانون گازها؛ صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۴۰)

(نصرالله افضل)

-۱۶۸

ابتدا حجم مایع و حجم ظرف یکسان است. با افزایش دما، چون مایع از ظرف

بیرون می‌ریزد، بنابراین افزایش حجم مایع بیشتر از افزایش حجم ظرف



$$F_{AD} = F_{CD} \rightarrow \frac{F}{2\pi d} = \frac{\mu_0 I_A I_D \ell}{2\pi d_{AD}}$$

$$\frac{\mu_0 I_A I_D \ell}{2\pi d_{AD}} = \frac{\mu_0 I_C I_D \ell}{2\pi d_{CD}} \rightarrow \frac{\ell=1m}{d_{AD}=5cm} \Rightarrow d_{CD} = 1cm$$

بنابراین فاصله دو سیم A و C برابر است با:

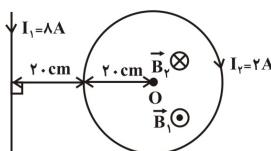
$$d_{AC} = d_{AD} + d_{DC} = 5 + 1 \Rightarrow d_{AC} = 6cm$$

(فیزیک ۳ - مغناطیسی: صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۴، ۱۲۸ و ۱۳۶)

(فرشاد لطف‌اللهزاده)

-۱۷۱

ابتدا اندازه میدان مغناطیسی ناشی از جریان‌های  $I_1$  و  $I_2$  را در مرکز حلقه حساب می‌کنیم. داریم:



$$B_1 = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi R_1} \Rightarrow B_1 = \frac{12 \times 10^{-7} \times 8}{2 \times 3 \times 0 / 4} \Rightarrow B_1 = 4 \times 10^{-6} T$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I_2}{2R_2} \Rightarrow B_2 = \frac{12 \times 10^{-7} \times 2}{2 \times 0 / 2} \Rightarrow B_2 = 6 \times 10^{-6} T$$

با استفاده از قاعدة دست راست، جهت میدان  $\vec{B}_1$  برونو سو و جهت میدان

$\vec{B}_2$  درون سو است و با توجه به این که  $B_1 > B_2$  است، اندازه میدان

مغناطیسی برایند در مرکز حلقه برابر است با:

$$\vec{B}_T = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 \Rightarrow B_T = B_2 - B_1 = 6 \times 10^{-6} - 4 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow B_T = 2 \times 10^{-6} T$$

(فیزیک ۳ - مغناطیسی: صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۶)

(همطفی کیانی)

-۱۷۲

$$\text{بنابر رابطه } B = \mu_0 \frac{N}{\ell} I, \text{ می‌توان نوشت:}$$

$$N = \frac{Bl}{\mu_0 I} = \frac{0 / 1 \times 6 / 28 \times 10^{-2}}{12 / 56 \times 10^{-7} \times 5} = 10^3$$

اکنون با استفاده از رابطه  $N = \frac{L}{2\pi r}$ ، طول سیم را حساب می‌کنیم:

$$L = N \times 2\pi r = 10^3 \times 2 \times 3 / 14 \times 5 \times 10^{-2} = 314 m$$

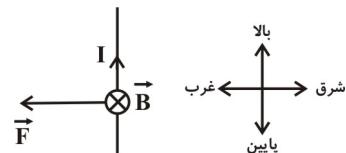
(فیزیک ۳ - مغناطیسی: صفحه‌های ۱۲۲ و ۱۲۳)

### فیزیک ۳

-۱۷۱

(بابک اسلامی)

با استفاده از قاعدة دست راست و با توجه به شکل زیر، اگر چهار انگشت در جهت جریان و کف دست راست در جهت خط‌های میدان باشد، انگشت شست، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیم راست را به سمت غرب نشان خواهد داد.



(فیزیک ۳ - مغناطیسی: صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۴)

-۱۷۲

(نصرالله افضل)

می‌دانیم جهت نیروی مغناطیسی همواره بر جهت سرعت عمود است، بنابراین در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، نیروی مغناطیسی باعث حرکت دایره‌ای ذره در فضای میدان می‌شود. برای محاسبه شعاع مسیر حرکت دایره‌ای، با استفاده از قانون دوم نیوتون، داریم:

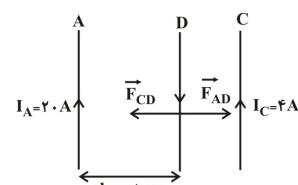
$$F = m \frac{v^2}{R} \Rightarrow |q| v B = m \frac{v^2}{R} \Rightarrow R = \frac{mv}{|q| B}$$

(فیزیک ۳ - مغناطیسی: صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۳۶)

-۱۷۳

(همطفی کیانی)

چون جهت جریان سیم‌های A و C با سیم D مخالف هماند، مطابق شکل زیر، سیم‌های A و C، سیم D را از خود می‌رانند. برایند نیروهای مغناطیسی وارد بر سیم D برابر با صفر است، بنابراین باید نیروهایی که هر یک از سیم‌های A و C بر این سیم وارد می‌کنند هماندازه، هم‌راستا و در دو سوی مخالف هم باشند.



در این حالت می‌توان نوشت:





(سیدسهاب اعرابی)

-۱۸۴

$$\frac{51}{3} \text{g Ba(OH)}_2 \times \frac{1 \text{mol Ba(OH)}_2}{17 \text{g Ba(OH)}_2} \times \frac{2 \text{mol OH}^-}{1 \text{mol Ba(OH)}_2} \times \frac{1}{\text{آب}} = 0 / 2 \text{M} = [\text{OH}^-]$$

غلظت  $\text{OH}^-$  حاصل از تکمیک آب قابل صرف نظر کردن است.

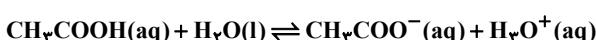
$$K_w = [\text{OH}^-][\text{H}^+] \Rightarrow 10^{-13} = 0 / 2 \times [\text{H}^+]$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = 5 \times 10^{-13} \Rightarrow \text{pH} = -\log[\text{H}^+] = ۱۲ / ۳$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۰ و ۷۰)

(مرتضی زارعی)

-۱۸۵



ابتدا باید تعداد کل یون‌ها را بر ۲ تقسیم کنیم چون به ازای هر مولکول

$$\frac{۲۴ / ۰.۸ \times ۱۰^{۲۰}}{۲} = ۱۲ / ۰.۴ \times ۱۰^{۲۰}$$

یونش یافته دو یون پدید می‌آید.

$$\text{? mol CH}_3\text{COOH} = ۲۴ \text{g CH}_3\text{COOH} \times \frac{۱ \text{mol CH}_3\text{COOH}}{۶ \text{g CH}_3\text{COOH}}$$

$$= ۰ / ۴ \text{mol CH}_3\text{COOH}$$

$$\text{? mol H}_3\text{O}^+ = ۱۲ / ۰.۴ \times ۱۰^{۲۰} \times \frac{۱ \text{mol H}_3\text{O}^+}{۶ / ۰.۲ \times ۱۰^{۲۳}} = ۰ / ۰.۰۲ \text{mol H}_3\text{O}^+$$

$$\alpha = \frac{\text{شمار مولکول‌های (مول) یونیده شده}}{\text{شمار مولکول‌های (مول) حل شده}} = ۰ / ۰.۰۵ = ۰ / ۰.۰۵$$

$$\alpha \% = ۰ / ۰.۰۵ \times ۱۰۰ \% = ۰ / ۵ \%$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴)

(علی بدی)

-۱۸۶

$\text{K}_2\text{O}$  جزء بازهای آرنیوس است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) در واکنش ترمیت،  $\text{Al}_2\text{O}_3$  به وجود می‌آید که یک آمفورتر است.

۲) یون  $\text{OH}^-$  اسید مزدوج باز  $\text{O}^{2-}$  و گاز  $\text{H}_2$  اسید مزدوج باز  $\text{H}^-$  است.

۳) از حل شدن ۱ مول گاز  $\text{N}_2\text{O}_5$  در آب ۲ مول اسید قوی  $\text{HNO}_3$  به دست می‌آید که به صورت کامل یونیزه می‌شود. پس از حل شدن ۱ مول  $\text{N}_2\text{O}_5$ ، ۲ مول یون  $\text{H}^+$  تولید می‌شود.

از حل شدن ۱ مول  $\text{SO}_3$  در آب، ۱ مول  $\text{H}_2\text{SO}_4$  تولید می‌شود که فقط یونش اول آن کامل است. بنابراین از حل شدن ۱ مول  $\text{SO}_3$  در آب، کمتر از ۲ مول یون  $\text{H}^+$  به وجود می‌آید.

چون غلظت  $\text{H}^+$  در محلول  $\text{N}_2\text{O}_5$  بیشتر است. پس خاصیت اسیدی آن نیز بیشتر می‌باشد.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴) (شیمی ۳، صفحه ۲۴)

## شیمی پیش‌دانشگاهی

-۱۸۱

(امیرعلی برفرورداریون)

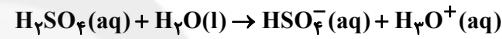
در واکنش ماده‌ای آمفورتر با یک اسید، آمفورتر خاصیت بازی از خود نشان می‌دهد. طبق تعریف لوری - برونستد، باز پذیرنده پروتون محاسبه می‌شود. اکسید رویدیم نیز پس از حل شدن در آب یون هیدروکسید آزاد می‌کند.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

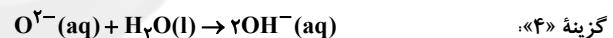
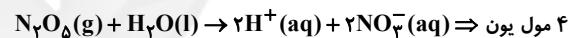
-۱۸۲

(امیرعلی برفرورداریون)

بررسی گزینه‌های نادرست:  
گزینه «۱»: آهک یک باز است و باعث کاهش اسیدی بودن خاک (افزایش  $\text{pH}$ ) می‌شود.



دقت کنید که مرحله دوم یونش سولفوریک اسید برخلاف مرحله اول آن به صورت کامل انجام نمی‌شود، بنابراین تعداد یون‌های تولید شده کمتر از ۳ مول است.



در این واکنش یون هیدروکسید هم نقش باز مزدوج و هم نقش اسید مزدوج را ایفا می‌کند اما توجه کنید این واکنش غیرتعادلی است.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴)

-۱۸۳

(علی بدی)

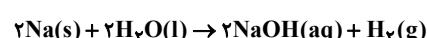
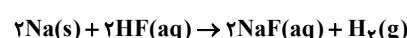
بررسی موارد:

آ) نادرست. شیمی‌دان‌ها مدت‌ها پیش از آن که ساختار اسیدها و بازها

شناخته شوند، با ویژگی‌های هر کدام و واکنش میان آن‌ها آشنا بودند.

ب) درست. طبق حاشیه صفحه ۶۳ صحیح است.

پ) درست. واکنش سدیم با اسید  $\text{HF}$  و واکنش آن با آب:



ت) نادرست. آنیون موجود در  $\text{K}_2\text{O}_2$ ، یون پراکسید ( $\text{O}_2^{2-}$ ) است نه یون اکسید ( $\text{O}^{2-}$ ).

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴ و ۶۵)



(مهم رضائی)

-۱۹۰

$$\text{HI} \quad [\text{H}_3\text{O}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-1/7} = 10^{-2} \times 10^{0/3} = 0.02 \text{ M}$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{0.02} = 5 \times 10^{-13} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{Ba(OH)}_2 \quad [\text{OH}^-] = 10^{-\text{pOH}} = 10^{-0/7}$$

$$= 10^{-1} \times 10^{0/3} = 0.1 \text{ M} \Rightarrow [\text{Ba}^{2+}] = \frac{0/2}{2} = 0.1 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\frac{\text{HI} \text{ در } [\text{OH}^-]}{\text{Ba(OH)}_2 \text{ در } [\text{Ba}^{2+}]} = \frac{5 \times 10^{-13}}{0/1} = 5 \times 10^{-12}$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۷۰، ۷۱، ۷۲، ۷۳ و ۷۵)

## شیمی ۲

(میلاد شیخ‌الاسلامی‌فیاوى)

-۱۹۱

۱) ترتیب قدرت پیوند هیدروژنی به صورت  $\text{HF} > \text{H}_2\text{O} > \text{NH}_3$  است، اما در  $\text{H}_2\text{O}$  به دلیل بیشتر بودن تعداد پیوند هیدروژنی، نقطه جوش بالاتر از  $\text{HF}$  و  $\text{NH}_3$  است.

۲) طبق متن صفحه ۸۴ کتاب کاملاً درست است.

۳) مولکول‌های  $\text{CO}$  قطبی و مولکول‌های  $\text{N}_2$  ناقطبی هستند. پس نیروی بین مولکولی آنها متفاوت است.

۴) نیروی جاذبه بین مولکول‌های آب از نوع هیدروژنی است که از همه پیوندهای کووالانسی بین اتم‌ها ضعیفتر است.

(ترکیب‌های کووالانسی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۶۶، ۶۷، ۶۸ و ۶۹ تا ۷۲)

(سینی سلیمان)

-۱۹۲

با توجه به اینکه در فشار و دمای یکسان، حجم مولی گازها برابر است می‌توان نوشت:

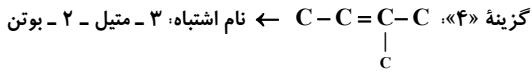
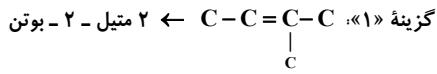
$$\frac{\text{A}}{\text{B}} = \frac{\text{A}}{\text{B}} = \frac{\text{A}}{\text{B}} = \frac{\text{A}}{\text{B}}$$

$$\frac{\text{حجم مولی A}}{\text{حجم مولی B}} = \frac{\text{حجم مولی A}}{\text{حجم مولی B}} = \frac{\text{حجم مولی A}}{\text{حجم مولی B}}$$

$$\text{C}_n\text{H}_{4n}\text{Cl}_2 : 12n + 2n + 21 \rightarrow \frac{14n + 21}{14n} = 2 \rightarrow n \approx 5$$

$$\text{C}_n\text{H}_{4n} : 12n + 2n$$

ترکیب اولیه آلتکنی ۵ کربن است.



نام درست: ۲ - متیل - ۲ - بوتن

(شیمی ۲، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۲)

(امیرحسین معروفی)

-۱۸۷

بررسی عبارت‌ها:

(الف) نادرست. از آنجایی که واکنش خود یونش آب گرم‌آگیر است، با افزایش دما واکنش به سمت راست (تولید یون) رفته و  $\text{K}_w$  و غلظت  $\text{H}^+$  و  $\text{OH}^-$  افزایش می‌یابد. در نتیجه با افزایش غلظت  $\text{H}^+$  در محلول خنثی،  $\text{pH}$  محلول‌های خنثی کاهش می‌یابد.

(ب) نادرست. ثابت یونش همانند سایر ثابت‌های تعادل فقط با تغییر دما تغییر می‌کند.

(پ) نادرست. با افزایش نسبت غلظت  $\text{H}^+$  به  $\text{OH}^-$  در یک محلول در نهایت غلظت  $\text{H}^+$  افزایش می‌یابد که منجر به افزایش خاصیت اسیدی و کاهش  $\text{pH}$  می‌شود.

(ت) نادرست. در تعریف آرنیوس اسید ماده‌ای است که در آب حل شود و یون هیدروژن یا پروتون پدید آورد و باز هم ماده‌ای است که به هنگام حل شدن در آب یون هیدروکسید پدید آورد. طبق این تعریف مورد «ت» نادرست است.

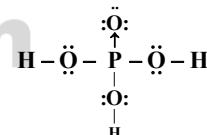
(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱، ۶۲ و ۶۳)

(مهم رضائی)

-۱۸۸

فسفریک اسید ( $\text{H}_3\text{PO}_4$ ) دارای سه هیدروژن متصل به اکسیژن است که می‌تواند ۳ پروتون به آب بدهد و سه مرحله یونش یابد. فسفریک اسید، اسیدی ضعیف است که هر سه مرحله یونش آن به طور جزئی و تعادلی انجام می‌گیرند.

ساخтар لوویس آن به شکل زیر است که دارای ۷ بیوند اشتراکی و ۹ جفت الکترون ناپیوندی می‌باشد. از جمله کاربردهای آن، استفاده در داروها و پاک کننده‌های صابونی و غیرصابونی و ... است.



(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(مهم رضائی)

-۱۸۹

کربنیک اسید و سولفوریک اسید را بهتر است به ترتیب به صورت  $\text{CO}_2(\text{aq})$  و  $\text{SO}_2(\text{aq})$  نشان دهند.

کربنیک اسید یک اسید ضعیف است و به صورت جزئی یونش می‌یابد؛ در نتیجه بیشتر به صورت تفکیک نشده باقی می‌ماند. پس در محلول حاصل از یونش کربنیک اسید غلظت مولی  $\text{CO}_2(\text{aq})$  از  $\text{CO}_2(\text{aq})$  بیشتر است.

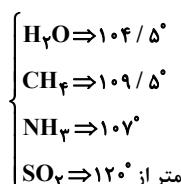
(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)



(سیدسهاب اعرابی)

-۱۹۶

زوایای پیوندی در ترکیب‌های:



همه ترکیب‌ها به جز  $\text{SO}_2$  که سه قلمرو الکترونی دارد دارای چهار قلمرو هستند.

(ترکیب‌های کووالانسی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۵ تا ۸۹)

(سیدسهاب اعرابی)

-۱۹۷

در گزینه‌های «۱» و «۲» نام‌گذاری به اشتباه انجام شده است:  
گزینه «۱»، ۳ - برمو - ۵ - کلروهپتان

گزینه «۲»، ۴ - برمو - ۳ - کلرو - ۵ - متیل هپتان

نام‌گذاری ترکیب‌های گزینه‌های «۳» و «۴» درست است. پس به محاسبه درصد جرمی C در آن‌ها می‌پردازیم:

$$\text{گزینه «۳»: } \frac{9 \times 12}{9 \times 12 + 16 + 80 + 35 / 5} \times 100 = \text{درصد جرمی}$$

$$\text{C}_9\text{H}_{16}\text{ClBr} \Rightarrow \frac{108}{239 / 5} \times 100 \approx 45 / 1\%$$

$$\text{گزینه «۴»: } \frac{7 \times 12}{7 \times 12 + 14 + 35 / 5 + 80} \times 100 = \text{درصد جرمی}$$

$$\text{C}_7\text{H}_{14}\text{ClBr} \Rightarrow \frac{84}{213 / 5} \times 100 = 39 / 34\%$$

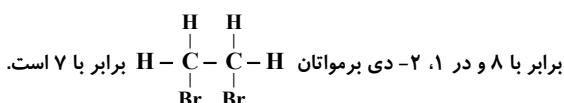
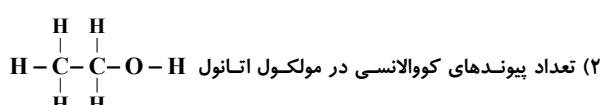
(ترکیبی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۲) (شیمی ۳، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(مرتضی رضائیزاده)

-۱۹۸

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ماده هورمون مانندی است که در بیشتر گیاهان وجود دارد و باعث زودرسی میوه‌ها می‌شود.

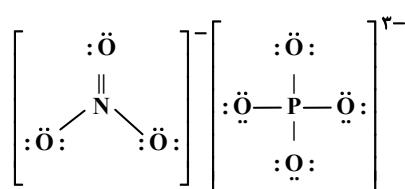


(۳) از واکنش اتن با هیدروژن کلرید، ترکیبی به نام کلرو اتان به دست می‌آید در حالی که برای تهیه پلی وینیل کلرید از مونومر وینیل کلرید استفاده می‌شود.

(ترکیب‌های آلی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۸۴، ۱۰۱، ۱۰۳ و ۱۰۴)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۹۳

با توجه به ساختار لوویس یون‌های  $\text{PO}_4^{3-}$  و  $\text{NO}_3^-$ 

- شمار پیوندها یکسان و برابر ۴ است.

- شکل هندسی آنها متفاوت است.

- هر دو دارای یک پیوند داتیو هستند.

- عدد اکسایش N و P در هر دو یون برابر +۵ است.

- میزان قطبیت پیوند در آن‌ها متفاوت است.

(ترکیب‌های کووالانسی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹، ۸۱، ۸۲ و ۸۶ تا ۹۱)

(امیرعلی برخورد اربیون)

-۱۹۴

نمودار صورت سؤال مربوط به گروه ۱۵ جدول دوره‌ای است که از نظر نقطه جوش ترتیب زیر را دارد:



تناوب ۳ تناوب ۴ تناوب ۵

بررسی موارد:

مورد اول درست است؛ پیوند هیدروژن را می‌توان در میان مولکول‌های دید که اتم هیدروژن به یکی از اتم‌های فلورور، اکسیژن و یا نیتروژن متصل باشد.

مورد دوم نادرست است؛ آرایش الکترون - نقطه‌ای  $\text{HNO}_2$  به صورت روبرو است و پیوند داتیو ندارد:



مورد سوم نادرست است؛ هیدریدهای مربوط به عناصر گروه ۱۶ در تمامی تناوب‌ها بالاترین نقطه جوش را دارا می‌باشند.

مورد چهارم نادرست است؛ هیدریدهای مربوط به عناصر گروه ۱۴ در تمامی تناوب‌ها بیشترین تعداد قلمروی پیوندی را دارند. (۴ قلمروی پیوندی)

(ترکیب‌های کووالانسی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹، ۸۱، ۸۵ و ۹۱)

(رضا پیغمبری فیروز آباری)

-۱۹۵

در گرافیت، فاصله میان مولکول‌های صفحه‌ای غول آسا بیشتر از طول پیوند کووالانسی کربن - کربن در الماس است. (حاشیه صفحه ۹۶ کتاب درسی)

طول پیوند کربن - کربن در الماس برابر  $154\text{pm}$  و فاصله میان مولکول‌های صفحه‌ای غول آسا در گرافیت  $335\text{pm}$  است.

(ترکیب‌های آلی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)



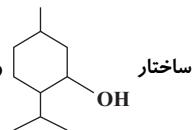
(محمد عظیمیان زواره)

-۲۰۳

(مرتضی رضائیزاده)

-۱۹۹

منتول یکی از ترکیب‌های آلی موجود در پمادهای مسکن موضعی است که دارای



گروه عاملی الکلی است و یک الکل حلقوی به حساب می‌آید.

تذکر: آرماتیک به ترکیباتی گفته می‌شود که دارای حداقل یک حلقه بنزنی یعنی باشند.

(ترکیب‌های آلی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

 $2H_2O_2(aq) \rightarrow 2H_2O(l) + O_2(g) \quad \Delta H < 0 \quad \Delta S > 0$ 

(ترمودینامیک شیمیایی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۲)

(مبینا شرافتی‌پور)

-۲۰۴

(امیرحسین معروفی)

-۲۰۰

بررسی عبارت‌ها:

(الف) گروه‌های عاملی اسیدی و کتونی ندارد. (نادرست)

(ب) این ترکیب دارای ۱۸ اتم کربن می‌باشد. (نادرست)

(پ) درست است.

۸ = تعداد اتم‌ها با سه قلمرو الکترونی

۱۴ = تعداد اتم‌ها با چهار قلمرو الکترونی

ت) تعداد چفت‌الکترون‌های ناپیوندی برابر ۷ است. (نادرست)

(ترکیب‌های آلی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۸۵ و ۸۶ تا ۸۷)

شیمی ۳

گزینه «۱»: حل شدن مایع در مایع (استون در آب) همانند انجام فرایندی خودبه‌خودی در سامانه‌ای منزوی،  $\Delta S > 0$  دارد.

گزینه «۲»: مفهوم آنتروپی توسط کلازیوس برای توجیه جهت انجام فرآیندهای فیزیکی و شیمیایی ارائه شد.

گزینه «۴»: مرحله آب پوشی انحلال نمک‌ها در آب همانند سوختن متان، خودبه‌خودی در سامانه‌ای منزوی،  $\Delta H < 0$  دارد.

(ملول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۵۵، ۵۶، ۶۷، ۸۰، ۸۲ و ۸۳)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاضی)

-۲۰۵

(آرین شیاعی)

-۲۰۱

گرماسنج بیبی در کل یک سامانه منزوی است و بمب فولادی درون آن، یک سامانه بسته است و برای اندازه‌گیری گرمای سوختن ماده در حجم ثابت به کار برده می‌شد.

(ترمودینامیک شیمیایی) (شیمی ۳، صفحه ۵۸)

گزینه «۱»:  $H_2S$  گازی قطبی و  $Cl_2$  ناقطبی است اما طبق جدول صفحه ۸۶، انحلال پذیری  $Cl_2$  در دمای ثابت بیشتر است، زیرا جرم این گاز بیشتر است.

گزینه «۲»: حل شدن جامدها در مایع‌ها اغلب با افزایش آنتروپی همراه است.

گزینه «۳»: الکل‌ها تا ۵ اتم کربن در آب حل می‌شوند اما فقط سه الکل اول به هر نسبتی در آب حل می‌شوند.

(ملول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۰، ۸۲ و ۸۳)

(آرین شیاعی)

-۲۰۲

ابتدا برای به دست آوردن واکنش هدف، واکنش ۱ را در  $-4\Delta H_1 + \Delta H_2 + 2\Delta H_3 = -260\text{kJ}$  در

۱ + واکنش ۳ را در  $+2\Delta H_3$  ضرب می‌کنیم، بنابراین:

$$\Delta H = -4\Delta H_1 + \Delta H_2 + 2\Delta H_3 = -260\text{kJ}$$

سپس از استوکیومتری داریم:

$$\frac{\Delta H}{\Delta \text{mol E}} = \frac{-260\text{kJ}}{4\text{mol E}} = -65\text{kJ/mol E}$$

$$\frac{\Delta \text{mol E}}{\Delta \text{mol E}} = \frac{1\text{mol E}}{4\text{mol E}} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{\Delta \text{mol E}}{\Delta \text{mol E}} = \frac{1}{4} \times \frac{84\text{g}}{10\text{g}} = \frac{21\text{g}}{10\text{g}} = 2.1\text{g}$$

$$\frac{\Delta \text{mol E}}{\Delta \text{mol E}} = \frac{2.1\text{g}}{20\text{g}} = 0.105\text{g}$$

$$\frac{\Delta \text{mol E}}{\Delta \text{mol E}} = \frac{0.105\text{g}}{1\text{mol E}} = 0.105\text{g/mol E}$$

(ترمودینامیک شیمیایی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۵۹ تا ۶۳)



(سپهر کاظمی)

-۲۰۸

با توجه به محلول صورت سؤال و جدول، می‌توان مولالیته محلول را پیش‌بینی کرد که برابر  $\frac{1}{3}$  است.

$$\text{جرم حل شونده} + \text{جرم حلال} = \text{جرم محلول}$$

$$= 100.0\text{g} + 48\text{g} \left( \frac{1}{3} \times 160 = 48\text{g} \right) = 1048\text{g}$$

$$\begin{aligned} \text{محلول} &= \frac{0 / 3\text{mol}}{1000.0\text{mL}} \times \frac{1000\text{g}}{1048\text{g}} \times \frac{2 / 62\text{g}}{1\text{mL}} \times \frac{\text{محلول}}{\text{حلال}} \times 100\% \text{ مولاریته؟} \\ &\times \frac{1000\text{mL}}{1\text{L}} = 0 / 78\text{mol.L}^{-1} \end{aligned}$$

(محلول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴، ۹۶ و ۹۷)

(موسن فیاط علی‌محمدی)

-۲۰۹

۱) درست  $\rightarrow$  ماده فرار موجود زودتر بخار شده و باعث افزایش فشار بخار می‌شود.



در هر دو، قسمت آئیونی دارای بار (-) است.

۳) نادرست  $\leftarrow$  تعداد O در پاک‌کننده غیرصابونی بیشتر است.

۴) درست  $\rightarrow$  ذرات باردار الکترولیت، ذرات کلوییدی را گرد هم جمع کرده و تشکیل لخته می‌دهد.

(محلول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶، ۹۸، ۱۰۰ و ۱۰۴)

(امیرحسین معروفی)

-۲۱۰

الف) نادرست. کلوییدها همانند محلول‌ها و برخلاف سوسپانسیون‌ها پس از

مدتی ماندگاری تهشین نمی‌شوند.

ب) نادرست. کلویید جامد در مایع، سول (نه سول جامد) نام دارد.

پ) درست. طبق متن صفحه ۱۰۱ کتاب کاملاً صحیح است.

ت) نادرست. با افزایش الکترولیت به یک کلویید ذره‌های کلوییدی تهشین می‌شوند و دیگر حرکت براوونی ندارند.

(محلول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۱)

(میلاد شیخ‌الاسلام فیاوی)

-۲۰۶

ابدعا استفاده از تناسب جرم حل شونده را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{array}{c|c} \text{جرم محلول} & 90 \\ \hline 80 & \text{جرم حل شونده } X \end{array} \Rightarrow X = 40\text{g}$$

$$90 - 40 = 50\text{g}$$

$$\frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 100 \Rightarrow 20\% = \frac{x'}{\Delta_0 + x'} \times 100$$

$$\Rightarrow x' = 12 / 5\text{g}$$

$$12 / 5\text{g} = \text{جرم حل شونده در محلول ثانویه (پس از سرد کردن)}$$

حال اختلاف جرم حل شونده‌ها برابر با جرم رسوب خواهد بود:

$$40 - 12 / 5 = 27 / 5\text{g}$$

(محلول‌ها) (شیمی ۳، صفحه‌های ۸۸ و ۸۹)

(فامبر رواز)

-۲۰۷

ابدعا درصد جرمی یون  $\text{Na}^+$  را در هر چهار ترکیب حساب می‌کنیم. جرممولی  $\text{Na}^+$  را برابر m در نظر می‌گیریم.

$$\left. \begin{array}{l} \text{Na}_7\text{SO}_4 : \text{Na}^+ = \frac{2m}{142} \\ \text{NaNO}_3 : \text{Na}^+ = \frac{m}{85} \\ \text{NaClO}_3 : \text{Na}^+ = \frac{m}{106 / 5} \\ \text{Na}_5\text{PO}_4 : \text{Na}^+ = \frac{3m}{164} \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{m}{106 / 5} < \frac{m}{85} < \frac{2m}{142} < \frac{3m}{164}$$

هر چه درصد جرمی  $\text{Na}^+$  در نمکی کمتر باشد برای تهیه مقدار معینیاز  $\text{Na}^+$  به مقدار بیشتری از آن نمک نیاز است.

(محلول‌ها) (شیمی ۳، صفحه ۸۹)