

با سمه تعالی

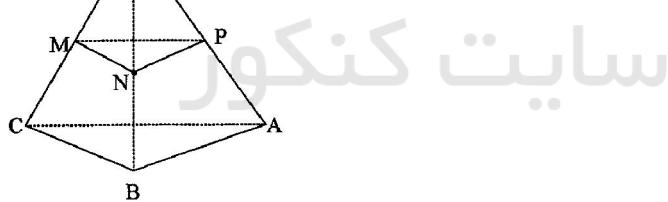
سال سوم آموزش متوسطه	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۹			
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خردادماه) سال تحصیلی ۱۳۸۶-۸۷ اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی			

ردیف	سوالات	نمره												
۱	<p>الف: جدول زیر را با استفاده از استدلال استقرایی کامل کنید:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>۱</td><td>۰</td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>۶</td><td>۷</td><td>۸</td><td>۹</td><td>۱۰</td> </tr> </table> <p>ب: رابطه‌ای بین تعداد ضلع ها و تعداد قطرهایی که از تمام رأس های یک ضلعی می گذرند را حدس بزنید.</p>	۱	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱/۲۵
۱	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰			
۲	قضیه: اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر باشند، ضلع رو به رو به زاویه بزرگتر، بزرگتر از ضلع رو به روی زاویه کوچکتر است.	۱												
۳	ثابت کنید: مجموع فاصله های هر نقطه داخل مثلث از سه رأس، از نصف مجموع سه ضلع مثلث بزرگتر است.	۱												
۴	قضیه: ثابت کنید سه ارتقای هر مثلث همسنند.	۱/۲۵												
۵	مکان هندسی نقطه‌ای از صفحه را بپیدا کنید، که از یک خط داده شده $\ell$ به فاصله معلوم $K$ باشد ( $0 < K < \infty$ ).	۰/۵												
۶	قضیه: ثابت کنید اگر یک ضلع زاویه محاطی قطری از دایره باشد، اندازه آن زاویه برابر نصف کمان رو به روی آن است.	۱												
۷	<p>در شکل زیر مقادیر <math>x</math> و <math>y</math> را به دست آورید.</p> <p><math>\widehat{AB} = x</math> ، <math>\widehat{PQ} = y</math></p>	۱/۲۵												
۸	<p>در شکل رو به رو چهار ضلع DIAN یک متوازی الاضلاع است، نقطه های I و A و M روی یک خط راست قرار دارند، ثابت کنید <math>DM = DI</math></p>	۱												
۹	دو دایره به شعاعهای ۴ و ۹ سانتی متر، مماسین بروان هستند، مقدار $x$ را چنان تعیین کنید که اندازه مماس مشترک خارجی آنها برابر $(2x - 2)$ باشد.	+/۷۵												
۱۰	پاره خط AB به طول ۶ سانتی متر و کمان در خور زاویه $60^\circ$ رو به روی پاره خط داده شده است، فاصله مرکز دایره‌ای که کمان در خور قسمتی از آن است تا وسط پاره خط AB و شعاع دایره را به دست آورید.	۱												
۱۱	<p>تبدیل <math>T(x, y) = (2x + 1, 2y + 1)</math> را در نظر بگیرید.</p> <p>الف: تصویر نقطه‌های <math>A = (1, 2)</math> و <math>B = (0, 0)</math> را تحت تبدیل <math>T</math> به دست آورید.</p> <p>ب: طول و شبیه پاره خط های AB و A'B' را به دست آورید.</p> <p>پ: آیا تبدیل T ایزومتری است؟ و آیا این تبدیل شبیه AB را حفظ می کند؟ (پاسخ خود را با دلیل نشان دهید). «ادامه سوالات در صفحه دوم»</p>	۲												

پاسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشت: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۹ / ۳ / ۱۳۸۷		
دانش آموزان و داوطلبان آزاد مجاز کشور در نوبت دوم (خردادماه) سال تحصیلی ۱۳۸۶-۸۷			اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی

ردیف	سوالات	نمره
۱۲	الف: خط $6x + 3y = 2x + 4$ و تصویرش را تحت انتقال (۱) $T(x, y) = (x + 4, y - 1)$ رسم کنید. ب: معادله خط تصویر را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	نقطه $(1, -2) = A$ را تحت زاویه $270^\circ$ حول مبدأ مختصات دوران داده و مختصات نقطه جدید را به دست آورید.	+/۵
۱۴	مثلث ABC متساوی الاضلاع است و $AD = BE$ با استفاده از تبدیلات ثابت کنید	۱/۲۵
۱۵	هر یک از عبارت های زیر را چنان کامل کنید که یک گزاره درست حاصل شود <b>الف:</b> از هر سه نقطه در فضای بر یک خط قرار ندارند، یک و تنها یک ..... می گذرد. <b>ب:</b> دو خط در فضای که در یک صفحه قرار نمی گیرند، دو خط ..... می نامیم. <b>پ:</b> اگر دو خط متقاطع از صفحه ای با دو خط متقاطع از صفحه دیگری دو به دو موازی باشند، ..... ت: اگر P و Q دو صفحه عمود بر هم باشند، هو کدام شامل خطی است که ..... .....	۱
۱۶	قضیه: اگر خط L با صفحه P موازی باشد، هر صفحه که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می کند.	۱/۲۵
۱۷	ثابت کنید که در یک هرم مثلث القاعده، وسط یا لهای آن، در یک صفحه موازی صفحه قاعده قرار دارند.	۱/۵
۱۸	اگر صفحه ای بر یکی از دو صفحه موازی عمود باشد، ثابت کنید بر دیگری هم عمود است.	۱/۲۵
	جمع نمره	۲۰



با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۹	سال سوم آموزش متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	دانشآموzan و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۷

ردیف	ردیف	راهنمای تصحیح	نمره												
۱	(الف)	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">n .....</td> <td style="text-align: center;">۶</td> <td style="text-align: center;">۵</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td style="text-align: center;">چند ضلعی محدب</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">n-۳</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td style="text-align: center;">۲</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">۰</td> <td style="text-align: center;">تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس</td> </tr> </table> $\text{پس } \frac{n(n-3)}{2} = \text{تعداد تمام قطرهای یک } n \text{ ضلعی محدب}$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>ب) <math>n</math> ضلعی، رأس دارد و از هر رأس <math>n-3</math> قطر می‌گذرد و هر قطر دوبار به حساب می‌آید. (۰/۲۵)</p>	n .....	۶	۵	۴	۳	چند ضلعی محدب	n-۳	۳	۲	۱	۰	تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس	۱/۲۵
n .....	۶	۵	۴	۳	چند ضلعی محدب										
n-۳	۳	۲	۱	۰	تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس										
۲		<p>اثبات: برهان خلف:</p> <p>فرض کنیم <math>BC &gt; AC</math> پس <math>\hat{A} &gt; \hat{B}</math></p> $\begin{array}{c c} \hat{A} > \hat{B} & \text{ف} \\ \hline BC > AC & \text{ج} \end{array}$ <p>فرض کنیم <math>BC &lt; AC</math> که در این صورت <math>\hat{A} &lt; \hat{B}</math> که خلاف فرض است. (۰/۵)</p> <p>و یا <math>BC = AC</math> که در این صورت بنابر قسمیه <math>\hat{A} = \hat{B}</math> که خلاف فرض است. (۰/۵)</p>	۱												
۳		<p><math>\Delta AOB : oA + oB &gt; AB</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>\Delta AOC : oA + oC &gt; AC</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>\Delta BOC : oB + oC &gt; BC</math> (۰/۲۵)</p> $\begin{aligned} & 2(oA + oB + oC) > AB + AC + BC \\ & oA + oB + oC > \frac{AB + AC + BC}{2} \end{aligned}$ (۰/۲۵)	۱												
۴		<p>از رأس های <math>C, B, A</math> به ترتیب خط هایی موازی</p> <p>صلع های <math>AM, BM, CM</math> از مثلث <math>ABC</math> رسم می‌کنیم.</p> <p>تمثیل <math>MNP</math> حاصل شود. چهارضلعی <math>AMCB</math> متوازی الاضلاع است</p> <p><math>(AM \parallel BC, AB \parallel MC)</math> در نتیجه (۱) (۰/۰) و <math>[AM = BC]</math></p> <p>از طرف دیگر چهارضلعی <math>ACBP</math> نیز متوازی الاضلاع است.</p> <p><math>(AP \parallel BC, PB \parallel AC)</math> در نتیجه (۲) (۰/۰)</p> <p>از رابطه (۱) و (۲) نتیجه می‌شود <math>PA = AM</math> یعنی <math>AH_1</math> از وسط <math>PM</math> می‌گذرد</p> <p>و از طرف دیگر چون <math>AH_1 \perp BC</math> و <math>AH_1 \perp PM</math> پس <math>PM \parallel BC</math> عمودمیانصف ضلع <math>PM</math> می‌باشد. (۰/۰)</p> <p>با همین روش ثابت می‌شود که <math>BH_2</math> عمود منصف ضلع <math>PN</math> و <math>CH_3</math> عمود منصف ضلع <math>MN</math> از مثلث <math>MNP</math> است، و می‌دانیم که سه عمود منصف اضلاع هر مثلث همسرست (۰/۰) در نتیجه ارتفاع های <math>AH_1</math> و <math>BH_2</math> و <math>CH_3</math> از مثلث <math>ABC</math> همسرست.</p> <p>«ادامه در صفحه دوم»</p>	۱/۲۵												

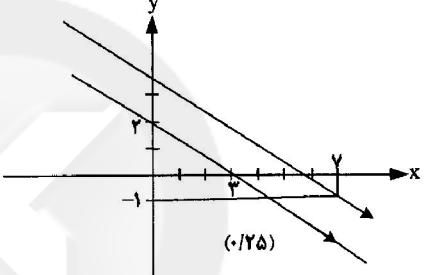
با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای صحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۹	سال سوم آموزش متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در قویت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۷

ردیف	راهنمای تصمیم	نمره
۵	چند نقطه به فاصله‌ی معلوم $k$ از خط $d$ را در نظر گرفته و به هم وصل می‌کنیم، دو خط موازی خط $d$ و به فاصله‌ی $k$ که در دو طرف خط $d$ قرار گرفته اند جواب مسئله‌ی می‌باشد. (۰/۰۵)	+۰/۰۵
۶	از نقطه $B$ به $O$ وصل می‌کنیم، زاویه $\widehat{B}OC$ یک زاویه مرکزی در دایره است (۱) $\widehat{B}OC = \widehat{BC}$ از طرف دیگر زاویه $\widehat{B}OC = \widehat{A} + \widehat{B}$ است پس $\widehat{A} = \widehat{B}$ و چون $OA = OB$ پس $\widehat{B}OC = 2\widehat{A}$ در نتیجه (۱) $\widehat{B}OC = 2\widehat{A}$ پس $\widehat{A} = \frac{1}{2}\widehat{B}OC$	۱ (۰/۰۵)
۷	$\begin{cases} \widehat{AP} + \widehat{x} + \widehat{BQ} - \widehat{y} = 124 & (۰/۰۵) \\ \widehat{AP} + \widehat{BQ} = 140 & (۰/۰۵) \\ \widehat{x} + \widehat{y} = 220 & (۰/۰۵) \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} \widehat{x} - \widehat{y} = -16 & (۰/۰۵) \\ \widehat{x} + \widehat{y} = 220 & (۰/۰۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \widehat{x} = 102^\circ & (۰/۰۵) \\ \widehat{y} = 118^\circ & (۰/۰۵) \end{cases}$	+۰/۰۵
۸	در متوازی الاضلاع $DIAN$ : $\widehat{N} = \widehat{I}$ : $DIAN$ از طرف دیگر $\widehat{M} = \widehat{I}$ , $\widehat{N} = \widehat{M} = \frac{\widehat{AD}}{2}$ در نتیجه $\widehat{M} = \widehat{N}$ محاطی، پس مثلث $MDI$ متساوی الساقین است (۰/۰۵) پس داریم $DM = DI$	۱ (۰/۰۵)
۹	$d = OO' = R + R' = 4 + 9 = 13 \quad (۰/۰۵) \quad TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2}$ $2x - 2 = \sqrt{(13)^2 - (9 - 4)^2} = 12 \Rightarrow x = 7 \quad (۰/۰۵)$	+۰/۰۵
۱۰	$R = OA = \frac{a}{\sin \alpha} = \frac{6}{\sin 30^\circ} = \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3} \quad (۰/۰۵)$ $oH = \frac{a}{2 \tan \alpha } = R  \cos \alpha  = 2\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = \sqrt{3} \quad (۰/۰۵)$ « ادامه در صفحه سوم »	۱ (۰/۰۵)

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۹	سال سوم آموزش متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۷

ردیف	ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	(الف)	$T(x, y) = (2x + 1, 2y) \Rightarrow T(1, 2) = (3, 4) = A'$ (۰/۲۵) $T(0, 0) = (1, 0) = B'$ (۰/۲۵) $AB = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$ (۰/۲۵) $A'B' = \sqrt{2^2 + 4^2} = 2\sqrt{5}$ (۰/۲۵) $m_{AB} = \frac{2-0}{1-0} = 2$ (۰/۲۵) $m_{A'B'} = \frac{4-0}{3-1} = 2$ (۰/۲۵) پ) تبدیل $T$ ایزومتری نیست زیرا طول پاره خط $AB$ با طول تصویرش یعنی $A'B'$ برابر نیست. و تبدیل $T$ شیب $AB$ را حفظ کرده است زیرا $m_{AB} = m_{A'B'} = 2$ (۰/۲۵)	۲
۱۲		$A(0, 2) \quad T(0, 2) = (4, 1) = A'$ (۰/۵) $B(3, 0) \quad T(3, 0) = (1, -1) = B'$ $m_{A'B'} = \frac{-1-1}{4-4} = \frac{-2}{0}$ (۰/۵) $y - 1 = -\frac{2}{3}(x - 4)$ $y = -\frac{2}{3}x + \frac{11}{3}$ 	۱/۲۵
۱۳		$R(x, y) = (y, -x)$ (۰/۲۵) $R(2, -1) = (-1, -2)$ (۰/۲۵)	۰/۵
۱۴		محل تلاقي ميانه هاي مثلث $ABC$ دا $G$ مي ناميم، مي دانيم هرگدام از زاويه هاي حول نقطه $G$ مساوي $120^\circ$ مي باشند و $-120^\circ$ $AG = BG = CG$ (۰/۲۵) تحت دوران به مرکز $G$ و زاويه $\begin{cases} B \rightarrow A \\ A \rightarrow C \end{cases} \Rightarrow BA \rightarrow AC$ (۰/۵) $\begin{cases} A \rightarrow C \\ C \rightarrow B \end{cases} \Rightarrow AC \rightarrow CB$ $AE = CD \Rightarrow E \rightarrow D$ $\Rightarrow \begin{cases} B \rightarrow A \\ E \rightarrow D \end{cases} \Rightarrow BE \rightarrow AD \Rightarrow BE = AD$ (۰/۵)	۱/۲۵
		در صورتی که زاویه دوران $120^\circ$ در نظر گرفته شده و راه حل درست باشد، بارم تقسیم گردد.	
۱۵	(الف) صفحه (۰/۲۵)		۱
	(ب) متنافر (۰/۲۵)		
	(پ) آن دو صفحه با هم موازیند (۰/۲۵)		
	(ت) بر دیگری عمود است (۰/۲۵)		
	ادامه در صفحه چهارم «		

## با اسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	واهمنای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۹	سال سوم آموزش متوسطه
اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال ۱۳۸۷

ردیف	واهمنای تصحیح	نمره				
۱۶	<p>(الف) اگر خط <math>L</math> در صفحه <math>P</math> قرار نداشته باشد، فرض کنیم <math>P'</math> صفحه گذرنده از <math>L</math> باشد که <math>P</math> را در خط <math>L'</math> قطع می کند. هر دو در صفحه <math>P'</math> هستند و همدیگر را قطع نمی کنند زیرا از متقاطع بودن <math>L</math> و <math>L'</math> نتیجه می شود که خط <math>L</math> صفحه <math>P</math> را قطع می کند. که این خلاف پرونده است.</p> <p>(+) / ۲۵</p> <p>بنابراین دو خط <math>L</math> و <math>L'</math> هر دو در صفحه <math>P'</math> هستند و همدیگر را قطع نمی کنند، پس با هم موازیند. (+) / ۲۵</p> <p>(ب) خط <math>L</math> در صفحه <math>P</math> قرار دارد در این حالت هر صفحه <math>P'</math> متمایز از <math>P</math> که از <math>L</math> می گذرد صفحه <math>P</math> را در همان خط <math>L</math> قطع می کند. (+) / ۲۵</p>	۱/۲۵				
۱۷	<p>در صفحه مثلث <math>SBC</math> بنابر عکس قضیه <math>\frac{SM}{MC} = \frac{SN}{NB} = 1</math> <math>MN \parallel BC</math> تالیس در مثلث <math>(+) / ۲۵</math></p> <p>و در صفحه مثلث <math>SAB</math> <math>\frac{SN}{NB} = \frac{SP}{PA} = 1 \Rightarrow PN \parallel AB</math> <math>(+) / ۲۵</math></p> <p>از دو رابطه بالا نتیجه می شود، چون دو خط متقاطع از صفحه مثلث <math>ABC</math> با دو خط متقاطع از صفحه مثلث <math>MNP</math> موازیند پس طبق قضیه این دو صفحه موازیند. (+) / ۵</p>	۱/۵				
۱۸	<table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>P \parallel Q</math>, <math>R \perp P</math></td> <td style="text-align: center;">ف</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>R \perp Q</math></td> <td style="text-align: center;">ج</td> </tr> </table> <p>چون <math>R \perp P</math> پس خط <math>d</math> در صفحه <math>R</math> وجود دارد که <math>d \perp P</math> <math>(+) / ۲۵</math> و اگر خطی بر یکی از دو صفحه موازی عمود باشد، بر دیگری هم عمود است. <math>(+) / ۵</math> پس <math>d \perp Q</math> در نتیجه صفحه <math>R</math> شامل خطی است، که آن خط بر صفحه <math>Q</math> عمود است پس <math>R \perp Q</math> <math>(+) / ۵</math></p>	$P \parallel Q$ , $R \perp P$	ف	$R \perp Q$	ج	۱/۲۵
$P \parallel Q$ , $R \perp P$	ف					
$R \perp Q$	ج					
	با عرض سلام و خسته نباشید، لطفاً در صورت مشاهده پاسخ های صحیح دیگر صرفأ در مسائل هیچ بارم به تناسب تقسیم شود.	۲۰ جمع نمره				

سایت اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی وزارت آموزش و پرورش به آدرس: <http://aee.medu.ir>) تنها سایت مرجع سوالات و رهنمای آن در کشور و همچنین پاسخگویی به سوالات دانش آموزان در خصوص امتحانات می باشد.